

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1. $\sqrt[3]{9} \times 3^{-\frac{5}{3}}$ 의 값은? [2점]

- ① $\frac{1}{9}$ ☒ ② $\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ 3 ⑤ 9

6x-1

2. 함수 $f(x) = 3x^2 - x + 1$ 에 대하여 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ☒ ⑤ 5

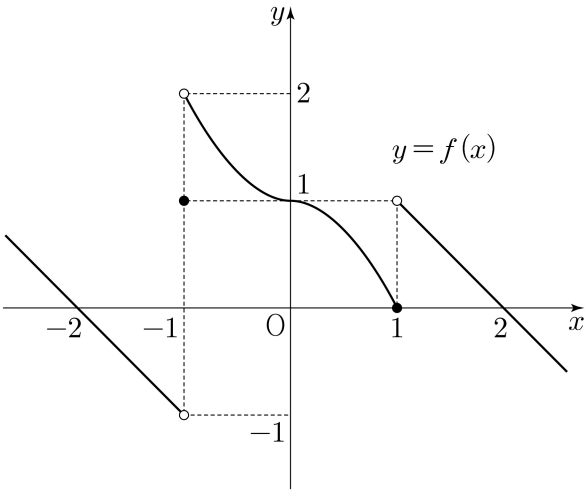
3. 두 수열 $\{a_n\}, \{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^5 (2a_k + b_k) = 19, \quad \sum_{k=1}^5 (a_k + b_k) = 10$$

일 때, $\sum_{k=1}^5 a_k$ 의 값은? [3점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ☒ ④ 9 ⑤ 10

4. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① -2 ② -1 ☒ ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

5. 함수 $f(x) = (3x-1)(x^2-2x+2)$ 에 대하여 $f'(2)$ 의 값은? [3점]

① 16 ② 18 ③ 20 ④ 22 ⑤ 24

$$f(x) = (3x-1)(x^2-2x+2)$$

$$+ 3(x^2-2x+2)$$

$$f'(2) = 5 \cdot 2 + 6$$

7. 함수 $f(x) = x^3 + ax + 9$ 는 $x = -1$ 에서 극대이다. 함수 $f(x)$ 의 극솟값은? (단, a 는 상수이다.) [3점]

① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

$$3x^2$$

$$x = -1$$

$$\frac{1}{2} \cdot 3$$

$$1 - 3 \cdot 9$$

6. $\frac{3\pi}{2} < \theta < 2\pi$ 인 θ 에 대하여 $\cos^2 \theta = \frac{1}{10}$ 일 때, $\tan \theta$ 의 값은?

① -3 ② -2 ③ -1 ④ 2 ⑤ 3

$$\sin \theta$$

$$\cos \theta = \frac{1}{\sqrt{10}}$$

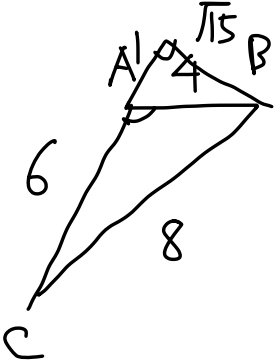
2:32

8. 삼각형 ABC에서

$$\overline{AB} = 4, \overline{BC} = 8, \cos A = -\frac{1}{4}$$

일 때, 선분 AC의 길이는? [3점]

- ① $\frac{9}{2}$ ② 5 ③ $\frac{11}{2}$ ④ 6 ⑤ $\frac{13}{2}$



9. 시각 $t=0$ 일 때 동시에 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q가 있다. 시각이 $t(t \geq 0)$ 일 때 두 점 P, Q의 속도가 각각

$$v_1(t) = t^2 - t, \quad v_2(t) = t$$

이다. 출발한 후 시각 $t=k$ 에서 두 점 P, Q의 위치가 같아질 때, 양수 k 의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$\frac{1}{3}t^3 - t^2$$

10. 두 양수 a, b 가

$$\log_9 a + \log_3 b = 2, \quad \log_3 a = 8 \log_9 b$$

를 만족시킬 때, $\frac{a}{b}$ 의 값은? [4점]

- ① 1 ② 3 ③ 9 ④ 27 ⑤ 81

$$\frac{1}{2}A + B = 2$$

$$A = 4B$$

$$A = \frac{8}{3}$$

$$B = \frac{2}{3}$$

$$\frac{3^{\frac{8}{3}}}{3^{\frac{2}{3}}} = 3^2$$

2:34

11. 일차함수 $f(x)$ 에 대하여

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x+2)}{x(f(x)-3)}$$

$$f(2)=0$$

의 값이 $a=0$ 일 때 존재하고 $a=3$ 일 때 존재하지 않는다.

$f(4)$ 의 값은? [4점]

$$f(3)=3$$

① 6

② 7

③ 8

④ 9

⑤ 10

$$\therefore f(x) = 3(x-2)$$

$$\frac{3x}{x(3x-9)}$$

12. 공비가 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 이

$$2a_1(a_1+a_3) = 5a_2(a_1+a_2) = 20$$

3

을 만족시킬 때, $a_1 \times a_6$ 의 값은? [4점]

① $\frac{1}{27}$

② $\frac{1}{9}$

③ $\frac{1}{3}$

④ 1

⑤ 3

$$2a_1^2 + 2a_2^2 = 5a_2a_1 + 5a_2^2$$

$$\therefore 2a_1^2 - 5a_2a_1 - 3a_2^2 = 0$$

$$\therefore \frac{a_1}{a_2} = 3 \quad \therefore 20a_2^2 = 20$$

$$\therefore a_2 = \pm 1, \quad a_1 = \pm 3$$

2.

(±)

2137

13. 두 다항함수 $f(x)$ 와 $g(x)$ 가 모든 실수 x 에 대하여 $f(x) > g(x)$ 를 만족시키고, $f(1) = g(1) + 1$ 이다.
양수 t 에 대하여 두 곡선 $y = f(x)$, $y = g(x)$ 와
두 직선 $x = 0$, $x = t$ 로 둘러싸인 도형의 넓이를 $S(t)$ 라 할 때,

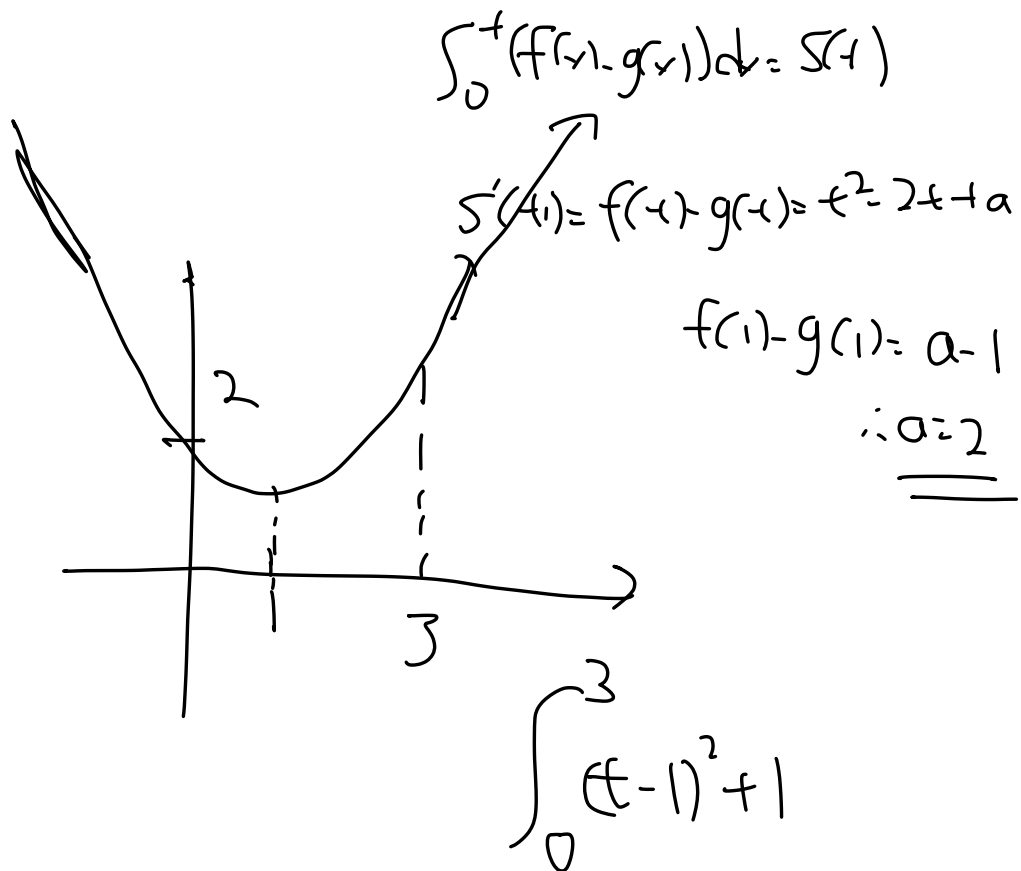
$$S'(t) = t^2 - 2t + a$$

이다. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?
(단, a 는 상수이다.) [4점]

<보 기>

ㄱ. $a = 1$ ✗
 ㄴ. $S(3) = 6$ 9
 ㄷ. 두 곡선 $y = f(x)$, $y = g(x)$ 와 두 직선 $x = -2$, $x = 2$ 로
 둘러싸인 도형의 넓이는 $S(4)$ 의 값과 같다. 9

- ① ㄴ ② ㄷ ③ ㄱ, ㄴ
 ④ ㄱ, ㄷ ⑤ ㄴ, ㄷ



$$\int_{-2}^2 = \int_0^4 \quad \frac{1}{3}(t-1)^3 \Big|_0^3 = 3$$

$$\Rightarrow \int_{-2}^0 = \int_2^4 \quad \frac{1}{3}(8 - (-1))$$

1대3 okay

14. 양수 a 와 자연수 b 에 대하여 $0 \leq x \leq 2$ 일 때 x 에 대한 방정식

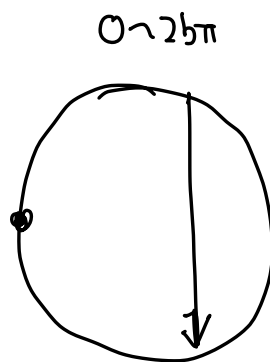
$$\left(\cos(b\pi x) - \frac{1}{2} \right) \left(a \cos(b\pi x) + \frac{a+2}{2} \right) = 0$$

의 서로 다른 실근의 개수는 15이다. $a+b$ 의 값은? [4점]

- ① 6 ② $\frac{13}{2}$ ③ 7 ④ $\frac{15}{2}$ ⑤ 8

$$\cos b\pi x = \frac{1}{2} \text{ or } -\frac{1}{2} - \frac{1}{a}$$

$$\therefore a = 2$$



$$3b\pi \quad b = 5$$

$$\underline{2:42}$$

15. 상수항이 0인 삼차함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $\int_p^{p+3} |f(x)| dx \neq \left| \int_p^{p+3} f(x) dx \right|$ 가 되도록 하는

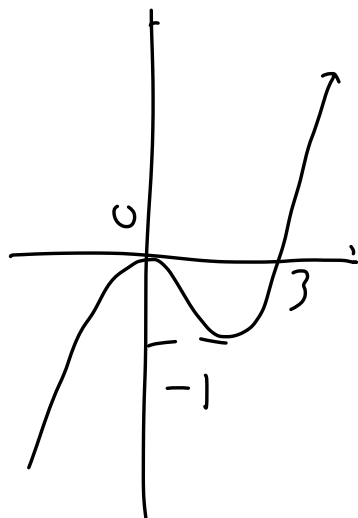
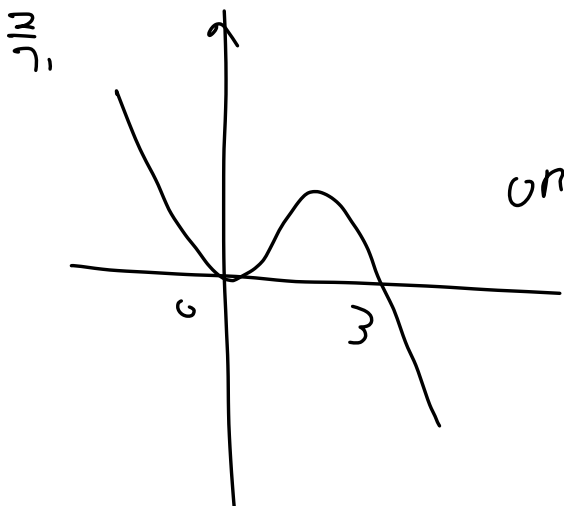
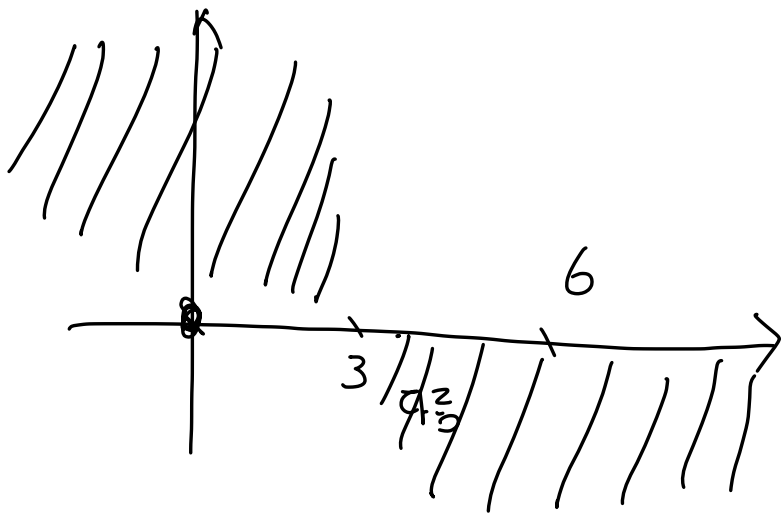
모든 실수 p 의 값의 범위는 $0 < p < 3$ 이다.

(나) $\int_0^3 |f(x)+q| dx \neq \left| \int_0^3 (f(x)+q) dx \right|$ 가 되도록 하는

모든 실수 q 의 값의 범위는 $0 < q < 1$ 이다.

$f(6)$ 의 값은? [4점]

- ① 18 ② 21 ③ 24 ④ 27 ⑤ 30



$$\therefore \frac{1}{4} x^2 (x-3)$$

$$\frac{1}{4} \cdot 6^2 \cdot 3$$

$$\therefore 46$$

단답형

16. 방정식 $3^{x-6} = \left(\frac{1}{9}\right)^x$ 을 만족시키는 실수 x 의 값을 구하시오.

[3점]

$$x-6 = -2x$$

(2)

$$3^{-4} = \left(\frac{1}{9}\right)^2$$

17. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여 $f'(x) = 6x^2 + 5$ 이고 $f(0) = 3$ 일 때, $f(1)$ 의 값을 구하시오. [3점]

$$f(x) = 2x^3 + 5x + 3$$

(10)

18. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_6 = 5, \quad a_5 = a_2 - 6 \Rightarrow d = -2 \quad a_6 - a_1 = -10$$

일 때, a_1 의 값을 구하시오. [3점]

15

19. 곡선 $y = x^3 - 5x^2 + 3x + 6$ 위의 점 $(1, 5)$ 에서의 접선의
 y 절편을 구하시오. [3점]

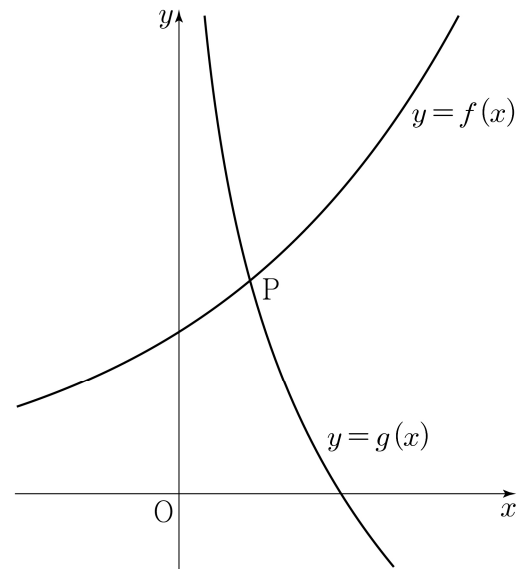
9

$$f'(1) = -4$$

$$-4 \times 19$$

20. 그림과 같이 1보다 큰 실수 b 에 대하여

두 함수 $f(x) = b^x$ 과 $g(x) = -\log_b x$ 의 그래프가
제1사분면에서 만나는 점 P 의 좌표를 (α, β) 라 하자.



다음은 $\alpha\beta^3 = 1$ 일 때, 직선 OP 의 기울기 m 에 대하여
 $g(m)$ 의 값을 구하는 과정이다. (단, O 는 원점이다.)

제1사분면에 있는 점 $P(\alpha, \beta)$ 는 두 곡선

$$y = f(x), \quad y = g(x)$$

위의 점이므로, 두 양수 α, β 가

$$\beta = b^\alpha, \quad \beta = -\log_b \alpha$$

를 만족시킨다.

$\alpha\beta^3 = 1$ 이고 $\alpha = \log_b \beta, \beta = -\log_b \alpha$ 이므로

$$3\alpha - \beta = 3\log_b \beta + \log_b \alpha = \log_b (\alpha\beta^3) = 0$$

이다. 그러므로 $m = \frac{\beta}{\alpha} = \boxed{3}$ 이다.

$\beta^4 = m\alpha\beta^3 = m$ 이므로 $\beta = \boxed{3^{1/4}}$ 이다.

$b = \alpha^{-1/\beta}$ 이고 $\alpha = \frac{\beta}{m}$ 이므로 $\alpha = 3^{-3/4}, \beta = 3^{1/4}$

$$g(m) = -\log_b m = \frac{\beta}{\log_m \alpha} = \frac{\beta}{-1 + \log_m \beta} = \boxed{-4}$$

위의 (가), (나), (다)에 알맞은 수를 각각 p, q, r 이라 할 때,
 $(p \times q \times r)^2$ 의 값을 구하시오. [4점]

$$(3 \cdot 3^{1/4} \cdot (-4 \cdot 3^{1/4}))^2 = 16 \cdot 3$$

48

2:55

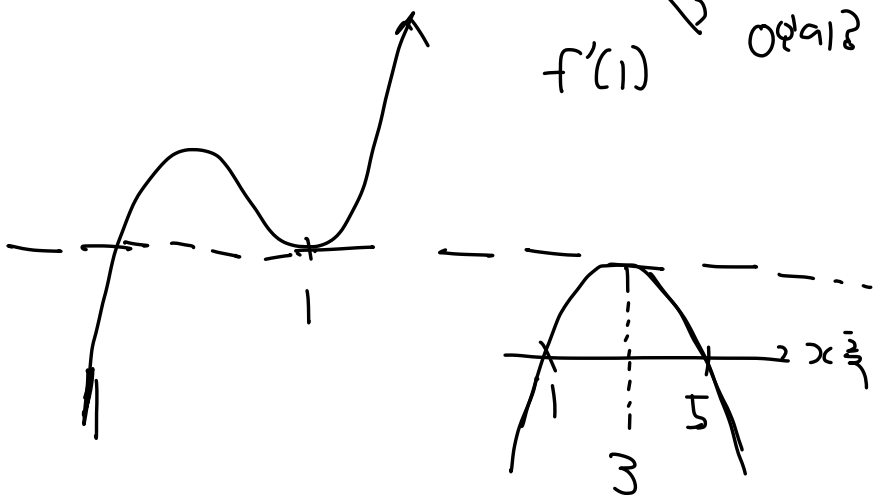
$$a_1=1 \quad a_3=4$$

21. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 가 있다.

실수 t 에 대하여

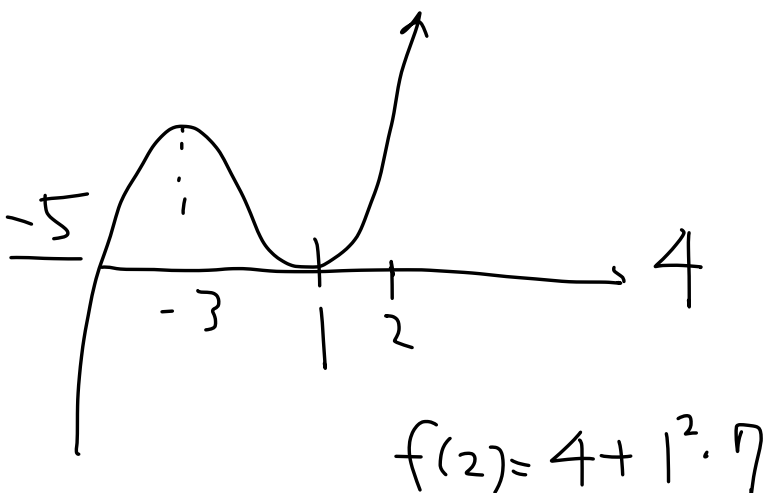
$$f(\alpha) = f(t) - 4t^2 + 4 \quad \text{연속}$$

를 만족시키는 실수 α 의 최댓값을 $g(t)$ 라 하자. 함수 $g(t)$ 가 $t=3$ 에서만 불연속이고 $g(3)=1$ 일 때, $f(2)$ 의 값을 구하시오. [4점]



①

$$\begin{aligned} \therefore f'(t) - 4t^2 + 4 &= 0 \\ &= -(t-1)(t-5) \\ &= -(t^2 - 6t + 5) \\ &= -t^2 + 6t - 5 \\ \therefore f'(t) &= 3t^2 + 6t - 9 \\ &= 3(t+3)(t-1) \end{aligned}$$



$$f(2) = 4 + 1^2 \cdot 7$$

22. 수열 $\{a_n\}$ 은 $a_1=1$, $a_3=4$ 이고, 모든 자연수 n 에 대하여

$$a_{2n} = a_n + 1, \quad a_{4n} = a_n + 2$$

$$a_{4n+3} = a_{4n+1} = a_n + 4 \quad a_{4n+2}$$

를 만족시킨다. $a_k = 10$ 을 만족시키는 자연수 k 의 개수를 구하시오. [4점]

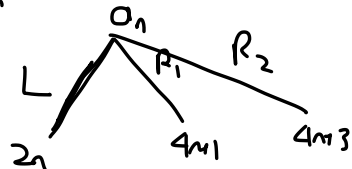
01 11

$$a_n = k \cdot 2^n$$

$$n=k \cdot 2^d \rightarrow a + a_n = a_n$$

플스리 경우 플스리 경우.

아하....



$$\textcircled{1} L \text{ 9개} \rightarrow \textcircled{1}$$

$$\textcircled{2} R \text{ 1개 } L \text{ 5개} \rightarrow 6 \cdot 2 = \textcircled{12}$$

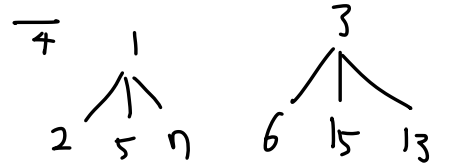
$$\textcircled{3} R \text{ 2개 } L \text{ 1개} \rightarrow 3 \cdot 2^2 = \textcircled{12}$$

from 1

$$\textcircled{1} L \text{ 6개} \rightarrow \textcircled{1}$$

$$\textcircled{2} R \text{ 1개, } L \text{ 2개} \rightarrow 3 \cdot 2 = \textcircled{6}$$

from 3



~~39~~

528 3157

~~46~~

$$\therefore 25+7 = \underline{\underline{32}}$$

32

1차 : 3:02

2차 : 3:49

* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.

○ 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

4.05 score

2027학년도 대학수학능력시험 6월 모의평가 문제지

1

제 2 교시

수학 영역(확률과 통계)

5지선다형

23. 4개의 문자 x, y, z, z 를 모두 일렬로 나열하는 경우의 수는? [2점]

- ① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

24. 두 사건 A, B 에 대하여

$$P(A \cap B) = \frac{1}{3}, \quad P(A \cap B^c) = \frac{3}{8}$$

일 때, $P(A^c)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{7}{24}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{3}{8}$ ⑤ $\frac{5}{12}$

$$1 - \frac{1}{3} - \frac{3}{8}$$

25. 다항식 $(x+4)^6(3x+2)$ 의 전개식에서 x^6 의 계수는? [3점]

- ① 74 ② 78 ③ 82 ④ 86 ⑤ 90

$$(x^6 + 24x^5) (3x+2)$$

26. 주머니에 1부터 10까지의 자연수가 하나씩 적혀 있는 10개의 공이 들어 있다. 이 주머니에서 임의로 4개의 공을 동시에 꺼낼 때, 꺼낸 공에 적혀 있는 네 자연수의 곱이 5의 배수일 확률은? [3점]

- ① $\frac{2}{5}$ ② $\frac{7}{15}$ ③ $\frac{8}{15}$ ④ $\frac{3}{5}$ ⑤ $\frac{2}{3}$

$$\therefore 1 - \frac{{}^8C_4}{{}^{10}C_4} = 1 - \frac{8 \cdot 7 \cdot 6 \cdot 5}{10 \cdot 9 \cdot 8 \cdot 7} = \frac{2}{3}$$

27. 두 집합 $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$, $Y = \{1, 2, 3\}$ 에 대하여 X 에서 Y 로의 함수 f 중 $f(1) \times f(2) \neq 4$ 를 만족시키는 함수 f 의 개수는? [3점]

- ① 189 ② 198 ③ 207 ④ 216 ⑤ 225

$$3^5 - 3^3$$

28. 앞면에 숫자 1, 2, 3, 4, 5, 6이 하나씩 적혀 있는 카드 6장이 있다. 각 카드의 뒷면에는 앞면에 적힌 숫자와 같은 숫자가 적혀 있다. 이 6장의 카드가 다음과 같이 놓여 있다.

숫자 1, 6이 적힌 카드는 뒷면이 보이도록 놓여 있고, 숫자 2, 3, 4, 5가 적힌 카드는 앞면이 보이도록 놓여 있다.

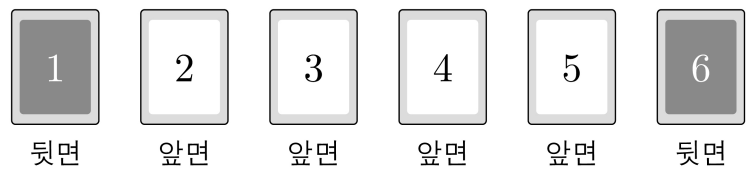
이 6장의 카드와 한 개의 주사위를 사용하여 다음 시행을 한다.

B F F F F B

주사위를 한 번 던져 나온 눈의 수가 k 일 때, k 가 홀수이면 k 이하의 수가 적힌 카드를 모두 한 번씩 뒤집고, k 가 짝수이면 k 이상의 수가 적힌 카드를 모두 한 번씩 뒤집는다.

이 시행을 4번 반복한 후 6장의 카드가 모두 앞면이 보이도록 놓여 있을 확률은? [4점]

- ① $\frac{19}{162}$ ② $\frac{13}{108}$ ③ $\frac{10}{81}$ ④ $\frac{41}{324}$ ⑤ $\frac{7}{54}$



←

→

→

→

① 짝 1, 3 - 1: (2-2-6) ⑫
(4-4-6) ⑫
(6-6-6) ④

3: (2-4-6) ⑫

5: 2-2-2 ④

-4-4 ②

-6-6 ②

80

} 4개

② 짝 3, 2, 1 80

$$\therefore \frac{80 \times 2}{64} = \frac{160}{64} = \frac{5}{2}$$

PASS 4:09

단답형

29. 서로 다른 다섯 개의 주사위를 동시에 던져 나온 다섯 개의 눈의 수의 곱이 홀수일 때, 이 다섯 개의 눈의 수의 합이

15일 확률은 $\frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

$$\Rightarrow \underline{1,3,5}, \quad 1,1,3,5,5 \Rightarrow 30 \quad \frac{5!}{1!1!3!1!1!} = 80$$

$$1,3,3,3,5 \Rightarrow 20 \quad \frac{5!}{1!3!1!} = 20$$

$$3,3,3,3,3 \Rightarrow 1 \quad \frac{5!}{5!} = 1$$

(98)

30. 노란색 공 4개, 보라색 공 4개, 검은색 공 4개가 있다.

이 12개의 공을 모두 일렬로 나열할 때, 노란색 공이 보라색 공과 이웃하지 않게 나열하는 경우의 수를 구하시오.

(단, 같은 색 공끼리는 서로 구별하지 않는다.) [4점]

$$\textcircled{1} A \rightarrow B \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow A \Rightarrow a_1 b_1 c_1 = 1 \times a_4 b_4 c_4 = 2 \quad 3H_1 \times 2H_2 = 9$$

$$\textcircled{2} A \rightarrow B \rightarrow A \rightarrow B \Rightarrow a_1 b_1 = 2 \times a_4 b_4 = 2 \times a_4 b_4 c_4 d_4 e_4 = 1$$

$$2H_2 \times 2H_2 \times 5H_1 = 45$$

$$\textcircled{3} A \rightarrow B \rightarrow A \Rightarrow a+b = 2 \times a_4 b_4 c_4 d_4 = 2$$

$$2H_2 \times 4H_2 = 30$$

$$\textcircled{4} A \rightarrow B \Rightarrow a_4 b_4 c_4 = 3 \quad 3H_3 =$$

$$\textcircled{1} A \rightarrow B \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow A : a_1 b_1 c_1 = 1 \times a_4 b_4 c_4 = 2 \quad 3H_1 \times 2H_2 = 9$$

$$\textcircled{2} A \rightarrow B \rightarrow A \rightarrow B : a+b = 2 \times a_4 b_4 = 2 = 9$$

$$ABAB \quad 9H(4-1) = 9 = \textcircled{81}$$

공 8개, 사이 9개
이중 A-B 사이는 21

$$\textcircled{3} A \rightarrow B \rightarrow A : a+b = 2 \quad 2H_2 = 3 \quad \times = \textcircled{135}$$

$$ABA \quad 9H(4-2) = 45$$

공 8개, 사이 9개
이중 A-B 사이는 21

$$\textcircled{4} A \rightarrow B \quad \therefore 9H(4-1) = 11C_3 = 165 \quad \textcircled{165}$$

$$AB \quad \text{공 8개, 사이 9개, 이중 A-B 사이는 21} = \textcircled{1780}$$

* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

○ 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4 \times 5^n - 2^{n+1}}{5^n + 2^n}$ 의 값은? [2점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

24. 곡선 $2x + \sqrt{y} = xy$ 위의 점 $(-1, 1)$ 에서의 접선의 기울기는? [3점]

- ① $-\frac{1}{3}$ ② $-\frac{1}{2}$ ③ $-\frac{2}{3}$ ④ $-\frac{5}{6}$ ⑤ -1

$2 + \frac{1}{2}y^{-\frac{1}{2}} \cdot y' = y + xy'$

$2 + \frac{1}{2}y' = 1 + y'$ $\frac{3}{2}y' = -1$

$y' = -\frac{2}{3}$

3.04

25. 공차가 3인 두 등차수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 의 첫째항이

각각 4, 7일 때, $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{a_n b_n}$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{24}$ ② $\frac{1}{12}$ ③ $\frac{1}{8}$ ④ $\frac{1}{6}$ ⑤ $\frac{5}{24}$

~~①~~ $b_n = a_{n+1}$

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{a_n a_{n+1}} = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{7}$$

26. 곡선 $y = \sin x$ ($0 < x < \pi$)와 직선 $y = \frac{\sqrt{3}}{2}$ 이 만나는 서로

다른 두 점을 A, B라 하자. 곡선 $y = \sin x$ 위의 점 A에서의 접선과 곡선 $y = \sin x$ 위의 점 B에서의 접선이 이루는 예각의 크기를 θ 라 할 때, $\tan \theta$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{2}{3}$ ② $\frac{5}{6}$ ③ 1 ④ $\frac{7}{6}$ ⑤ $\frac{4}{3}$



$\frac{\pi}{3}, \frac{2}{3}\pi$
 $\frac{1}{2}, -\frac{1}{2}$

$$\Rightarrow \tan \alpha = \frac{1}{2} \quad \tan 2\alpha = \frac{1}{1-\frac{1}{4}}$$

3:07

수학 영역(미적분)

2p(17-1) 3 30'(1)=1

27. 좌표평면 위를 움직이는 점 P가 있다.

시각이 $t \left(\frac{\pi}{2} < t < \frac{3\pi}{2} \right)$ 일 때 점 P의 위치 (x, y) 가

$$x = at + \tan t, \quad y = 1 + \sec t$$

이다. 점 P의 시각 $t = \frac{3\pi}{4}$ 에서의 속력이 $t = \pi$ 에서의 속력과 같을 때, 실수 a 의 값은? [3점]

- ① $-\frac{5}{2}$ ② $-\frac{3}{2}$ ③ $-\frac{1}{2}$ ④ $\frac{1}{2}$ ⑤ $\frac{3}{2}$ $-\frac{1}{2}$

$$\frac{dx}{dt} = a + \sec^2 t, \quad \frac{dy}{dt} = \sec t \cdot \tan t \quad \frac{\sin t}{\cos^2 t}$$

③ $\left(\frac{3\pi}{4}, 1 \right)$

④ $(a+1, 0)$

$$\therefore a^2 + 4t + 6 = a^2 + 2t + 1$$

$$-\frac{3}{2}e^{-3x}$$

$$\text{let } \frac{a'(x)}{b'(x)} = 1 + \frac{1}{2}e^{-3x} = g(x)$$

$$\frac{9}{g(a(t))} - 4g(b(t)) \quad g(0) = \frac{3}{2}, \quad g'(0) = -\frac{3}{2}$$

$$\frac{\frac{9}{g(a(t))} - \frac{9}{g(0)} - 4(g(b(t)) - g(0))}{t-1}$$

$$9 \cdot \left(\frac{1}{g} \right)' \Big|_{x=0} \cdot a'(t) - 4 g' \Big|_{x=0} \cdot b'(t)$$

$$9 \cdot \left(-\frac{g'}{g^2} \right) \cdot a'(t)$$

$$9 \cdot \frac{3}{2} \cdot \frac{1}{3} - 4 \cdot \left(-\frac{3}{2} \right) \cdot \frac{1}{2} = 2 + 3 = 5$$

28. 좌표평면에서 양수 t 에 대하여 직선 $y=t$ 가 두 곡선

$$y = e^{2x} - e^{-x} + 1, \quad y = e^{2x}$$

과 만나는 점을 각각 P, Q라 하자.

점 P를 지나고 x 축에 수직인 직선이 곡선 $y = e^{2x}$ 과 만나는

점의 y 좌표를 $f(t)$, 점 Q를 지나고 x 축에 수직인 직선이

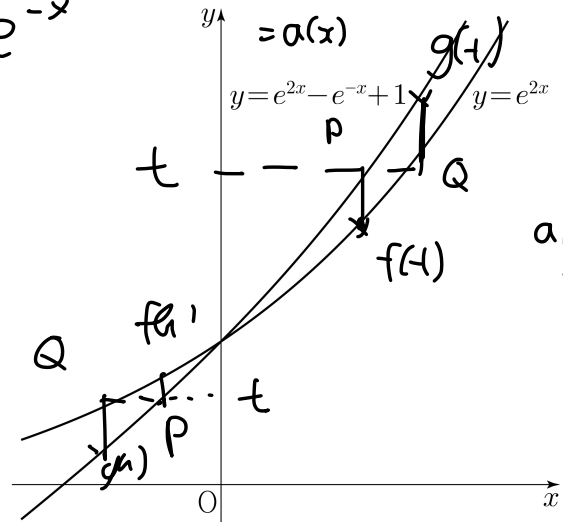
곡선 $y = e^{2x} - e^{-x} + 1$ 과 만나는 점의 y 좌표를 $g(t)$ 라 할 때,

두 함수 $f(t), g(t)$ 는 구간 $(0, \infty)$ 에서 미분가능한 함수이다.

$$\lim_{t \rightarrow 1} \frac{9f'(t) - 4g'(t)}{t-1} \text{의 값은? [4점]}$$

- ① 1 ② 3 ③ 5 ④ 7 ⑤ 9

$$2e^{2x} + e^{-x}$$



$$a'(a(t)) \cdot a'(t) = 1, \quad b'(b(t)) \cdot b'(t) = f'(t)$$

$$b'(b(t)) \cdot b'(t) = 1, \quad a'(a(t)) \cdot a'(t) = g'(t)$$

$$\lim_{t \rightarrow 1} \frac{9f'(t) - 4g'(t)}{t-1} = \lim_{t \rightarrow 1} \frac{9 \cdot \frac{b'(a(t))}{a'(a(t))} - 4 \cdot \frac{a'(b(t))}{b'(b(t))}}{t-1}$$

$$9 \cdot \frac{2e^{2a(t)}}{2e^{2a(t)} + e^{-a(t)}} - 4 \cdot \frac{2e^{2b(t)} + e^{-b(t)}}{2e^{2b(t)}}$$

$$\frac{9}{1 + \frac{1}{2}e^{-3a(t)}} - 2e^{-3b(t)} - 4$$

pass 3:23

solved 3:55

단답형

29. 모든 항이 정수인 등차수열 $\{a_n\}$ 과 모든 항이 양수인 등비수열 $\{b_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $a_1 = b_1, a_4 = b_2$

(나) 어떤 자연수 k 에 대하여 $a_k = b_3$ 이다. $a_1 < \dots$

급수 $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ 이 수렴할 때, $\left| \sum_{n=1}^{\infty} (b_n \cos(a_n \pi)) \right|$ 의 최솟값을 m 이라 하자. $10 \times m$ 의 값을 구하시오. [4점]

a_1 $a_1 + 3d$ $a_1 > 0$
 b_1 b_2 $d < 0$ $a_1 + 3d > 0$

$$\frac{(a_1 + 3d)^2}{a_1} = a_1 + 6d + \frac{9d^2}{a_1}$$

$\underbrace{\frac{9d^2}{a_1}}_{\geq 0} - kd \quad (k: \text{양수})$

$$a_1 = -\frac{9}{k}d \quad \left(-\frac{9}{k} + 3 \right) d > 0$$

$< 0 \quad < 0$

$$\therefore k = 1/2$$

① $a_1 = -9d$
 $a_2 = -6d$
 $a_3 = -3d$
 $a_4 = 0$
 $a_5 = 3d$
 $a_6 = 6d$

② $a_1 = -4.5d$
 $a_2 = -3.5d$
 $a_3 = -2.5d$
 $a_4 = -1.5d$
 $a_5 = -0.5d$
 $a_6 = 0.5d$

$$\downarrow d = 2t$$

$a_1 = -9t$
 $a_2 = -6t$
 $a_3 = -3t$
 $a_4 = 0$
 $a_5 = 3t$
 $a_6 = 6t$

① $\frac{9t}{1 - \frac{1}{3}} = \frac{27}{2}t$

$\frac{27}{2}$

54

$$\left| -\frac{-9d}{1 + \frac{2}{3}} \right| = \frac{27}{5}(-d)$$

$= \frac{27}{5}$

30. 최고차항의 계수가 1 인 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수 $g(x)$ 는

$$g(x) = \sqrt[3]{x(f(x))^2} \quad f(x) = x^3 Q(x)$$

이다. 함수 $g(x)$ 가 실수 전체의 집합에서 미분가능하고

$x = \frac{19}{7}$ 와 $x = 3$ 에서 극값을 가질 때, $f(5)$ 의 값을 구하시오.

$$g(x) = x^{\frac{2}{3}} Q(x)^{\frac{2}{3}} \quad (0 \leq 0) \quad b = 0 \times \text{미분}$$

$$g'(x) = Q(x)^{\frac{2}{3}} + \frac{2}{3} x Q(x)^{-\frac{1}{3}} \cdot Q'(x)$$

$$= Q(x)^{-\frac{1}{3}} \left\{ Q(x) + \frac{2}{3} x Q'(x) \right\}$$

$$\frac{x^2}{3Q(x)} + 2x Q'(x) = (x-19)(x-3)$$

$$= 17x^2 - 40x + 57$$

$$Q(x) = x^2 + ax + 19$$

$$3x^2 + 3ax + 57 \quad \therefore a = -8$$

$$+ 2x(2x + a) = 7x^2 - 40x + 57$$

$$\frac{x^2 - 8x + 19}{(x-4)^2} = 3$$

$$\therefore 5 \cdot 4 = 20$$

$$3:42$$

* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

○ 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

4:51-5:30

제 2 교시

수학 영역(기하)

5지선다형

(1.4)

23. 두 벡터 $\vec{a} = (3, 0)$, $\vec{b} = (-1, 2)$ 에 대하여 $\vec{a} + 2\vec{b}$ 의 모든 성분의 합은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

24. 포물선 $y^2 = -12x$ 의 초점의 좌표가 $(p, 0)$ 일 때, p 의 값은? [3점]

- ① -5 ② -4 ③ -3 ④ -2 ⑤ -1

25. 좌표평면에 방향벡터가 $(1, 5)$ 인 직선 l_1 과

직선 $l_2 : \frac{x-5}{3} = \frac{y+1}{2}$ 이 있다. 두 직선 l_1, l_2 가 이루는

예각의 크기를 θ 라 할 때, $\cos\theta$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{\sqrt{2}}{3}$ ② $\frac{5\sqrt{2}}{12}$ ③ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ④ $\frac{7\sqrt{2}}{12}$ ⑤ $\frac{2\sqrt{2}}{3}$

$$\frac{13}{\sqrt{26} \cdot \sqrt{13}}$$

26. 타원 $\frac{x^2}{18} + \frac{y^2}{8} = 1$ 위의 점 $(3, 2)$ 에서의 접선의 x 절편은?

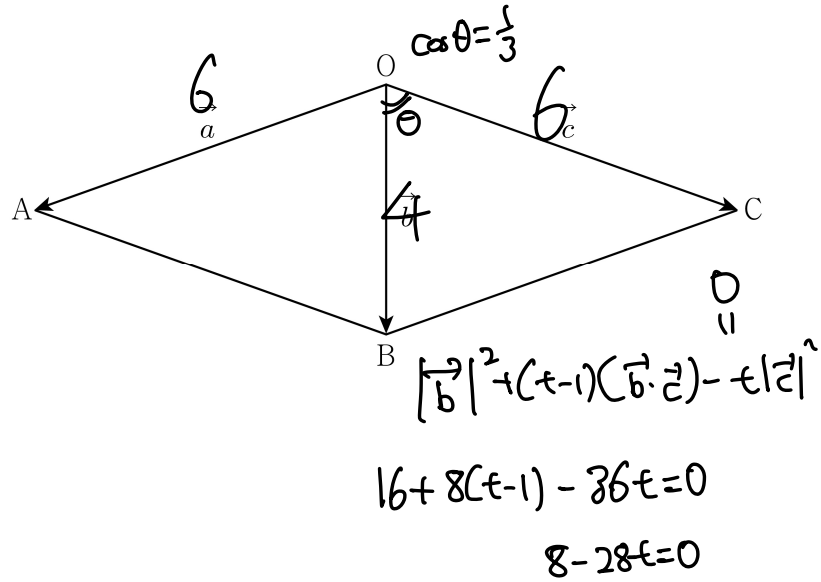
(단, a 는 양수이다.) [3점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

$$\frac{3x}{18} + \frac{2y}{8} = 1$$

27. 마름모 OABC에 대하여 $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$, $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$ 라 하자.
 $|\vec{a}| = 6$, $|\vec{b}| = 4$ 이고 두 벡터 $\vec{b} - \vec{c}$ 와 $\vec{b} + t\vec{c}$ 가 서로 수직일 때,
 실수 t 의 값은? [3점]

- ① $\frac{5}{21}$ ② $\frac{2}{7}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{8}{21}$ ⑤ $\frac{3}{7}$

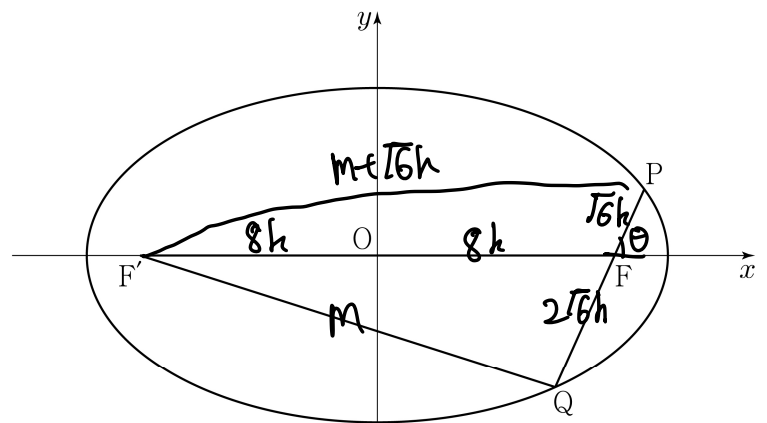


28. 두 초점이 $F(c, 0)$, $F'(-c, 0)$ ($c > 0$)인 타원 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$ 이
 있다. 이 타원 위에 있는 제1사분면 위의 점 P와 이 타원 위에
 있는 제4사분면 위의 점 Q에 대하여 점 F가 선분 PQ 위에 있고

$$\frac{PF}{QF} = \frac{1}{2}, \quad \frac{PF}{FF'} = \frac{\sqrt{6}}{16}$$

이다. 삼각형 FF'Q의 넓이가 $4\sqrt{5}$ 일 때, b^2 의 값은?
 (단, a 와 b 는 양수이다.) [4점]

- ① $\frac{13}{2}$ ② 7 ③ $\frac{15}{2}$ ④ 8 ⑤ $\frac{17}{2}$



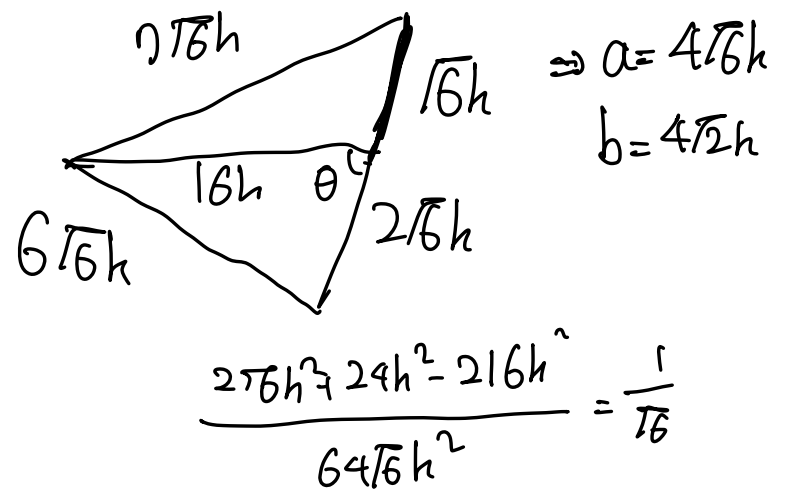
$$\Rightarrow \frac{256h^2 + 6h^2 - (m + \sqrt{6}h)^2}{2 \cdot 8h \cdot \sqrt{6}h} + \frac{256h^2 + 24h^2 - m^2}{2 \cdot 16h \cdot 2\sqrt{6}h} = 0$$

$$\therefore 524h^2 - 2(m + \sqrt{6}h)^2 + 280h^2 - m^2 = 0$$

$$\therefore 3m^2 + 4\sqrt{6}km - 192h^2 = 0 \quad \therefore m = 6\sqrt{6}h$$

$\begin{matrix} 1 & -6\sqrt{6} & 192 \\ 3 & +22\sqrt{6} & \end{matrix}$

? PASS 5105



$$\frac{1}{2} \cdot 16h \cdot 2\sqrt{6}h \sin \theta = 4\sqrt{5}$$

$$\Rightarrow 16\sqrt{5}h^2 = 4\sqrt{5}$$

$$\therefore h = \frac{1}{2} \quad b^2 = 8$$

$$\therefore b = 2\sqrt{2}$$

단답형

29. 두 초점이 $F(3, 0)$, $F'(-3, 0)$ 인 쌍곡선 C_1 이 있다.

쌍곡선 C_1 의 두 꼭짓점 중 x 좌표가 음수인 점을

$A(-a, 0)$ ($a > 0$)이라 하고, 초점이 F 이고 꼭짓점이 A 인

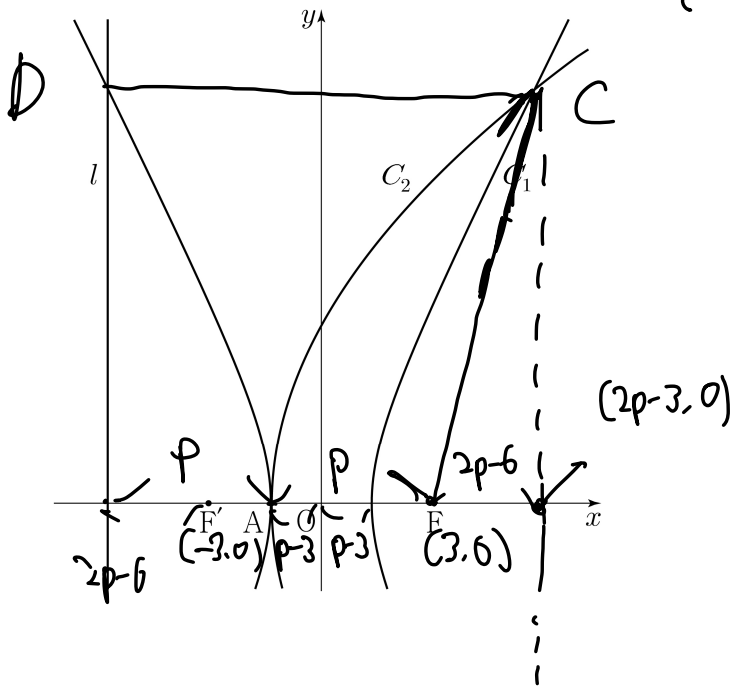
포물선을 C_2 , 이 포물선의 준선을 l 이라 하자. 쌍곡선 C_1 과

포물선 C_2 가 만나는 점 중 제1사분면 위의 점의 y 좌표와

쌍곡선 C_1 과 직선 l 이 만나는 점 중 제2사분면 위의 점의

y 좌표가 같을 때, a^2 의 값이 $\frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]



$$\overline{F'C}^2 - \overline{FC}^2 = (2p)^2 - (2p-6)^2 = 6 \cdot (4p-6)$$

$$\& \overline{CD} = 4p-6, \overline{FC} = 4p-6$$

$$\overline{F'C} = \overline{FC} + (2p-6) \quad (\text{삼각형}) \\ = 6p-12$$

$$\therefore (6p-12)^2 - (4p-6)^2 = 6 \cdot (4p-6)$$

$$\therefore (2p-6)(10p-18) = 6 \cdot (4p-6)$$

$$(p-3)(5p-9) = 3(2p-3)$$

$$5p^2 - 24p + 27 = 6p - 9$$

$$5p^2 - 30p + 36 = 0$$

$$\Rightarrow 5(p-3)^2 = 9$$

$$\therefore a^2 = \frac{9}{5}$$

30. 좌표평면에서 $\overline{AB} = \overline{AC} = 2$, $\angle CAB > \frac{\pi}{2}$ 인 이등변삼각형의

세 꼭짓점 A, B, C 와 선분 AB 의 수직이등분선 위의 점 D 가

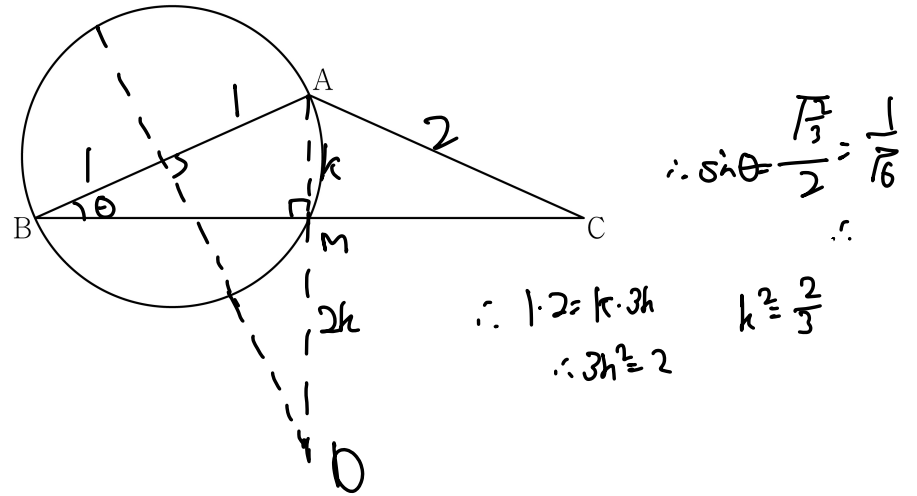
$$\overrightarrow{BA} \cdot \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{CB} \cdot \overrightarrow{CD}, \quad 2\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{AD} = \overrightarrow{DA} \cdot \overrightarrow{DB}$$

를 만족시킨다. 선분 AB 를 지름으로 하는 원 위의 움직이는

점 X 에 대하여 $\overrightarrow{DX} \cdot \overrightarrow{BC}$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라

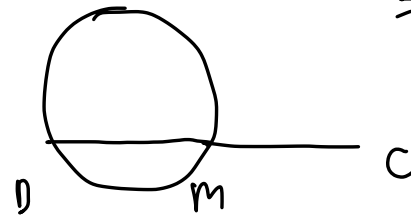
하자. $|M \times m| = \frac{q}{p}$ 일 때, $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

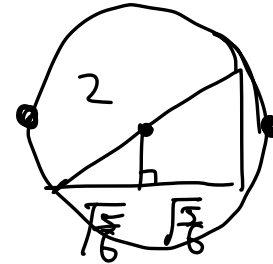


$$(\overrightarrow{DM} + \overrightarrow{MX}) \cdot \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{MX} \cdot \overrightarrow{BC}$$

$$= (X\text{의 } x\text{좌표} - M\text{의 } x\text{좌표})$$



$$\overrightarrow{BC} = 2\sqrt{\frac{10}{3}}$$



$$\therefore M = (1 - \sqrt{\frac{5}{6}}) \times 2\sqrt{\frac{10}{3}}$$

$$m = -(1 + \sqrt{\frac{5}{6}}) \times 2\sqrt{\frac{10}{3}}$$

$$\therefore |Mm| = \frac{1}{6} \times \frac{40}{3} = \frac{20}{9}$$

(29)

* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.