

수학 영역

홀수형

성명	
----	--

수험 번호						-			
-------	--	--	--	--	--	---	--	--	--

- 문제지의 해당란에 성명과 수험 번호를 정확히 쓰시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하시오.

날아 하늘 높이 도착 저 위야

- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호, 문형(홀수/짝수), 답을 정확히 표시하시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하시오. 배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하시오.

※ 공통과목 및 자신이 선택한 과목의 문제지를 확인하고, 답을 정확히 표시하시오.

- **공통과목** 1~8쪽
- **선택과목**
 - 확률과 통계 9~12쪽
 - 미적분 13~16쪽
 - 기하 17~20쪽

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1. 함수 $f(x) = |x-3| + |x+1|$ 에 대하여 $f(2)$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

2. 등차수열 a_n 에 대하여 $a_1 = 3$, $a_5 = 15$ 일 때, a_{11} 의 값은?
[2점]

- ① 27 ② 29 ③ 31 ④ 33 ⑤ 35

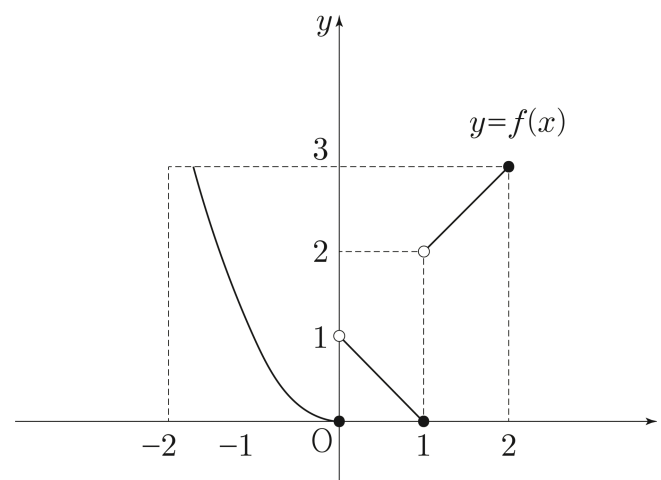
3. 실수 $f(x) = a^x + \log_a x$ ($a > 0$, $a \neq 1$)에 대하여,

$f(1) = 2$ 일 때, $f(a)$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

4. 닫힌구간 $[-2, 2]$ 에서 정의된 함수 $y = f(x)$ 는 다음 조건을 만족한다.

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 2x & (x \leq 0) \\ -x + 1 & (0 < x \leq 1) \\ x + 1 & (1 < x) \end{cases}$$



이때, $\lim_{x \rightarrow 0^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

5. 함수 $f(x) = (x-1)(x+2)(x-3)$ 에 대하여, $f'(2)$ 의 값은? [3점]

- ① -3 ② -1 ③ 1 ④ 3 ⑤ 5

6. 함수 x 가 $0 < x < \pi$ 에서 $\sin x + \cos x = 1$ 일 때,

$\frac{\sin x}{1 + \cos x} + \frac{\cos x}{1 + \sin x}$ 의 값은?. [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

7. 다항함수 $f(x)$ 가 모든 실수 x 에 대하여

$$\int_0^x f(t) dt = 5x^3 + 4x$$

를 만족시킬 때, $f(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 11 ② 13 ③ 15 ④ 17 ⑤ 19

8. 두 양수 a, b 가 $\log_{\sqrt{3}}a + \log_3b = 3$, $\log_3a + \log_3b^2 = 8$ 을

만족시킬 때, $(a \times b)^{\frac{3}{11}}$ 의 값은? [3점]

- ① 3 ② 9 ③ 27 ④ 81 ⑤ 243

9. $t=0$ 일 때 동시에 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는

두 점 P, Q가 있다. 시각 $t(t \geq 0)$ 에서 점 P의 속도는 $v_p = 2t - a$ 이고, 점 Q의 속도는 $v_q = t(4 - t)$ 이다.

$t=3$ 에서 점 P의 위치 x_p 가 3일 때, 점 P가 출발한 후 처음으로 원점으로 돌아올 때까지 점 Q가 움직인 거리는?
(단, a 는 상수이다.) [4점]

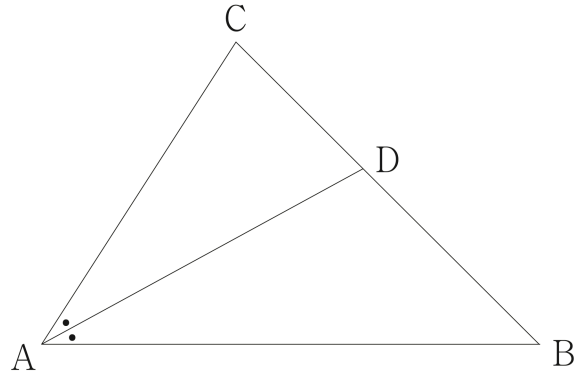
- ① 5 ② $\frac{16}{3}$ ③ $\frac{17}{3}$ ④ 6 ⑤ $\frac{19}{3}$

10. 삼각형 ABC에서 변 \overline{BC} , \overline{CA} , \overline{AB} 의 길이를 각각

a, b, c 라 하자. $\angle A$ 의 이등분선이 변 \overline{BC} 와 만나는 점을

D라 할 때, $a^2 = b^2 + c^2 + bc$, $\overline{AD} = 6$, $c = 9$ 이다.

$\cos B$ 의 값은? [4점]



- ① $\frac{\sqrt{7}}{7}$ ② $\frac{2\sqrt{7}}{7}$ ③ $\frac{3\sqrt{7}}{7}$ ④ $\frac{\sqrt{7}}{14}$ ⑤ $\frac{4\sqrt{7}}{7}$

11. 1보다 큰 실수 t 에 대하여 연립 방정식

$$\begin{cases} (\log_t(t^x + t^{-x}) = 3 - \log_t 2) \\ (\log_t |t^x - t^{-x}| = 1 + \log_t \sqrt{3}) \end{cases}$$

의 모든 근의 합이 0일 때 t 의 값은? [4점]

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

12. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 와 두 함수

$$g(x) = \int_0^x (f(t) - |f(t)|) dt, \quad h(x) = \int_0^x (f(t) + |f(t)|) dt$$

가 있다. 방정식 $f(x) = 0$ 은 서로 다른 두 실근 $0, p(p > 0)$ 만을 갖는다.

(가) $g(p) = -216$

(나) $h(k) + g(k) = 0$ 를 만족시키는 어떤 양수 k 가 존재한다.

다음 조건이 성립할 때, $A = \int_0^k |f'(x) - f'(p)| dx$ 의 값은? [4점]

- ① 270 ② 271 ③ 272 ④ 273 ⑤ 274

13. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다. [4점]

- (가) $x \geq 0$ 인 모든 실수 x 에 대하여 $f(x) \geq 2f'(x) - x$ 이다.
 (나) $x \geq 0$ 에서 방정식 $f(x) = 2f'(x) - x$ 의 해는 $x = 0$ 뿐이다.
 (다) $f'(x)$ 의 $x = 0$ 에서 접선의 기울기는 12이다.

$f(3)$ 의 최솟값은? [4점]

- ① 194 ② 195 ③ 196 ④ 197 ⑤ 198

14. 모든 항이 자연수인 수열 a_n 이 다음 조건을 만족시킨다.

a_2 는 4의 배수이고 $\sum_{k=1}^5 a_k$ 의 값은 홀수이며 모든 자연수 n 에 대하여 $a_{n+1} = \begin{cases} 2^{a_n-2} & (a_n \leq 4) \\ a_n - 3 & (a_n > 4) \end{cases}$ 이다.

$a_6 + a_7 = 8$ 이고 a_1, a_2, a_3, a_4, a_5 중 4 이하인 항의 개수는 1개일 때, a_1 의 값은? [4점]

- ① 18 ② 19 ③ 20 ④ 21 ⑤ 22

15. 실수 α 와 α 보다 큰 실수 β 에 대하여 $x \geq \alpha$ 에서 정의된 함수 $f(x)$ 와 최고차항의 계수가 -1 인 사차함수 $g(x)$ 가 있다. $x \geq \alpha$ 인 모든 실수 x 에 대하여 $(x-\alpha)f(x)=g(x)$ 이고, 함수 $f(x)$ 는 $x=\alpha$ 와 $x=\beta$ 에서 극댓값 $M(M>0)$ 을 갖는다. $\beta-\alpha=8\sqrt{3}$ 일 때, M 의 최솟값은? [4점]

- ① 32 ② 64 ③ 128 ④ 256 ⑤ 512

단답형

16. 방정식

$$\log_2(x-3)=\log_4(3x-5)$$

를 만족시키는 실수 x 의 값을 구하시오. [3점]

17. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여 $f'(x)=3x^2+4x$ 이고, $f(1)=6$ 일 때, $f(2)$ 의 값을 구하시오. [3점]

18. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수

$$f(x) = A \sin(2x+t) + D \text{가 원점을 지나고 } x = \frac{\pi}{6} \text{에서}$$

최댓값을 갖는다. (단, $A > 0$, $0 < t < \pi$ 이고, D 는 상수이다.)

이때, $f\left(\frac{\pi}{6}\right) - D$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 1보다 큰 상수 a 에 대하여 곡선 $y = \log_a(x-a)$ 가 두 곡선

$$y = \log_{\frac{1}{a}}\left(\frac{x}{18}\right), y = \log_{\frac{1}{a}}\left(\frac{x}{2}\right) \text{와 만나는 점을 각각 A, B라}$$

하자. 두 점 A, B의 x 좌표를 각각 x_A, x_B 라 할 때,

$x_A - x_B = 2$ 이다. 이때, a^2 의 값을 구하시오. [3점]

20. 양수 k 에 대하여 함수 $f(x) = k(x^3 - x)$ 가 있다. $a < 0$ 인

실수 a 에 대하여, 곡선 $y = f(x)$ 위의 점 $(a, f(a))$ 에서의

접선이 곡선 $x = f(y)$ 에도 접할 때, 이 접선을 l 이라 하자.

접선 l 과 x 축 및 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 S 라 하고,

곡선 $y = f(x)$ 와 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 T 라 하자.

$S = \frac{T}{4}$ 일 때, 상수 k 의 값을 구하시오. [4점]

21. 실수 전체의 집합에서 미분가능하고, 원점에 대하여 대칭인 $f(x)$ 와 최고차항의 계수가 1이고 $g(0)=0$ 인 삼차함수 $g(x)$ 가 있다. 함수 $g(x)$ 를 $g(x)=x^3+px$ 라 할 때, 양수 a 와 상수 p 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 모든 실수 x 에 대하여 $(x-f(x))g'(x)=g(x)-g(f(x))$ 이다.
 (나) $f(a)=a$ 이고, 방정식 $g(f(x))=x$ 의 서로 다른 실근은 $0, a, -a$ 뿐이다.
 (다) 곡선 $y=g(x)$ 와 직선 $y=x$ 로 둘러싸인 도형의 넓이는 8이다.

상수 p^2 의 값을 구하시오. [4점]

22. 좌표평면 위에 두 점 $A(0, 0), B(4, 0)$ 이 있다. 직선 $x=2$ 위의 점 $C(2, t)$ 를 중심으로 하고 두 점 A, B 를 지나는 원을 O 라 하자. 두 곡선 $l_1:y=2^{x-1}+11$ 과 $l_2:y=5^{x-1}$ 이 있다. 원 O 와 곡선 l_1 가 제 1사분면에서 만나는 점을 P 라 할 때, 점 $P(x_p, y_p)$ 는 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 점 P 에서 원 O 에 접하는 접선의 기울기는 $\log\left(\frac{y_p-1}{2}\right)$ 이다.
 (나) 직선 $x=x_p$ 가 곡선 l_2 와 만나는 점을 R 라 할 때, 선분 \overline{PR} 의 길이는 2이다.

$6t$ 의 값은? [4점]

제 2 교시

수학 영역(확률과 통계)

5지선다형

23. 다항식 $(x^4+2)^5$ 의 전개식에서 x^4 의 계수는? [2점]

- ① 40 ② 50 ③ 60 ④ 70 ⑤ 80

24. 두 사건 A, B 에 대하여

$$P(A|B)=P(A)=\frac{1}{3}, \quad P(A \cap B)=\frac{1}{4}$$

일 때, $P(A \cup B)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ $\frac{7}{10}$ ④ $\frac{5}{6}$ ⑤ $\frac{9}{10}$

25. 정규분포 $N(m, 3^2)$ 을 따르는 모집단에서 크기가 576인 표본을 임의추출하여 얻은 표본평균을 이용하여 구한 m 에 대한 신뢰도 95%의 신뢰구간이 $a \leq m \leq b$ 이다. $b-a$ 의 값은? (단, Z 가 표준정규분포를 따르는 확률변수일 때, $P(|Z| \leq 1.96) = 0.95$ 로 계산한다.) [3점]

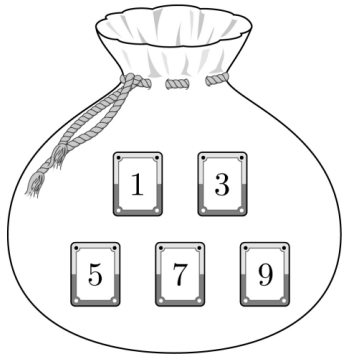
- ① 0.49 ② 0.52 ③ 0.55 ④ 0.58 ⑤ 0.61

26. 어느 학급의 학생 10명을 대상으로 과목 A, 과목 B, 과목 C에 대한 선호도를 조사하였다. 이 조사에 참여한 학생은 과목 A, 과목 B, 과목 C 중 하나를 선택하였고, 과목 A를 선택한 학생은 4명, 과목 B를 선택한 학생은 3명, 과목 C를 선택한 학생은 3명이었다. 이 조사에 참여한 학생 10명 중에서 임의로 4명을 선택할 때, 선택한 4명의 학생 중에서 적어도 한 명이 과목 C를 선택한 학생일 확률은? [3점]

- ① $\frac{3}{4}$ ② $\frac{4}{5}$ ③ $\frac{5}{6}$ ④ $\frac{9}{10}$ ⑤ $\frac{19}{20}$

27. 숫자 1, 3, 5, 7, 9가 각각 하나씩 적혀 있는 5장의 카드가 들어 있는 주머니가 있다. 이 주머니에서 임의로 1장의 카드를 꺼내어 카드에 적혀 있는 수를 확인한 후 다시 넣는 시행을 한다. 이 시행을 4번 반복하여 확인한 4개의 수의 평균을 \bar{X} 라 하자. $V(c\bar{X}-10)=18$ 일 때, 양수 c 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5



28. N 개의 공이 들어간 주머니 속에 -1 이 적힌 공, 0 이 적힌 공, 1 이 적힌 공이 각각 u 개, v 개, w 개 들어 있다. 공에 적힌 수의 평균은 0 이고 u 와 w 는 1 이상의 정수이다. 이 주머니에서 공을 다시 넣지 않고 2개를 뽑아 얻은 숫자들의 평균을 X_2 이 주머니에 공을 다시 넣지 않고 3개를 뽑아 얻은 숫자들의 평균을 X_3 라 할 때, $P(X_2=0)=\frac{1}{3}$,

$P(X_3=0)=\frac{1}{2}$, $P(X_2 \geq 0)=\frac{2}{3}$ 이다. 이때 주머니 속 공의

총 개수 N 의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

단답형

29. 정규분포 $N(m_1, \sigma_1^2)$ 을 따르는 확률변수 X 와 정규분포 $N(m_2, \sigma_2^2)$ 을 따르는 확률변수 Y 가 다음 조건을 만족시킨다.

모든 실수 x 에 대하여
 $P(X \leq x) = P(X \geq 50 - x)$ 이고,
 $P(Y \leq x) = P(X \leq x + 8)$ 이다.

$2P(15 \leq Y \leq 20)$ 의 값을 다음 표준정규분포표를 이용하여 구한 것이 0.6826일 때, $m_1 + \sigma_2$ 의 값을 구하시오.
 (단, σ_1 과 σ_2 는 양수이다.) [4점]

z	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.5	0.1915
1.0	0.3413
1.5	0.4332
2.0	0.4772

30. 앞면이 나올 확률이 각각 $\frac{1}{3}$, $\frac{1}{2}$, $\frac{2}{3}$ 인 세 동전 A, B, C와 서로 다른 두 개의 공정한 주사위 D_1 , D_2 가 있다. 이 주사위와 동전을 사용하여 다음 시행을 한다. 주사위 D_1 을 한 번 던져 나온 눈의 수가 2 이하이면 동전 A를, 3 또는 4이면 동전 B를, 5 이상이면 동전 C를 선택한다. 주사위 D_2 를 한 번 던져 나온 눈의 수가 짝수이면 선택된 동전을 3번 던지고, 홀수이면 4번 던진다. 이 시행의 결과가 다음 조건을 모두 만족시켰을 때, 주사위 D_2 의 눈의 수가

짝수였을 확률을 $\frac{p}{q}$ 라 하자. $p+q$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

- (가) 앞면이 나온 횟수는 2이다.
 (나) 2회째 시행의 결과와 마지막 시행의 결과는 서로 다르다.
 (다) 첫 2회의 시행에서 앞면이 한 번만 나온다.

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2x}{\sin x}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

24. $\int_2^{2e} \left(\frac{4}{x}\right) dx$ 의 값은? [3점]

- ① 2 ② 3 ③ 4 ④ 5 ⑤ 6

25. 좌표평면에서 곡선 $y = \sqrt{x}$ 와 직선 $y = 6 - x$ 및 y 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ① $\frac{28}{3}$ ② $\frac{32}{3}$ ③ $\frac{34}{3}$ ④ $\frac{16}{3}$ ⑤ 10

26. 함수 $f(x) = \sin x + \sqrt{3}\cos x$ 의 최댓값을 M ,

$g(x) = \sin\left(2x + \frac{\pi}{3}\right) + \cos\left(2x + \frac{\pi}{6}\right)$ 의 최댓값을 N 이라 할 때,

$M+N$ 의 값을 구하시오. [3점]

- ① $2 + \sqrt{3}$ ② $2 + \sqrt{2 + \sqrt{3}}$ ③ $2 + \sqrt{3 + \sqrt{2}}$

- ④ $2 + \sqrt{3 - \sqrt{2}}$ ⑤ $2 + \sqrt{2 - \sqrt{3}}$

27. 상수 $A(A \neq 0)$, α , k 에 대하여 점 $\left(0, \frac{\sqrt{3}}{2}\right)$ 을 지나고

$x = \frac{\pi}{6}$ 에서 최댓값을 갖는 함수 $f(x) = A\sin(2x + \alpha) + k$

위의 점 $(0, f(0))$ 에서의 접선이 점 $\left(\frac{\pi}{4}, 1\right)$ 을 지난다.

k 의 값을 구하시오. (단, $0 < \alpha < 2\pi$) [3점]

① $\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{\pi} - \frac{2}{\pi\sqrt{3}}$ ② $\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{\pi} + \frac{2}{\pi\sqrt{3}}$

③ $\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{1}{\pi} + \frac{2}{\pi\sqrt{3}}$ ④ $\frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{1}{\pi} - \frac{2}{\pi\sqrt{3}}$

⑤ $\frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{3-2\sqrt{3}}{6\pi}$

28. 닫힌구간 $[0, 3\pi]$ 에서 연속인 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $0 \leq x \leq \pi$ 에서 $f(x) = 1 - \cos x$ 이다.

(나) $n = 1, 2$ 일 때, $0 < t \leq \pi$ 인 모든 실수 t 에 대하여

$$(f(n\pi+t) - f(n\pi) - f(t))(f(n\pi+t) - f(n\pi) + f(t)) = 0$$

이다.

(다) 열린구간 $(0, 3\pi)$ 에서 곡선 $y = f(x)$ 의 변곡점의 개수는 5이다.

$\int_0^{3\pi} |f(x) - 1| dx$ 의 값을 구하시오. [4점]

- ① $4\pi + 2$ ② 6π ③ $6\pi + 2$ ④ $2\pi + 2$ ⑤ $6\pi + 4$

단답형

29. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $f(0) = 0$
 (나) 모든 실수 x 에 대하여 $f'(x) = e^{x-f(x)}$ 이다.
 (다) 두 상수 a, b 에 대하여 모든 실수 x 에 대하여 $f(x+f(x)) = ax+b$ 이다.

$3a^2 + 4 \int_0^1 f'(x+f(x))dx$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 수열 a_n 에 대하여 수열 b_n 을 $b_n = (n+1)a_{n+1} - na_n - 3$ 으로 정의하자. 두 수열 a_n, b_n 이 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $a_1 = \frac{7}{3}$
 (나) $\lim_{t \rightarrow \infty} \sum_{n=1}^t b_n = \frac{1}{2}, \lim_{t \rightarrow \infty} \sum_{n=1}^t n|b_n| < \infty$

$\lim_{n \rightarrow \infty} n^2(a_{n+1} - a_n) = \frac{p}{q}$ 일 때, $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]