

# 수학 영역

성명		수험 번호																	
----	--	-------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

- 수학I 40문항, 수학II 40문항, 미적분 51문항입니다.
  - 문항을 성취기준 순서대로, 같은 성취기준 내에서는 난이도 순으로 배치했습니다. 난이도는 중간 3점부터 킬러 수준까지 골고루 있습니다.
- 흐리거나 시리도록 맑을 네 모든 날들의**
- ‘이건 그래도 풀어봤으면 한다’ 하는 문항에는 별(★)로, 난이도가 특히 높은 킬러 수준의 문항에는 동그라미(●)로 표시해 두었습니다.
  - 조금 어려운 4점부터 준킬러 수준의 문항에는 해설에 예상 정답률을 표시해 두었습니다.
  - 해설의 추가문제(+)에서 출처가 EBSi인 문항은 문항코드를 EBSi에서 검색하면 됩니다. 또한, 문제를 풀고 나서 해설의 comment와 추가문제는 최소한 훑어보는 것을 권합니다.

- ※ 공통과목 및 자신이 선택한 과목의 문제지를 확인하고, 답을 정확히 표시하시오.
- 수학I ..... 1~40 번
  - 수학II ..... 41~80 번
  - 미적분 ..... 81~131 번

**※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.**



제 2 교시

# 수학 영역

수학I

1.  $n \geq 2$ 인 자연수  $n$ 에 대하여  $\log \frac{n}{10}$ 의  $n$ 제곱근 중 실수인 것의 개수를  $f(n)$ 이라 할 때,  $\sum_{n=2}^m f(n) = m - 2$ 가 되도록 하는 2 이상의 모든 자연수  $m$ 의 값의 합을 구하시오. [4점]

2. 두 자연수  $a, b (a < b)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때, 모든  $b$ 의 값의 곱은? [4점]

자연수  $n (n \geq 2)$ 에 대하여  $|a - n|(b - n)$ 의  $n$ 제곱근 중 실수인 것의 개수를  $f(n)$ 이라 할 때,  $\sum_{n=2}^{10} f(n) = 11$ 이다.

- ① 60      ② 72      ③ 84      ④ 96      ⑤ 108

3.  $6^a = 3^b = 5$  인 두 실수  $a, b$ 에 대하여  $25^{\frac{b-a}{ab}}$ 의 값은? [3점]

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

4. 다음 조건을 만족시키는 최고차항의 계수가 1인 모든 이차함수  $f(x)$ 에 대하여  $f(4)$ 의 값의 곱을 구하시오. [4점]

(가)  $f(0) = 4$

(나)  $\log_2 \frac{1}{f(x)}$ 의 값이 자연수가 되도록 하는 실수  $x$ 의 개수는 7이다.

5. 두 자연수  $a, b$ 에 대하여 함수

$$f(x) = \begin{cases} |4^x - 2| + 2 & (x < a) \\ |2^{b-x} - 2| & (x \geq a) \end{cases}$$

가 있다. 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시키도록 하는  $a, b$ 의 순서쌍  $(a, b)$ 에 대하여  $a+b$ 의 최솟값은? [4점]

$0 < t < 4$ 인 모든 실수  $t$ 에 대하여  $x$ 에 대한 방정식  $f(x) = t$ 의 서로 다른 실근의 개수는 2이다.

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

6. 함수

$$f(x) = \begin{cases} (\sqrt{2})^{x+a} + a & (x < 0) \\ (\sqrt{2})^{-x+a} - a & (x \geq 0) \end{cases}$$

가 다음 조건을 만족시키도록 하는 자연수  $a$ 의 개수는?

[4점] ●

함수  $f(x)$ 의 치역의 원소 중 정수인 것의 개수는 4 이상 60 이하이다.

- ① 8      ② 9      ③ 10      ④ 11      ⑤ 12

7. 두 상수  $a, b (b > 0)$ 에 대하여 두 곡선

$$y = 2^{x+a} - b, \quad y = 4^x$$

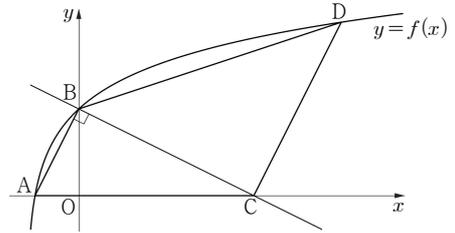
이 점  $(1, 4)$ 에서만 만날 때,  $a+b$ 의 값은? [4점] ★

- ① 4      ② 5      ③ 6      ④ 7      ⑤ 8

8. 1보다 큰 두 상수  $a, b$ 에 대하여 함수  $f(x) = \log_a(x+b)$ 가 있다. 곡선  $y=f(x)$ 가  $x$ 축,  $y$ 축과 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 점 B를 지나고 직선 AB에 수직인 직선이  $x$ 축과 만나는 점을 C, 점 C를 지나고 직선 AB와 평행한 직선이 곡선  $y=f(x)$ 와 제1사분면에서 만나는 점을 D라 하자.

$$\overline{OC} = 4 \times \overline{OA}, \quad \overline{CD} = 2 \times \overline{AB}$$

일 때, 사각형 BACD의 넓이를 구하시오.  
(단, O는 원점이다.) [4점]



9. 최고차항의 계수가 음수인 이차함수  $f(x)$ 에 대하여 세 부등식

$$\log_2 f(x) \geq 0,$$

$$\log_2 f(x) \geq \log_2(x-1),$$

$$\log_2 f(x) \geq \log_2(-x+3)$$

을 만족시키는 모든 실수  $x$ 의 값의 범위는 상수  $\alpha, \beta$ 에 대하여 각각

$$1 \leq x \leq 2, \quad \alpha < x \leq 2, \quad \beta \leq x \leq 2$$

이다.  $\alpha + \beta = \frac{5}{2}$ 일 때,  $\{f(4)\}^2$ 의 값을 구하시오.

(단,  $\alpha < 2, \beta < 2$ ) [4점]

10. 곡선  $y = -x^2 + 3 (x \geq 0)$ 이 두 곡선

$$y = 2^x, \quad y = \log_4(x+1)$$

과 만나는 점을 각각 P, Q라 하자. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

<보 기>

ㄱ. 점 P의 좌표는 (1, 2)이다.

ㄴ. 점 Q의  $x$ 좌표는  $\frac{3}{2}$ 보다 크다.

ㄷ. 두 점 P, Q를 지나는 직선의  $y$ 절편은  $\frac{9}{2}$ 보다 작다.

① ㄱ

② ㄱ, ㄴ

③ ㄱ, ㄷ

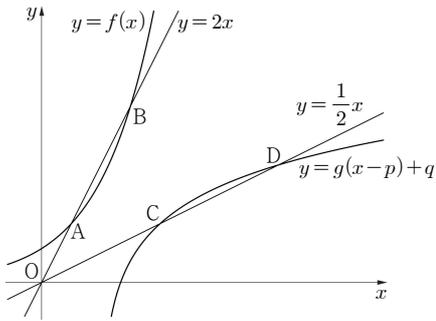
④ ㄴ, ㄷ

⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

11.  $a > 1$ 인 실수  $a$ 에 대하여 함수  $f(x) = a^x$ 의 역함수를  $g(x)$ 라 하자. 곡선  $y = f(x)$ 는 직선  $y = 2x$ 와 두 점 A, B에서 만나고, 두 양수  $p, q$ 에 대하여 곡선  $y = g(x-p) + q$ 는 직선  $y = \frac{1}{2}x$ 와 두 점 C, D에서 만난다. 네 점 A, B, C, D가 다음 조건을 만족시킬 때,  $p \times a^q$ 의 값은?  
(단, O는 원점이고,  $\overline{OA} < \overline{OB}$ 이다.) [4점]

(가) 점 A와 점 C의  $y$ 좌표는 같고, 점 C는 선분 OD의 중점이다.  
(나)  $\overline{AB} = \overline{CD}$

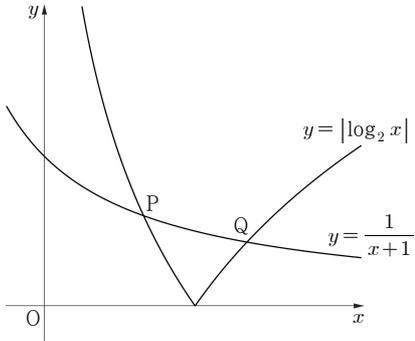
- ①  $3^{\frac{2}{3}}$
- ② 3
- ③  $3^{\frac{4}{3}}$
- ④  $3^{\frac{5}{3}}$
- ⑤ 9



12. 두 점 A(0, 1), B(1, 0)과 곡선  $y = 2^{-x}$  ( $x > 0$ ) 위의 점 P에 대하여 삼각형 ABP의 무게중심 G가 곡선  $y = 2^{-x}$  위의 점일 때, 두 점 P와 G의  $y$ 좌표의 차는? [4점]

- ①  $\sqrt{5}-2$
- ②  $2-\sqrt{3}$
- ③  $\frac{2-\sqrt{2}}{2}$
- ④  $\frac{3-\sqrt{3}}{4}$
- ⑤  $\frac{1+\sqrt{3}}{8}$

13. 그림과 같이 두 함수  $y = |\log_2 x|$ ,  $y = \frac{1}{x+1}$  의 그래프가  
 만나는 두 점을 각각  $P(x_1, y_1)$ ,  $Q(x_2, y_2)$  ( $x_1 < x_2$ )라 하자.  
 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점] ●



<보 기>

ㄱ.  $\sqrt{2}-1 < y_2 < \frac{1}{2}$

ㄴ.  $(y_1 - 2^{-x_1}) \times (y_2 - 2^{-x_2}) < 0$

ㄷ.  $y_1 < \frac{-1 + \sqrt{5}}{2} < x_1$

- ① ㄱ                      ② ㄱ, ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ  
 ④ ㄴ, ㄷ                      ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

14.  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  인  $\theta$ 에 대하여

$$\sin^2 \theta + \frac{1}{\cos^2 \theta} = 2 \left( \cos^2 \theta + \frac{1}{\sin^2 \theta} \right)$$

일 때,  $\cos \theta$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{\sqrt{2}}{3}$       ③  $\frac{\sqrt{3}}{3}$       ④  $\frac{2}{3}$       ⑤  $\frac{\sqrt{5}}{3}$

15. 함수  $f(x) = (4k-3)\cos x + k^2$ 의 최솟값이  $-1$ 이 되도록 하는 서로 다른 모든 실수  $k$ 의 값의 합이  $a$ 일 때,  $a^2$ 의 값을 구하시오. [4점]

16. 함수  $f(x) = \sin(ax)$ 가 다음 조건을 만족시키도록 하는 양수  $a$ 의 최솟값을  $a_n$ 이라 할 때,  $a_2 + a_7$ 의 값은? [4점]

(가) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x+4\pi) = f(x)$ 이다.

(나) 자연수  $n$ 에 대하여 닫힌구간  $\left[0, \frac{2}{n}\pi\right]$ 에서 함수  $f(x)$ 의 최댓값은 1이다.

- ①  $\frac{5}{2}$     ②  $\frac{11}{4}$     ③ 3    ④  $\frac{13}{4}$     ⑤  $\frac{7}{2}$

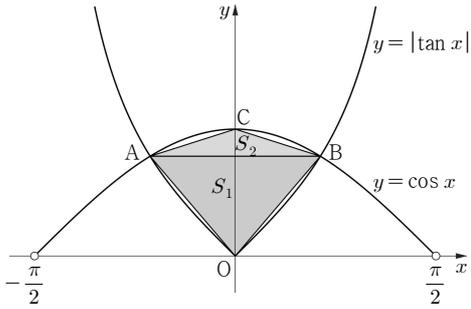
17.  $0 \leq x \leq \frac{\pi}{9}$ 일 때, 방정식

$$\cos x = \sin(kx)$$

의 서로 다른 실근의 개수가 2가 되도록 하는 모든 양수  $k$ 의 값의 집합은  $\{k \mid \alpha \leq k < \beta\}$ 이다.  $\beta - \alpha$ 의 값은? [4점] ★

- ① 12    ② 13    ③ 14    ④ 15    ⑤ 16

18. 그림과 같이 정의역이  $\left\{x \mid -\frac{\pi}{2} < x < \frac{\pi}{2}\right\}$ 인 두 함수  $y = |\tan x|$ ,  $y = \cos x$ 의 그래프는 서로 다른 두 점 A, B에서 만난다. 점 C(0, 1)에 대하여 삼각형 OAB의 넓이를  $S_1$ , 삼각형 ABC의 넓이를  $S_2$ 라 할 때,  $\left(\frac{S_2}{S_1} + 1\right)^2$ 의 값은? (단, O는 원점이다.) [4점]

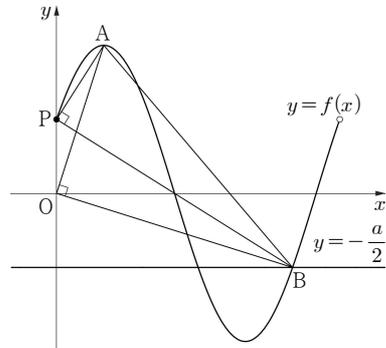


- ①  $2(3 - \sqrt{5})$
- ②  $\frac{1 + \sqrt{5}}{2}$
- ③  $\frac{3 + \sqrt{5}}{2}$
- ④  $1 + \sqrt{5}$
- ⑤  $3 + \sqrt{5}$

19.  $a > 0$ 인 상수  $a$ 와  $0 < b < \frac{\pi}{2}$ 인 상수  $b$ 에 대하여 함수  $f(x) = a \sin(x+b)$  ( $0 \leq x < 2\pi$ )가 있다. 곡선  $y = f(x)$ 와 직선  $y = a$ 가 만나는 점을 A라 하고, 곡선  $y = f(x)$ 와 직선  $y = -\frac{a}{2}$ 가 만나는 두 점 중  $x$ 좌표가 큰 점을 B라 하자. 세 점  $P(0, a \sin b)$ , A, B가 다음 조건을 만족시킬 때,  $\left(\frac{a}{b}\right)^2$ 의 값은? (단, O는 원점이다.) [4점]

두 삼각형 OAB과 PAB는 모두 선분 AB를 빗변으로 하는 직각삼각형이다.

- ① 20
- ② 30
- ③ 40
- ④ 50
- ⑤ 60



20. 두 함수

$$f(x) = \sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right), \quad g(x) = \frac{1}{2} \cos kx$$

에 대하여 다음 조건을 만족시키는 20 이하의 모든 자연수  $k$ 의 값의 합을 구하시오. [4점] ★●

(가) 두 집합

$\{p \mid \text{모든 실수 } x \text{에 대하여 } f(p-x) = f(p+x)\}$  와

$\{q \mid \text{모든 실수 } x \text{에 대하여 } g(q-x) = g(q+x)\}$  는

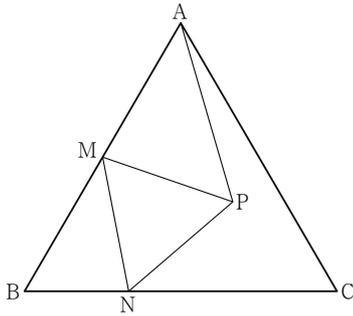
서로소가 아니다.

(나)  $x = \frac{k\pi}{2}$  는 방정식  $f(x) = g(x)$  의 해가 아니다.

21. 한 변의 길이가 6인 정삼각형 ABC의 내부의 점 P와 선분 AB의 중점 M, 선분 BC를 1:2로 내분하는 점 N에 대하여 삼각형 PMN이 정삼각형일 때, 선분 AP의 길이는?

[4점]

- ①  $2\sqrt{3}$                       ②  $\frac{5}{2}\sqrt{2}$                       ③  $\sqrt{13}$
- ④  $\frac{3}{2}\sqrt{6}$                       ⑤  $\sqrt{14}$



22.  $\overline{AB}=3$ 인 삼각형 ABC에 대하여 선분 AB를 삼등분하는 두 점 중 점 A에 가까운 점을 D, 점 B에 가까운 점을 E라 하고, 삼각형 CDE의 외접원의 넓이를  $S_1$ , 삼각형 BCE의 외접원의 넓이를  $S_2$ 라 하자.

$$S_1 : S_2 = 5 : 9, \quad \cos(\angle BCD) = \frac{2\sqrt{5}}{5}$$

일 때, 삼각형 ABC의 넓이는? [4점] ★

- ①  $\frac{3}{2}$                       ② 3                      ③  $\frac{9}{2}$                       ④ 6                      ⑤  $\frac{15}{2}$

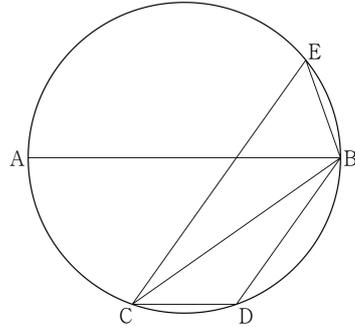
23. 길이가 8인 선분 AB를 지름으로 하는 반원 내부의 점 P가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 선분 AB의 중점 O에 대하여  $\angle APO = \frac{\pi}{2}$  이다.
- (나) 호 AB 위의 점 Q에 대하여  $\overline{PQ}$ 의 최솟값은 3이다.

선분 BP의 길이는? [4점]

- ①  $\sqrt{17}$     ②  $3\sqrt{2}$     ③  $\sqrt{19}$     ④  $2\sqrt{5}$     ⑤  $\sqrt{21}$

24. 그림과 같이 길이가 6인 선분 AB를 지름으로 하는 원 위의 세 점 C, D, E를 선분 CD는 선분 AB와 평행하고, 선분 CE는 선분 BD와 평행하도록 잡는다.  $\overline{BC} = 2\sqrt{6}$  일 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]



- <보 기>
- ㄱ.  $\overline{BD} = \overline{AC}$
  - ㄴ.  $\overline{CD} = 2$
  - ㄷ. 사각형 BECD의 넓이는  $\frac{16}{3}\sqrt{2}$  이다.

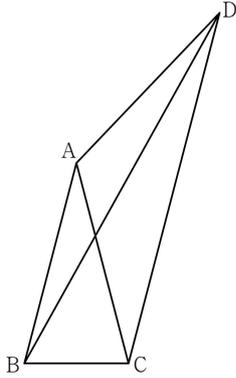
- ① ㄱ                      ② ㄱ, ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ  
 ④ ㄴ, ㄷ                      ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

25. 그림과 같이

$$\overline{AB} = \overline{AC}, \quad \overline{BC} = 2, \quad \angle BAC = 2\angle BDC$$

이고 두 선분 AB와 CD가 평행한 사각형 ABCD가 있다.

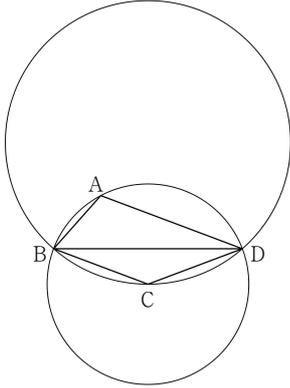
$\frac{\cos(\angle BAC)}{\sin(\angle BDC)} = \frac{7}{2}$  일 때,  $\overline{BD}^2$ 의 값을 구하시오. [4점]



26. 그림과 같이

$$\overline{AB} = \sqrt{2}, \overline{BC} = \overline{CD} = 2, \angle BAD > \frac{\pi}{2}$$

인 사각형 ABCD가 있다. 삼각형 BCD의 외접원의 반지름의 길이가  $2\sqrt{2}$ 이고, 삼각형 ABD의 외접원의 중심이 C일 때, 사각형 ABCD의 넓이는? [4점]



- ①  $\sqrt{7}$     ②  $\frac{5\sqrt{7}}{4}$     ③  $\frac{3\sqrt{7}}{2}$     ④  $\frac{7\sqrt{7}}{4}$     ⑤  $2\sqrt{7}$

27. 공차가 자연수인 등차수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때,  $a_{10}$ 의 최솟값은? [4점]

(가)  $a_1 \times a_2 > 0$   
 (나)  $\sum_{k=1}^5 a_k = 10$

- ① 17      ② 19      ③ 21      ④ 23      ⑤ 25

28.  $a_1 = 90$ 이고 공차가 정수  $d$ 인 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자. 수열  $\{S_n\}$ 이  $n=6$ 에서 최댓값을 갖도록 하는 모든  $d$ 의 값의 합은? [4점]

- ① -48      ② -54      ③ -60      ④ -66      ⑤ -72

29.  $a_3 = -1$ 이고 공차가 0이 아닌 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 수열  $\{b_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 자연수  $n$ 에 대하여  $|b_n| = |a_n| + 1$ 이다.

(나)  $b_4 + b_6 = 0$

$\sum_{k=1}^8 b_k$ 의 최댓값은? [4점]

- ① 10      ② 11      ③ 12      ④ 13      ⑤ 14

30. 공차가 자연수인 등차수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때,  $a_{10}$ 의 값을 구하시오. [4점]

(가)  $a_1, 6, a_4$ 는 이 순서대로 등차수열을 이룬다.

(나)  $a_k, a_4, a_{9-k}$ 가 이 순서대로 등비수열을 이루도록 하는 8 이하의 자연수  $k$ 가 존재한다.

31. 모든 항이 0이 아닌 등비수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때,  $a_1 + a_2$ 의 값은? [4점]

(가) 모든 자연수  $n$ 에 대하여  $a_{n+2} + \frac{1}{4}a_n = a_{n+1}$ 이다.  
 (나)  $\sum_{k=1}^5 a_k = 31$

- ① 12      ② 16      ③ 20      ④ 24      ⑤ 28

32. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자. 두 수열  $\{a_n\}$ 과  $\{S_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때,

$\sum_{k=1}^{10} (-1)^{k+1} a_k$ 의 값은? [4점]

(가) 모든 자연수  $n$ 에 대하여  $a_{n+2} + a_{n+1} = S_n$ 이다.  
 (나)  $a_1 = 2, S_{10} = 40$

- ① 5      ② 7      ③ 9      ④ 11      ⑤ 13

33. 수열  $\{a_n\}$ 이  $1 \leq n \leq 5$ 인 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_n + a_{10-n} = 10, \quad a_n \times a_{10-n} = (-1)^{n-1} \times n^2$$

을 만족시킬 때,  $\sum_{n=1}^9 (a_n)^2$ 의 값은? [4점]

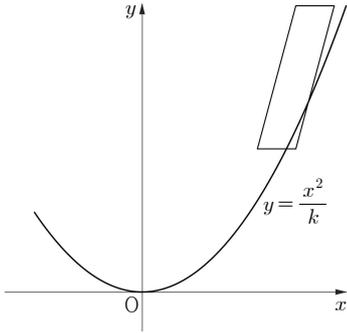
- ① 435      ② 440      ③ 445      ④ 450      ⑤ 455

34. 함수  $y = \frac{x^2}{k}$  의 그래프가 네 점

$$(n, n), (n+1, n), (n+2, 2n), (n+1, 2n)$$

을 꼭짓점으로 하는 사각형과 만나도록 하는 자연수  $k$ 의 개수를  $a_n$ 이라 하자. 예를 들어,  $a_2 = 3, a_3 = 3$ 이다.

$\sum_{n=1}^{15} a_n$ 의 값을 구하시오. [4점] ●



35. 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \ a_{2n} = a_n - 2$$

$$(나) \ a_{2n+1} = -a_n + 7$$

$a_{12} + a_{15} = 0$ 일 때,  $a_1$ 의 값은? [4점]

- ① 3      ② 4      ③ 5      ④ 6      ⑤ 7

36. 모든 항이 자연수이고 다음 조건을 만족시키는 모든 수열

$\{a_n\}$ 에 대하여  $\sum_{k=1}^9 a_k$ 의 최댓값을  $M$ , 최솟값을  $m$ 이라 할 때,

$M - m$ 의 값은? [4점]

$$(가) \ a_3 = 7$$

(나) 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$(3a_{n+1} - a_n)(a_{n+1} - a_n - 4) = 0$$

이다.

- ① 150      ② 154      ③ 158      ④ 162      ⑤ 166

37.  $a_1 > 0$  인 수열  $\{a_n\}$  이 모든 자연수  $n$  에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_1 \times a_n + 8 & (a_n \leq 0) \\ a_n - 2a_1 & (a_n > 0) \end{cases}$$

을 만족시킨다.  $a_3 > 0$  이고  $a_5 + 2a_4 = 8$  이 되도록 하는 모든  $a_1$  의 값의 합은? [4점]

- ①  $\frac{10}{3}$     ②  $\frac{11}{3}$     ③ 4    ④  $\frac{13}{3}$     ⑤  $\frac{14}{3}$

38.  $a_1 > 0, a_2 > 0$  이고, 모든 자연수  $n$  에 대하여

$$a_{n+2} = \begin{cases} a_{n+1} + a_n & (a_{n+1} < 2a_n) \\ a_{n+1} - 3a_n & (a_{n+1} \geq 2a_n) \end{cases}$$

을 만족시키는 수열  $\{a_n\}$  이 있다.  $a_4 = 1, a_6 = 2$  인 모든 수열

$\{a_n\}$  에 대하여  $\sum_{k=1}^7 a_k$  의 값의 합은? [4점]

- ① 27    ②  $\frac{82}{3}$     ③  $\frac{83}{3}$     ④ 28    ⑤  $\frac{85}{3}$

39. 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) a_{2n} = a_{n+1}$$

$$(나) a_{2n-1} = a_n + 2n - 2$$

$a_{18} = 4$  일 때,  $\sum_{n=2}^{34} a_n$ 의 값은? [4점] ●

- ① 636    ② 638    ③ 640    ④ 642    ⑤ 644

40. 다음은 모든 자연수  $n$  에 대하여

$$\sum_{k=1}^n \frac{(k-2)^2}{2^k} = 2 - \frac{n^2+2}{2^n} \dots\dots (*)$$

이 성립함을 수학적 귀납법으로 증명한 것이다.

(i)  $n=1$  일 때, (좌변) = (가), (우변) = (가)  
 이므로 (\*)이 성립한다.

(ii) 자연수  $m$  에 대하여  $n=m$  일 때, (\*)이 성립한다고 가정하면

$$\sum_{k=1}^m \frac{(k-2)^2}{2^k} = 2 - \frac{m^2+2}{2^m}$$

이다.  $n=m+1$  일 때,

$$\sum_{k=1}^{m+1} \frac{(k-2)^2}{2^k} = 2 - \frac{m^2+2}{2^m} + \text{(나)}$$

$$= 2 - \frac{(m+1)^2+2}{2^{m+1}}$$

이다. 따라서  $n=m+1$  일 때에도 (\*)이 성립한다.

(i), (ii)에 의하여 모든 자연수  $n$  에 대하여

$$\sum_{k=1}^n \frac{(k-2)^2}{2^k} = 2 - \frac{n^2+2}{2^n}$$

이다.

위의 (가)에 알맞은 수를  $a$ , (나)에 알맞은 식을  $f(m)$ 이라 할 때,  $a \times f(5)$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{1}{2}$     ②  $\frac{1}{4}$     ③  $\frac{1}{8}$     ④  $\frac{1}{16}$     ⑤  $\frac{1}{32}$



수학II

41. 다항함수  $f(x)$ 와 실수 전체의 집합에서 정의된 함수  $g(x)$ 가

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \{f(x)+g(x)\}=3, \quad \lim_{x \rightarrow 0^-} \{f(x)-g(x)\}=1$$

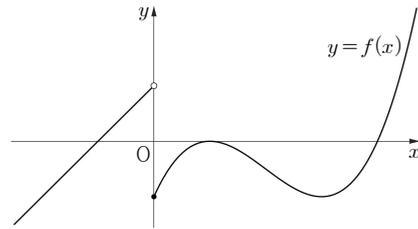
을 만족시킬 때,  $\lim_{h \rightarrow 0} \{g(h)+g(-h)\}$ 의 값은? [3점]

- ① -4    ② -2    ③ 0    ④ 2    ⑤ 4

42. 함수

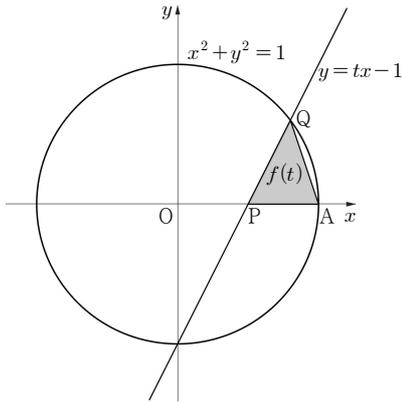
$$f(x) = \begin{cases} x+1 & (x < 0) \\ \frac{1}{4}(x-1)^2(x-4) & (x \geq 0) \end{cases}$$

에 대하여  $\lim_{x \rightarrow a} f(f(x))$ 의 값이 존재하지 않도록 하는 실수  $a$ 의 개수를 구하시오. [4점]



43. 실수  $t(t > 1)$ 에 대하여 직선  $y = tx - 1$ 이  $x$ 축과 만나는 점을 P, 원  $x^2 + y^2 = 1$ 과 만나는 점 중 제1사분면 위의 점을 Q라 하자. 점 A(1, 0)에 대하여 삼각형 PAQ의 넓이를  $f(t)$ 라 할 때,  $\lim_{t \rightarrow 1^+} \frac{f(t)}{(t-1)^2}$ 의 값은? [4점]

- ① 1      ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{1}{8}$       ⑤  $\frac{1}{16}$



44. 함수  $f(x)$ 는 최고차항의 계수가 1인 이차함수이고, 함수  $g(x)$ 는 일차함수이다. 두 함수  $f(x), g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $f(4)g(4)$ 의 값은? [4점]

- (가) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $(f \circ g)(x) = (g \circ f)(x)$ 이다.  
 (나)  $\lim_{x \rightarrow 1} \left\{ \frac{1}{x-1} - \frac{g(x)}{f(x)} \right\}$ 의 값이 존재한다.

- ① 40      ② 44      ③ 48      ④ 52      ⑤ 56

45. 삼차함수  $f(x)$  에 대하여

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{f(x)} - f(x)}{(x-1)^2} = f(0)$$

일 때,  $f\left(\frac{1}{3}\right)$  의 값은? [4점]

- ①  $\frac{11}{27}$       ②  $\frac{5}{9}$       ③  $\frac{19}{27}$       ④  $\frac{23}{27}$       ⑤ 1

46. 최고차항의 계수가 1이고 상수항과 계수가 모두 정수인 삼차함수  $f(x)$  에 대하여

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1}{f(x) - \frac{1}{x}} = \infty$$

일 때,  $f(3)$  의 최솟값은? [4점] ★

- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

47. 함수

$$f(x) = \begin{cases} \frac{1}{2}x - 3 & (x < a) \\ x & (x \geq a) \end{cases}$$

에 대하여 함수  $\left| \frac{1}{f(x)} \right|$ 이 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 실수  $a$ 의 값은? [4점]

- ① 2      ②  $\frac{5}{2}$       ③ 3      ④  $\frac{7}{2}$       ⑤ 4

48. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 2x + a^2 & (x < 0) \\ x + 3a + 4 & (x \geq 0) \end{cases}$$

에 대하여 함수  $f(x)f(x+2)$ 가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 실수  $a$ 의 값의 합은? [4점]

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

49. 함수

$$f(x) = |x-1| - |x| + x + 1$$

와 실수  $t$ 에 대하여 함수  $y = |f(x)|$ 의 그래프와 직선  $y = t$ 가  
만나는 점의 개수를  $g(t)$ 라 하자. <보기>에서 옳은 것만을  
있는 대로 고른 것은? [4점]

<보 기>

ㄱ.  $g(1) = 3$

ㄴ. 함수  $g(t)$ 가  $t = \alpha$ 에서 불연속인 실수  $\alpha$ 의 개수는  
3이다.

ㄷ. 함수  $g(t) - g(t-k)$ 가  $t = \alpha$ 에서 불연속인 실수  $\alpha$ 의  
개수가 3이 되도록 하는 실수  $k$ 가 존재한다.

- ① ㄱ                      ② ㄱ, ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ  
④ ㄴ, ㄷ                      ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

50. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 와 실수  $t$ 에 대하여 함수

$$g(t) = \lim_{x \rightarrow t} \frac{f(x) - t}{x - f(t)}$$

가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \{t | g(t) \neq -1\} = \left\{-1, a, \frac{3}{2}\right\}$$

( $a$ 는  $-1 < a < \frac{3}{2}$ 인 상수)

(나)  $g(b) = 0$ 을 만족시키는 실수  $b$ 가 존재한다.

집합  $\{g(t) | t \text{는 실수}\}$ 의 모든 원소의 합은? [4점] ★

- ①  $\frac{29}{4}$     ②  $\frac{15}{2}$     ③  $\frac{31}{4}$     ④ 8    ⑤  $\frac{33}{4}$

51. 함수  $f(x) = -x^3 + 6x^2$ 과 실수  $t$ 에 대하여  $f(t)$ 와  $|mt|$  중 크지 않은 값을  $g(t)$ , 작지 않은 값을  $h(t)$ 라 하자.

함수  $h(t)$ 가  $t = k$ 에서 미분가능하지 않은 실수  $k$ 의 개수가

2일 때,  $4 \times \int_0^3 \{g(t) + h(t)\} dt$ 의 최솟값을 구하시오.

(단,  $m$ 은 실수이다.) [4점]

52.  $x > 0$  인 모든 실수  $x$  에 대하여  $f(x) \geq 0$  이고  $f(0) = 1$ ,  
 $f'(0) > -1$  인 삼차함수  $f(x)$  가 있다. 0 이 아닌 실수  $k$  에  
 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} 2 - f(x) & (f(x) \leq -x + 1) \\ f(x) & (f(x) > -x + 1) \end{cases}$$

가  $x = k$  에서만 미분가능하지 않을 때,  $g(k)$  의 최댓값은

$\frac{q}{p}$  이다.  $p+q$  의 값을 구하시오.

(단,  $p$  와  $q$  는 서로소인 자연수이다.) [4점]

53. 실수  $a$ 에 대하여 함수  $f(x) = (|x|-1)^2 + a$ 가 있다.  
 실수  $t$ 에 대하여  $x$ 에 대한 방정식  $f(x) = x+t$ 의 서로 다른  
 실근의 개수를  $g(t)$ 라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는  
 대로 고른 것은? [4점] ●

<보 기>

$$\text{ㄱ. } \sum_{n=1}^5 h\left(f(0) - \frac{(n-1)^2}{4}\right) = 9$$

- ㄴ. 함수  $f(x)g(x)$ 가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록  
 하는 실수  $a$ 가 존재한다.  
 ㄷ. 함수  $\{f(x)\}^2g(x)$ 가 실수 전체의 집합에서  
 미분가능하도록 하는 실수  $a$ 가 존재한다.

- ① ㄱ                      ② ㄴ                      ③ ㄱ, ㄴ  
 ④ ㄱ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

54. 최고차항의 계수가 1인 사차함수  $f(x)$ 에 대하여 실수 전체의 집합에서 정의된 함수

$$g(x) = \lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(x+h) - f(x)}{h \times (x^2 + h^2)}$$

가 있다.  $\lim_{x \rightarrow 0} g(x) = g(0) - 4$  일 때,  $g(5)$ 의 값을 구하시오. [4점]

55. 함수  $f(x) = x^3 + 1$ 과 일차함수  $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 방정식  $|f(x)| + |g(x)| = 0$ 의 실근이 존재한다.
- (나)  $f(a) = g(a) \neq 0$ 이고  $f'(a) = g'(a) = b$ 인 두 실수  $a, b$ 가 존재한다.

$g(7)$ 의 값을 구하시오. [4점]

56. 두 삼차함수  $f(x)$ ,  $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x) - g(x) = g'(x)$ 이다.  
(나) 곡선  $y = f(x)$  위의 점  $(0, f(0))$ 에서의 접선과  
곡선  $y = g(x)$  위의 점  $(0, g(0))$ 에서의 접선이  
일치한다.

집합

$$\{x \mid \{f(x) - g(0)\} \times \{g(x) - f(0)\} = 0, x \text{는 실수}\}$$

의 원소의 개수를 구하시오. [4점]

57. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 와 실수  $a$ 에 대하여 곡선  $y=f(x)$  위의 점  $(a, f(a))$ 에서의 접선의 방정식을  $y=g(x)$ 라 하자. 두 집합

$$A = \{x \mid f(x)g(x) = 0\}, \quad B = \{x \mid f(x) - g(x) = 0\}$$

가 다음 조건을 만족시킬 때, 집합  $\{f'(a) \mid A \subset B\}$ 의 모든 원소의 합을 구하시오. [4점] ★●

$$\{a \mid A \subset B\} = \{f'(a) \mid A \subset B\} = \{0, 2\}$$

58. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 와 실수  $t$ 에 대하여  
함수  $f(x) - tx^2$ 가  $x=a$ 에서 극대 또는 극소인 서로 다른 실수  
 $a$ 의 개수를  $g(t)$ 라 하자.

$$\{t \mid g(t) \neq 2\} = \{-1\}$$

일 때,  $f'(4)$ 의 값을 구하십시오. [4점]

59. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (x < 1) \\ f(x+1)+1 & (x \geq 1) \end{cases}$$

가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 함수  $g(x)$ 는 실수 전체의 집합에서 연속이다.

(나) 함수  $g(x)$ 는  $x=1$ 에서 극솟값 1을 갖는다.

$f(4)$ 의 최솟값은? [4점]

- ① 15      ② 16      ③ 17      ④ 18      ⑤ 19

60. 최고차항의 계수가 음수인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 원점과 점  $(t, f(t))$  사이의 거리를  $g(t)$ 라 하자. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $g(t)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $f(6)$ 의 값은? [4점]

함수  $g(t)$ 는  $t=0$  과  $t=3$ 에서만 최솟값 5를 갖는다.

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

61. 삼차함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때, 집합

$$\{x \mid f(f(x)) = 2 - f(x), x \text{는 실수}\}$$

의 모든 원소의 합은? [4점]

(가) 곡선  $y = f(x)$  위의 점  $(0, f(0))$ 에서의 접선의  
방정식은  $y = -x + 2$ 이다.

(나)  $f(2) = f'(2) = 0$

- ① 2      ② 3      ③ 4      ④ 5      ⑤ 6

62.  $x \geq -1$ 인 모든 실수  $x$ 에 대하여 부등식

$$\frac{1}{3}(x^3 + 4) \geq a(x-1)$$

이 성립하도록 하는 실수  $a$ 의 최댓값과 최솟값을 각각  $M$ ,  
 $m$ 이라 할 때,  $2(M-m)$ 의 값을 구하시오. [4점]

63. 최고차항의 계수가 1인 사차함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가)  $x \geq 0$ 인 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x) \geq f(0)$ 이다.  
 (나) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $\{f(x)\}^2 \geq \{f(0)\}^2$ 이다.

$f(3) = f(0)$ ,  $f(4) = 20$  일 때,  $f(5)$ 의 최댓값을 구하시오. [4점]

64. 최고차항의 계수가 1이고 원점과 점  $(2, 2)$ 를 지나는 삼차함수  $f(x)$ 가 있다. 실수  $k$ 에 대하여  $x$ 에 대한 방정식

$$f(f(x)) = k\{f(x) - 2\} + 2$$

의 서로 다른 실근의 개수를  $g(k)$ 라 하자. 함수  $g(k)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $f(6)$ 의 값을 구하시오. [4점] ●

(가)  $g(k) = 9$ 를 만족시키는 모든 실수  $k$ 의 값의 범위는  $-3 < k < 1$ 이다.

(나)  $g(1) = 7$

65. 최고차항의 계수가 1이고  $f(0) = f(3) = f(\alpha) = 0$  인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시간  $t (t \geq 0)$ 에서의 위치  $x(t)$ 가

$$x(t) = f(t)$$

이다. 시간  $t=4$ 에서 점 P의 속도가 0이 될 때, 점 P의 가속도가 0이 되는 시간  $t$ 의 값은? (단,  $\alpha$ 는 상수이다.) [4점]

- ①  $\frac{11}{5}$     ②  $\frac{12}{5}$     ③  $\frac{13}{5}$     ④  $\frac{14}{5}$     ⑤ 3

66. 시간  $t=0$ 일 때 동시에 수직선 위의 점 A를 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시간  $t (t \geq 0)$ 에서의 위치는 실수  $a$ 에 대하여 각각

$$x_1(t) = t^3 - 3t^2 + at + a, \quad x_2(t) = a|t-1|$$

이다. 두 점 P, Q가 출발한 후 만나도록 하는 실수  $a$ 의 최댓값을  $k$ 라 할 때, 시간  $t=k$ 에서 점 P의 가속도는? [4점]

- ① -12    ② -6    ③ 0    ④ 6    ⑤ 12

67. 시각  $t=0$ 일 때 동시에 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각  $t(t \geq 0)$ 에서의 위치는 두 정수  $a, b$ 에 대하여 각각

$$x_P(t) = t^3 - t^2, \quad x_Q(t) = at^3 + bt^2$$

이다. 다음 조건을 만족시키는  $a, b$ 의 모든 순서쌍  $(a, b)$ 에 대하여  $a^2 + b^2$ 의 값의 합을 구하시오. [4점]

- (가) 두 점 P, Q는 출발한 후 시각  $t=t_1 (t_1 > 0)$ 에서만 만난다.  
 (나) 점 Q는 시각  $t=t_1$ 에서만 운동 방향을 바꾼다.

68. 최고차항의 계수가 3인 이차함수  $f(x)$ 의 두 부정적분  $F(x), G(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$F(x)G(x) = (x^2 - 1)^2(x^2 - 4)$$

를 만족시킬 때,  $\{f(0)\}^2 + |F(0) - G(0)|$ 의 값을 구하시오.

[4점]

69. 양의 상수  $a$ 에 대하여 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 가

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{\int_{2a}^x f(t) dt}{(x-a)^2} = \lim_{x \rightarrow 2a} \frac{\int_a^x f(t) dt}{(x-2a)^2} = 2 + f'\left(\frac{3}{2}a\right)$$

를 만족시킬 때,  $f(3a)$ 의 값을 구하시오. [4점] ★

70. 상수  $a$ 와 다항함수  $f(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f(x) = \frac{1}{3}x^3 + ax + a + \int_0^x f(t) dt$$

를 만족시킬 때,  $f(a)$ 의 값은? [4점]

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

71. 두 상수  $a, b$ 에 대하여 함수  $f(x) = ax + b|x-3| - 2$ 가 있다.  
함수

$$g(x) = \int_0^x f(t) dt$$

가 다음 조건을 만족시킬 때,  $f(10)$ 의 값을 구하시오. [4점]

$$x \geq 0 \text{인 모든 실수 } x \text{에 대하여 } g(x) \geq \frac{g(4)}{2} \text{이다.}$$

72.  $0 \leq x < 4$ 에서  $f(x) = x^2 + ax + b$  ( $a, b$ 는 상수)이고  
모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x+4) = f(x)$ 인 함수  $f(x)$ 가 있다.  
실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수

$$g(x) = \int_0^x \{3f(t) - |f(t)|\} dt$$

가 최솟값과 최댓값을 모두 가질 때,  $a^2 + b^2$ 의 값을 구하시오.  
[4점]

73. 양수  $a$ 에 대하여 함수

$$f(x) = \int_0^x |x-t|(at-2) dt$$

가 극값  $-3$ 을 가질 때,  $f(-6)$ 의 값을 구하시오. [4점]

74. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을

만족시킬 때,  $\int_2^5 f(x) dx$ 의 값은? [4점]

(가) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x+1) - f(x) = x^2$ 이다.

(나)  $\int_1^2 f(x) dx = 2$

- ① 37      ② 38      ③ 39      ④ 40      ⑤ 41

75. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $\int_{-a}^{10} f(x)dx$ 의 값은? (단,  $a$ 는 상수이다.) [4점]

(가)  $f(x) = \begin{cases} 2(x+1)^2 & (-1 \leq x < 0) \\ -x+2 & (0 \leq x < 1) \end{cases}$

(나) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x+2)+f(x)=a$ 이다.

- ①  $\frac{13}{2}$     ②  $\frac{20}{3}$     ③  $\frac{41}{6}$     ④ 7    ⑤  $\frac{43}{6}$

76. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$\{f(x)-x^3+x\}\{f(x)+x^2-1\} \leq 0$$

을 만족시킬 때,  $\int_{-1}^2 |f(x)| dx$ 의 최댓값과 최솟값의 합은?

[4점]

- ①  $\frac{11}{3}$     ②  $\frac{15}{4}$     ③  $\frac{23}{6}$     ④  $\frac{47}{12}$     ⑤ 4

77. 두 곡선  $y = -x^2 + x$ ,  $y = -x^2 + 13x - 36$  과 직선  $y = x$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ① 18      ② 21      ③ 24      ④ 27      ⑤ 30

78. 실수  $a (a > 2)$ 에 대하여 함수

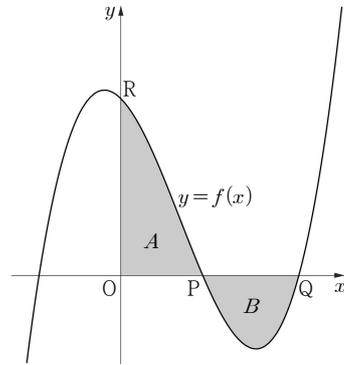
$$f(x) = (x+1)(x-1)(x-a)$$

와 세 점  $P(1, 0)$ ,  $Q(a, 0)$ ,  $R(0, a)$ 가 있다. 곡선  $y = f(x)$ 와 두 선분  $OP$ ,  $OR$ 로 둘러싸인 부분의 넓이를  $A$ , 곡선  $y = f(x)$ 와 선분  $PQ$ 로 둘러싸인 부분의 넓이를  $B$ 라 하자.

$A - B = \frac{1}{2}$  일 때, 곡선  $y = f(x)$ 와 직선  $y = -x + a$ 로

둘러싸인 부분의 넓이는? [4점]

- ①  $1 + \frac{\sqrt{2}}{2}$       ②  $1 + \frac{\sqrt{3}}{2}$       ③ 2  
 ④  $2 + \sqrt{2}$       ⑤  $2 + \sqrt{3}$



79. 시각  $t=0$ 일 때 동시에 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각  $t(t \geq 0)$ 에서의 속도가 각각

$$v_1(t) = (t-1)(t-2), \quad v_2(t) = at$$

이다. 시각  $t=0$ 에서  $t=2$ 까지 점 P가 움직인 거리와 시각  $t=0$ 에서  $t=2$ 까지 점 Q가 움직인 거리가 같을 때, 시각  $t=2$ 에서 두 점 P, Q 사이의 거리는  $k$ 이다.  $120k$ 의 값을 구하시오. (단,  $a$ 는  $a > 0$ 인 상수이다.) [4점]

80. 시각  $t=0$ 에서 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 속도가

$$v(t) = \begin{cases} t^2 - 3t & (0 \leq t \leq 4) \\ a(t-4) + 4 & (t > 4) \end{cases}$$

이다. 점 P가 출발한 후 원점을 한 번만 지나도록 하는 음수  $a$ 에 대하여, 시각  $t=4$ 에서  $t=6$ 까지 점 P의 위치의 변화량을 구하시오. [4점]



미적분

81. 자연수  $n$ 에 대하여  $x$ 에 대한 두 방정식

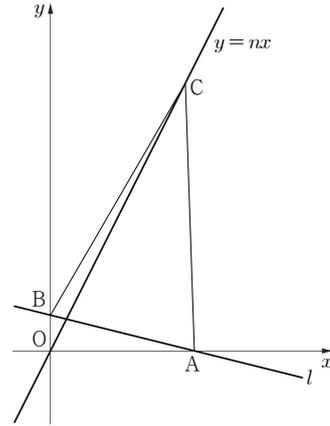
$$x^2 + x = \frac{1}{n}, \quad x^2 + x = \frac{1}{2n}$$

의 양의 실근을 각각  $a_n, b_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{b_n}{a_n}$ 의 값은?

[3점] ★

- ①  $\frac{1}{4}$     ②  $\frac{1}{2}$     ③ 1    ④ 2    ⑤ 4

82. 그림과 같이 직선  $l: y = -\frac{1}{n+2}x + n^2$ 이  $x$ 축,  $y$ 축과 만나는 점을 각각 A, B라 하고,  $\overline{AC} = \overline{BC}$ 가 되도록 직선  $y = nx$  위에 점 C를 잡는다. 점 C와 직선  $l$  사이의 거리를  $a_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \left( \frac{a_n}{n^4} - \frac{1}{4}n \right)$ 의 값을 구하시오. [4점]

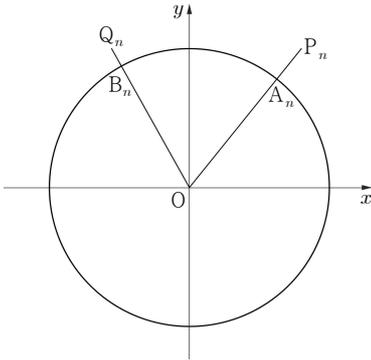


83. 자연수  $n$ 에 대하여 두 점  $P_n(n-1, 1)$ ,  $Q_n\left(-\frac{1}{n}, 1\right)$ 이 있다.

원  $x^2+y^2=1$ 이 두 선분  $OP_n$ ,  $OQ_n$ 과 만나는 점을 각각  $A_n$ ,  $B_n$ 이라 하자. 부채꼴  $OA_nB_n$ 의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \{n^3 \times (S_{n+1} - S_n)\}$ 의 값은? (단,  $O$ 는 원점이다.) [4점]

- ①  $\frac{1}{2}$       ② 1      ③  $\frac{3}{2}$       ④ 2      ⑤  $\frac{5}{2}$



84. 두 상수  $a, r (r > 0)$ 에 대하여 함수  $f(x)$ 는

$$f(x) = \sqrt{r^2 - (x-a)^2}$$

이다. 함수  $g(x)$ 를

$$g(x) = \lim_{n \rightarrow \infty} \left[ \{f(x)\}^n + (\sqrt{x^2+1})^n \right]^{\frac{1}{n}}$$

라 할 때, 방정식  $f(x) = g(x)$ 의 실근은  $x = \sqrt{3}$  뿐이다.

$a^2 + r^2$ 의 값을 구하시오. [4점] ★

85. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 급수  $\sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n - \frac{8^n}{2^n + 1}\right)$ 이 수렴할 때,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{k^n}{a_n}$ 의 값이 존재하도록 하는 정수  $k$ 의 개수를 구하시오.

[4점] ★

86. 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^n a_k = \frac{9n^3}{n^2 + 1}$$

을 만족시킬 때,  $\sum_{n=1}^{\infty} (a_{n+1} - a_n)$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{5}{2}$       ② 3      ③  $\frac{7}{2}$       ④ 4      ⑤  $\frac{9}{2}$

87. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  
수열  $\{S_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$S_{2n-1} = 2n, \quad S_{2n} = n^2 + 5n + 2$$

를 만족시킬 때,  $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{a_n}$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{3}$     ②  $\frac{7}{18}$     ③  $\frac{4}{9}$     ④  $\frac{1}{2}$     ⑤  $\frac{5}{9}$

88. 모든 항이 양수이고 공비가 1이 아닌 등비수열  $\{a_n\}$ 의  
첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left( \frac{a_{n+1}}{S_{n+1}} - \frac{a_n}{S_n} \right) = -\frac{1}{4}$$

일 때,  $\frac{a_8 \times S_4}{(a_4)^2}$ 의 값을 구하시오. [4점]

89. 0이 아닌 두 실수  $a, b$ 에 대하여 첫째항과 공비가 각각  $a$ 인 등비수열  $\{a_n\}$ 과 첫째항과 공비가 각각  $b$ 인 등비수열  $\{b_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 급수  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ 은 수렴하지 않고,  
 급수  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ 은 수렴한다.

(나)  $\sum_{n=1}^{\infty} b_n = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{a_{2n}}{9^n \times b_{2n}}$

$\frac{a_4}{b_6}$ 의 값을 구하시오. [4점]

90. 모든 항이 0이 아닌 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_1 > 2|a_3|, \quad \sum_{n=1}^{\infty} (7a_{2n-1} - 2a_n) = 8a_1$$

이 성립할 때,  $\sum_{n=1}^{\infty} \left\{ \frac{1}{|a_n|} \times (a_{2n} + 5 \times a_{3n}) \right\}$ 의 값은? [3점]

- ① -2      ② -1      ③ 0      ④ 1      ⑤ 2

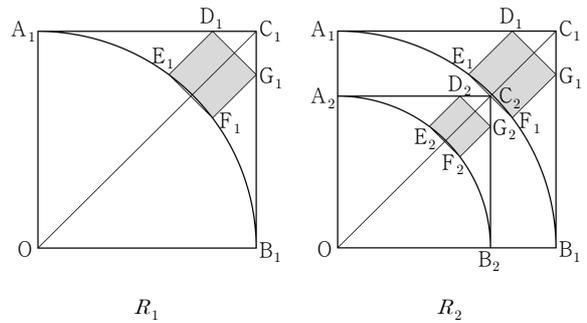
91. 모든 항이 0이 아닌 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 급수  $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ 이 수렴하고

$$\left(\sum_{n=1}^{\infty} a_n\right) \times \left(\sum_{n=1}^{\infty} |a_n|\right) = 5a_1, \quad \sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n \times \sin \frac{n\pi}{2}\right) = 1$$

일 때,  $a_1$ 의 값은  $p$  또는  $q$ 이다.  $12pq$ 의 값을 구하시오. [4점]

92. 그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정사각형  $A_1OB_1C_1$ 과 점  $O$ 를 중심으로 하고 선분  $OA_1$ 을 반지름으로 하는 사분원  $OA_1B_1$ 이 있다. 선분  $A_1C_1$  위의 점  $D_1$ , 호  $A_1B_1$  위의 두 점  $E_1, F_1$ , 선분  $B_1C_1$  위의 점  $G_1$ 을 사각형  $D_1E_1F_1G_1$ 의 각 변이 선분  $A_1B_1$  또는 선분  $OC_1$ 과 평행한 정사각형이 되도록 잡고, 사각형  $D_1E_1F_1G_1$ 을 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.

그림  $R_1$ 에서 두 선분  $OC_1, E_1F_1$ 의 교점을  $C_2$ 라 하고, 사각형  $A_2OB_2C_2$ 가 정사각형이 되도록 선분  $OA_1$  위에 점  $A_2$ , 선분  $OB_1$  위에 점  $B_2$ 를 잡는다. 정사각형  $A_2OB_2C_2$ 에서 그림  $R_1$ 을 얻은 것과 같은 방법으로 네 점  $D_2, E_2, F_2, G_2$ 를 잡고 사각형  $D_2E_2F_2G_2$ 를 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자. 이와 같은 과정을 계속하여  $n$ 번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ 의 값은? [3점]



- ①  $\frac{7}{51}$
- ②  $\frac{8}{51}$
- ③  $\frac{3}{17}$
- ④  $\frac{10}{51}$
- ⑤  $\frac{11}{51}$

93.  $\lim_{x \rightarrow 0} (\sec x)^{\frac{\cos x}{1 - \cos x}}$  의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{e^2}$     ②  $\frac{1}{e}$     ③ 1    ④  $e$     ⑤  $e^2$

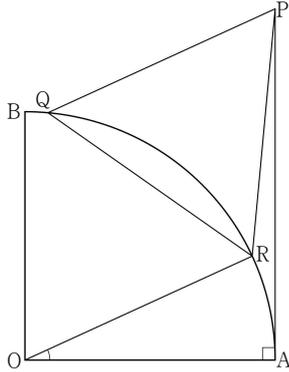
94. 최고차항의 계수가 1이고 모든 계수가 정수인 삼차함수  $f(x)$  에 대하여 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $g(x)$  가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수  $x$  에 대하여  $f(x)g(x) = e^{x^3} - e^{3x+2}$  이다.  
 (나)  $g(-1) \neq g(2)$

$f(-2) = -4$  일 때,  $f(5)$  의 최댓값을  $M$ , 최솟값을  $m$  이라 하자.  $M - m$  의 값은? [4점]

- ① 21    ② 42    ③ 63    ④ 84    ⑤ 105

95. 그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$  인  
부채꼴 OAB가 있다. 부채꼴 OAB 밖의 점 P와 호 AB 위의  
두 점 Q, R에 대하여 삼각형 PQR이 한 변의 길이가 1인  
정삼각형이고,  $\angle OAP = \frac{\pi}{2}$  일 때,  $\tan(\angle AOR)$ 의 값은?  
(단,  $\angle AOQ > \angle AOR$ 이고, 네 점 O, P, Q, R은 한 평면 위에  
있다.) [3점]



- ①  $2\sqrt{5} - 3\sqrt{2}$
- ②  $2(\sqrt{6} - \sqrt{5})$
- ③  $3\sqrt{3} - 2\sqrt{6}$
- ④  $4\sqrt{2} - 3\sqrt{3}$
- ⑤  $2(3 - 2\sqrt{2})$

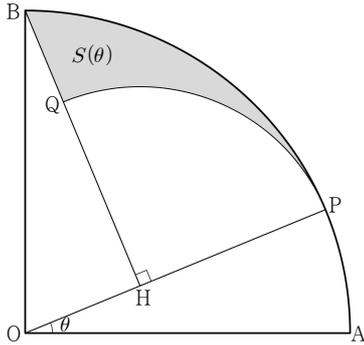
96. 실수 전체의 집합에서 도함수가 연속인 함수  $f(x)$ 가 모든  
실수  $x$ 에 대하여

$$f(x + \sin x) = \sin^3 x$$

를 만족시킬 때,  $f'(\pi)$ 의 값은? [3점]

- ① -6
- ② -3
- ③ 0
- ④ 3
- ⑤ 6

97. 그림과 같이 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$  인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의 점 P에 대하여 점 B에서 선분 OP에 내린 수선의 발을 H라 하고, 선분 BH 위의 점 Q를  $\overline{PH} = \overline{QH}$ 가 되도록 잡는다.  $\angle POA = \theta$ 일 때, 호 BP, 부채꼴 HPQ의 호 PQ 및 선분 BH로 둘러싸인 도형의 넓이를  $S(\theta)$ 라 하자.  $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta}$ 의 값은? (단,  $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$ ) [3점]

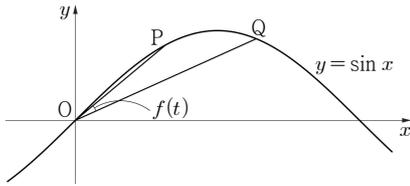


- ①  $\frac{\pi-3}{4}$                       ②  $\frac{\pi-3}{2}$                       ③  $\pi-3$
- ④  $\frac{\pi-2}{4}$                       ⑤  $\frac{\pi}{2}-1$

98.  $0 < t < \pi$ 인 실수  $t$ 에 대하여 직선  $y = (\sin t)x$ 가 곡선  $y = (x-1)^2$ 과 만나는 두 점 사이의 거리를  $f(t)$ 라 할 때,  $\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{t\sqrt{t}}{f(t) - 2\sqrt{\sin t}}$ 의 값을 구하시오. [4점]

99.  $0 < t < \pi$ 인 실수  $t$ 에 대하여 곡선  $y = \sin x$  위에 두 점  $P(t, \sin t)$ ,  $Q(2t, \sin 2t)$ 가 있다. 두 선분  $OP$ ,  $OQ$ 가 이루는 각의 크기를  $f(t)$ 라 할 때,  $\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{f(t)}{t^2}$ 의 값은?  
(단,  $O$ 는 원점이다.) [4점]

- ①  $\frac{1}{4}$     ②  $\frac{1}{2}$     ③ 1    ④ 2    ⑤ 4



100. 최고차항의 계수가  $-1$ 인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수

$$g(x) = \frac{f(x)}{f(x) + |f(x) - x|}$$

가 있다.  $g(1) = f(1)$ ,  $f(1) \neq 0$ 일 때,  $g(2)$ 의 값은? [4점]

- ①  $-1$     ②  $-\frac{1}{2}$     ③ 0    ④  $\frac{1}{2}$     ⑤ 1

101.  $x \geq 0$ 에서 정의된 함수  $f(x) = a + be^{-x}$  ( $a, b$ 는 상수)에 대하여  $x \geq 0$ 에서 정의된 함수  $g(x) = \tan f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)  $\lim_{x \rightarrow \infty} g(x) = \infty$

(나)  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x) - f(0)}{x} = \lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{g(x) - g(0)}{x}$

$b$ 의 값은? [3점] ★

- ①  $-\pi$     ②  $-\frac{\pi}{2}$     ③  $0$     ④  $\frac{\pi}{2}$     ⑤  $\pi$

102. 매개변수  $t$ 로 나타내어진 곡선

$$x = e^t + t, \quad y = \frac{1}{3}e^{3t} - \frac{1}{2}e^{2t} + e^t + 3t + a$$

에 대하여 곡선 위의 점  $A(k, 2k)$ 에서의 접선이 원점을 지날 때,  $a+k$ 의 값은? (단,  $a, k$ 는 상수이다.) [3점]

- ①  $\frac{13}{6}$     ②  $\frac{7}{3}$     ③  $\frac{5}{2}$     ④  $\frac{8}{3}$     ⑤  $\frac{17}{6}$

103.  $x > 1$ 에서 정의된 함수  $f(x) = \frac{1}{\ln x}$ 의 역함수를  $g(x)$ 라 할

때, 방정식  $f(x) = g(x)$ 는 유일한 실근  $\alpha$ 를 갖는다.

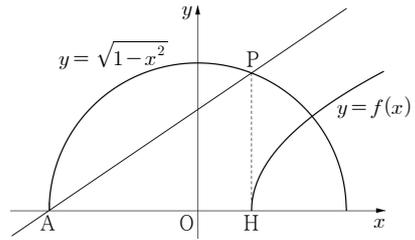
$\lim_{x \rightarrow \alpha} \frac{f(x) - g(x)}{x - \alpha}$ 의 값을  $\alpha$ 로 나타낸 것은? [3점]

- ①  $-\alpha + \ln \alpha$       ②  $-\alpha$       ③ 0
- ④  $\alpha$       ⑤  $\alpha - \ln \alpha$

104.  $0 < t < \frac{\pi}{2}$ 인 실수  $t$ 에 대하여 그림과 같이 기울기가

$\tan t$ 이고 점  $A(-1, 0)$ 을 지나는 직선이 곡선  $y = \sqrt{1-x^2}$ 과  
만나는 점 중  $A$ 가 아닌 점을  $P$ 라 하고, 점  $P$ 에서  $x$ 축에 내린  
수선의 발을  $H(s, 0)$ 이라 하자. 함수  $f(x) = \sqrt{x-s}$ 에 대하여  
두 곡선  $y = \sqrt{1-x^2}$ 과  $y = f(x)$ 가 만나는 점의  $x$ 좌표를

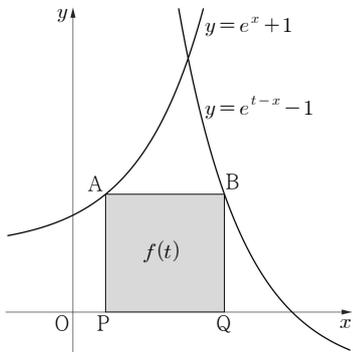
$g(t)$ 라 할 때,  $70 \times \left\{ g' \left( \frac{\pi}{6} \right) \right\}^2$ 의 값을 구하시오. [4점]



105. 실수  $t$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 정사각형 APQB의 넓이를  $f(t)$ 라 하자.

- (가) 점 A는 곡선  $y=e^x+1$  위의 점이고, 점 B는 곡선  $y=e^{t-x}-1$  위의 점이다.
- (나) 두 점 A, B에서  $x$ 축에 내린 수선의 발은 각각 P, Q이다.

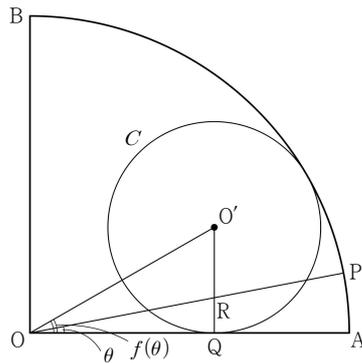
점 A의  $x$ 좌표가  $\ln 2$ 가 되도록 하는 실수  $t$ 의 값이  $a$ 일 때, 미분가능한 함수  $f(t)$ 에 대하여  $7 \times f'(a)$ 의 값을 구하시오. (단, 점 B의  $x$ 좌표는 점 A의  $x$ 좌표보다 크다.) [4점]



106. 반지름의 길이가 1이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$ 인 부채꼴 OAB가 있다. 호 AB 위의  $\angle AOP=\theta$ 인 점 P에 대하여 중심이  $O'$ 인 원 C가 다음 조건을 만족시킬 때,  $\angle O'OA=f(\theta)$ 라 하자.

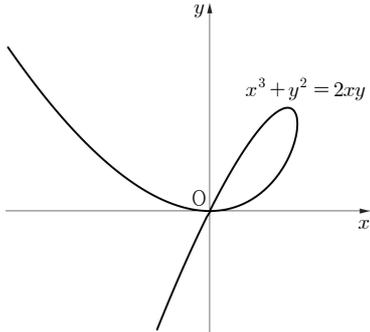
- (가) 원 C는 선분 OA와 호 AB에 접한다.
- (나) 원 C가 선분 OA와 만나는 점을 Q라 하고, 두 선분 OP,  $O'Q$ 가 만나는 점을 R이라 할 때,  $\overline{O'Q}=3 \times \overline{QR}$ 이다.

원 C의 반지름이  $\frac{1}{4}$ 이 되도록 하는  $\theta$ 의 값을  $\alpha$ 라 할 때, 미분가능한 함수  $f(\theta)$ 에 대하여  $f'(\alpha) = \frac{q}{p}$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $0 < \theta < \frac{\pi}{10}$  이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]



107. 0보다 큰 두 실수  $x, y$ 가  $x^3 + y^2 = 2xy$ 를 만족시킬 때,  
 $2x + y$ 의 최댓값은? [4점]

- ①  $\frac{14}{9}\sqrt{3}$       ②  $\frac{5}{3}\sqrt{3}$       ③  $\frac{16}{9}\sqrt{3}$   
 ④  $\frac{17}{9}\sqrt{3}$       ⑤  $2\sqrt{3}$



108.  $x > 0$ 에서 정의된 함수  $f(x) = \frac{e^x}{x}$ 와 실수  $t$ 에 대하여

점  $(t, 0)$ 을 지나고 기울기가 양수인 직선이 곡선  $y = f(x)$ 에  
 접할 때 접점의  $x$ 좌표를  $g(t)$ 라 하자. 미분가능한 함수  $g(t)$ 에  
 대하여  $100 \times g'(0)$ 의 값을 구하시오. [4점]

109. 함수  $f(x) = \sin^3 x + a \cos x$ 가  $0 < x < \pi$ 에서 극값을 갖지 않도록 하는 양수  $a$ 의 최솟값은? [3점]

- ① 1      ②  $\frac{3}{2}$       ③ 2      ④  $\frac{5}{2}$       ⑤ 3

110. 함수  $f(x) = \frac{3x^4 - 8x^3 + ax^2}{x^2 + 1}$ 이 오직 하나의 극값을 갖도록 하는 양수  $a$ 의 최솟값을 구하시오. [4점]

111. 최고차항의 계수가 1인 사차함수  $f(x)$ 에 대하여  
 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $g(x) = \frac{1}{f(x)}$ 이  
 다음 조건을 만족시킨다.

- (가)  $\alpha \neq 0$ 인 실수  $\alpha$ 에 대하여 함수  $|g(x) - g(0)|$ 은  
 $x = \alpha$ 에서만 미분가능하지 않다.  
 (나) 방정식  $|g(x) - g(0)| = g(0)$ 의 실근의 개수는 1이다.  
 (다) 열린구간  $(0, k)$ 에서 함수  $g(x)$ 가 증가하도록 하는  
 양수  $k$ 가 존재한다.

$f(2) \times g(0) = 1$ 일 때,  $8f(1)$ 의 값을 구하시오. [4점]

112. 함수  $f(x) = \frac{x^2}{x^2 - 2x + 2}$  에 대하여 두 실수  $m, M$ 이

다음 조건을 만족시킬 때,  $m$ 의 최댓값과  $M$ 의 최솟값의 합은?

[4점]

$x > y$ 인 임의의 두 실수  $x, y$ 에 대하여

$$m(x-y) < f(x) - f(y) < M(x-y)$$

가 성립한다.

- ①  $\frac{3}{2}$       ②  $\frac{7}{4}$       ③ 2      ④  $\frac{9}{4}$       ⑤  $\frac{5}{2}$

113. 최고차항의 계수가 1인 사차함수  $f(x)$ 에 대하여  
 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $g(x) = x - \ln f(x)$ 가  
 다음 조건을 만족시킨다.

함수  $g'(x)$ 는  $x=0$ 에서 최솟값 0을 갖는다.

$f(-1)=5$ 일 때,  $f(2)$ 의 값은? [4점]

- ① 56      ② 60      ③ 64      ④ 68      ⑤ 72

114. 최고차항의 계수가 1인 사차함수  $f(x)$ 에 대하여  
 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $g(x) = \sin\left(\frac{\pi x}{f(x)}\right)$ 가  
 다음 조건을 만족시킬 때,  $f(3)$ 의 값을 구하시오. [4점] ★

- (가) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $g(-x) = -g(x)$ 이다.
- (나) 부등식  $xg(x) \leq 0$ 을 만족시키는 실수  $x$ 의 값은  $-1, 0, 1$ 뿐이다.

115.  $0 \leq x \leq 2\pi$ 에서 정의된 함수  $f(x) = |x \sin x|$ 의 두 극댓값 중 작은 값을  $a$ 라 할 때, 방정식  $f(f(x)) = a$ 의 서로 다른 실근의 개수는? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

116. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 의 한 부정적분을  $F(x)$ 라 하자. 함수  $F(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$F(x) - F(-x) = x$$

를 만족시킬 때,  $\int_{-1}^1 x^2 f(x) dx$ 의 값은? [3점] ★

- ①  $\frac{1}{6}$       ②  $\frac{1}{3}$       ③  $\frac{1}{2}$       ④  $\frac{2}{3}$       ⑤  $\frac{5}{6}$

117. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수

$$f(x) = \int_0^x e^{xt} dt$$

에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

[4점] ★

<보 기>

- ㄱ. 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x) + f(-x) = 0$ 이다.
- ㄴ. 함수  $f(x)$ 는 실수 전체의 집합에서 미분가능하다.
- ㄷ.  $1 < \int_{-1}^1 |f(x)| dx < e - 1$

- ① ㄱ
- ② ㄱ, ㄴ
- ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

118. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을

만족시킬 때,  $\int_0^{8\pi} f(x) dx$ 의 최댓값을 구하시오. [4점]

(가) 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$\{f(x)\}^2 = |9 \sin^6 x \cos x|$$

이다.

(나)  $0 < x_1 < 8\pi, 0 < x_2 < 8\pi$ 이고  $f(x_1)f(x_2) < 0$ 인

두 실수  $x_1, x_2$ 가 존재한다.

119. 모든 양수  $x$ 에 대하여  $f(x) > 0$ ,  $g(x) > 0$ 이고  
이계도함수가 존재하는 두 함수  $f(x)$ ,  $g(x)$ 가 다음 조건을  
만족시킨다.

(가) 모든 양수  $x$ 에 대하여

$$\int_0^{\ln x + 1} f(g(t)) dt = x - k \quad (k \text{는 상수})$$

이다.

(나)  $g(1) = 1$ ,  $g(3) = 3$ ,  $\int_1^3 \{g(x)\}^2 dx = \frac{26}{3}$

$k \times \int_1^3 x \ln f(x) dx$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{4}{e}$     ②  $\frac{13}{3e}$     ③  $\frac{14}{3e}$     ④  $\frac{5}{e}$     ⑤  $\frac{16}{3e}$

120. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 의 한 부정적분을  $F(x)$ 라 하자. 두 함수  $f(x), F(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  $F(0)$ 의 값은? [4점] ●

(가) 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$\{F(x) - e^x\} \times \{f(x) - e^x\} = 2x^3 - 2$$

이다.

(나)  $f(1) < e$

- ①  $-\sqrt{3}$       ②  $\sqrt{3}$       ③  $1 - \sqrt{3}$   
 ④  $1 + \sqrt{3}$       ⑤  $2 - \sqrt{3}$

121. 함수  $f(x) = \int_0^x (\sin t + |\sin t|) dt$ 에 대하여

$$\int_0^{2\pi} xf(x) dx = p\pi^2 + q \text{ 일 때, } p+q \text{의 값을 구하시오.}$$

(단,  $p$ 와  $q$ 는 유리수이다.) [4점]

122. 함수  $f(x) = \int_0^x |\sin(\sqrt{\pi t})| dt$ 에 대하여 함수  $|f(x) - a|$ 가

양의 실수 전체의 집합에서 미분가능하도록 하는 모든 양수  $a$ 의 값을 작은 수부터 크기순으로 나열할 때,  $n$ 번째 수를

$a_n$ 이라 하자.  $\sum_{n=1}^5 a_n$ 의 값을 구하시오. [4점]

123. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가)  $x \geq 0$  일 때,  $f(x) = \frac{2}{x+1}$  이다.  
 (나)  $x < 0$  인 모든 실수  $x$  에 대하여  $f(x) + f(e^{-x}) = 3$  이다.

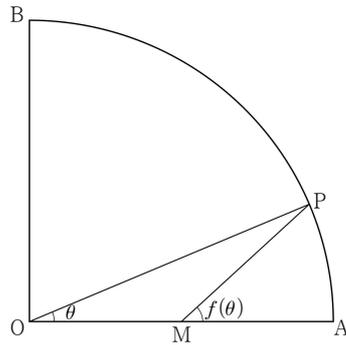
$\int_{-\ln 3}^3 f(x) dx = k$  일 때,  $e^k$ 의 값을 구하시오. [4점]

124. 반지름의 길이가 2이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$  인 부채꼴

OAB가 있다. 선분 OA의 중점을 M이라 하고, 호 AB 위의 점 P에 대하여  $\angle AOP = \theta$  일 때,  $\angle PMA = f(\theta)$ 라 하자.

$\int_0^{\frac{\pi}{3}} \sin f(\theta) d\theta$ 의 값은? [3점]

- ①  $\sqrt{3}-1$                       ②  $\sqrt{3}-\sqrt{2}$                       ③ 1  
 ④  $2-\sqrt{2}$                         ⑤  $2-\sqrt{3}$



125. 실수 전체의 집합에서 연속이고 0이 아닌 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)  $x \geq 0$ 에서  $f(x) = \frac{1}{4}x^3 + x$ 이고,

$x < 0$ 에서 함수  $f(x)$ 는 감소한다.

(나) 모든 양수  $t$ 에 대하여 함수  $y = f(x)$ 의 그래프와 직선  $y = t$ 는 두 점  $(g(t), t)$ ,  $(h(t), t)$ 에서 만난다.

(단,  $g(t) > h(t)$ )

두 함수  $g(t)$ ,  $h(t)$ 가 모든 양수  $t$ 에 대하여  $g(t) - h(t) = 2t$ 를

만족시킬 때,  $\int_{-6}^0 f(x) dx$ 의 값은? [4점] ★●

- ① 12      ② 13      ③ 14      ④ 15      ⑤ 16

126. 2 이상인 자연수  $n$ 에 대하여 닫힌구간  $[0, 1]$ 을  $n$ 등분한 각 분점(양 끝점도 포함)을 차례대로

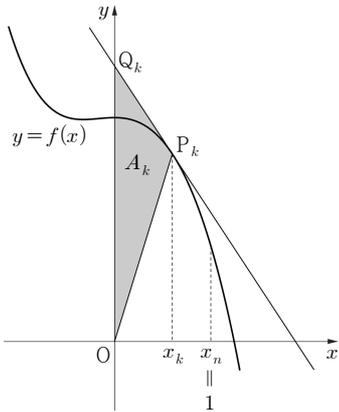
$$0 = x_0, x_1, x_2, \dots, x_{n-1}, x_n = 1$$

이라 하자. 함수  $f(x) = e^{1-x^2} + 9 - 5x^3$ 에 대하여 곡선  $y = f(x)$  위의 점  $P_k(x_k, f(x_k))$ 에서의 접선이  $y$ 축과 만나는 점을  $Q_k$ 라 하고, 삼각형  $OP_kQ_k$ 의 넓이를

$A_k (k=1, 2, \dots, n)$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n A_k$ 의 값은?

(단,  $O$ 는 원점이다.) [4점]

- ①  $\frac{3}{4}e+2$                       ②  $\frac{3}{4}e+\frac{5}{2}$                       ③  $\frac{3}{4}e+3$
- ④  $\frac{3}{2}e+2$                       ⑤  $\frac{3}{2}e+\frac{5}{2}$



127. 두 곡선  $y = 2e^{2x} \cos x$ ,  $y = e^{2x} \sin x$ 와 두 직선  $x = \frac{\pi}{2}$ ,  $x = \pi$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점] ★

- ①  $e^{2\pi} - e^\pi$                       ②  $e^{2\pi}$                       ③  $e^{2\pi} + e^\pi$
- ④  $2e^{2\pi} - e^\pi$                       ⑤  $2e^{2\pi}$

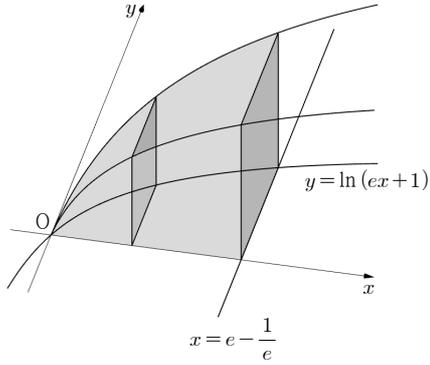
128. 함수  $f(x) = |\sin x|$  에 대하여 함수  $g(x)$  를

$$g(x) = \int_0^x |f(t) - f(x)| dt$$

라 하자. 함수  $g(x)$  가  $x = \alpha$  에서 극대 또는 극소이고  
 $0 < \alpha < 2\pi$  인 모든  $\alpha$  의 값을 작은 수부터 크기순으로 나열한  
 것을  $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_m$  ( $m$  은 자연수)라 할 때,

$\frac{1}{\pi} \times \left\{ \lim_{x \rightarrow 2\pi} g'(x) + \sum_{i=1}^m (i+1)\alpha_i \right\}$  의 값을 구하시오. [4점] ●

129. 그림과 같이 곡선  $y = \ln(ex+1)$ 과  $x$ 축 및 직선  $x = e - \frac{1}{e}$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이 있다. 이 입체도형을  $x$ 축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정사각형일 때, 이 입체도형의 부피는? [3점]



- ①  $\frac{e}{2} - \frac{1}{e}$       ②  $e - \frac{1}{2e}$       ③  $e - \frac{1}{e}$
- ④  $2e - \frac{1}{e}$       ⑤  $2\left(e - \frac{1}{e}\right)$

130. 좌표평면 위를 움직이는 점 P의 시각  $t(t \geq 0)$ 에서의 위치  $(x, y)$ 가

$$x = 3t^4 \cos(t^2), \quad y = 3t^4 \sin(t^2)$$

일 때, 시각  $t=0$ 에서  $t = \sqrt{5}$ 까지 점 P가 움직인 거리는?

[3점]

- ① 19      ② 20      ③ 21      ④ 22      ⑤ 23

131. 두 상수  $a (a > \frac{1}{2})$ ,  $b$ 와 함수  $f(x) = \frac{ax+b}{x^2-2x+10}$ 에 대하여 함수  $g(x)$ 를

$$g(x) = \int_a^x \{|f(t)| + f(t)\} dt$$

라 하자. 두 함수  $f(x)$ ,  $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$f(1+x) + f(1-x) = 2f(1) \text{ 이다.}$$

(나)  $s \geq 0$ 인 실수  $s$ 에 대하여  $x=a$ 에서  $x=a+s$ 까지

곡선  $y=g(x)$ 의 길이를  $h(s)$ 라 할 때,

점  $(a, h(a))$ 는 곡선  $y=h(s)$ 의 변곡점이다.

$g(2a) = 2 \ln \frac{q}{p}$  일 때,  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]



빠른 정답

## 수학I

1. 38	2. ②	3. ②	4. 148	5. ②
6. ①	7. ③	8. 375	9. 121	10. ②
11. ②	12. ②	13. ⑤	14. ③	15. 4
16. ①	17. ⑤	18. ②	19. ③	20. 51
21. ③	22. ③	23. ③	24. ⑤	25. 60
26. ②	27. ④	28. ④	29. ④	30. 96
31. ④	32. ③	33. ③	34. 82	35. ③
36. ②	37. ①	38. ②	39. ⑤	40. ③

## 수학II

41. ④	42. 2	43. ②	44. ③	45. ③
46. ⑤	47. ①	48. ④	49. ⑤	50. ①
51. 287	52. 91	53. ①	54. 14	55. 6
56. 2	57. 6	58. 40	59. ②	60. ③
61. ①	62. 9	63. 120	64. 54	65. ③
66. ④	67. 30	68. 13	69. 24	70. ③
71. 9	72. 25	73. 84	74. ②	75. ①
76. ③	77. ①	78. ②	79. 40	80. 2

## 미적분

81. ②	82. 1	83. ②	84. 19	85. 8
86. ⑤	87. ②	88. 340	89. 81	90. ③
91. 25	92. ②	93. ④	94. ③	95. ④
96. ①	97. ⑤	98. 4	99. ①	100. ④
101. ②	102. ①	103. ①	104. 30	105. 24
106. 100	107. ③	108. 50	109. ②	110. 7
111. 19	112. ②	113. ①	114. 69	115. ④
116. ②	117. ⑤	118. 16	119. ③	120. ④
121. 11	122. 110	123. 192	124. ①	125. ②
126. ①	127. ②	128. 36	129. ⑤	130. ①
131. 14				

※ 빠른 정답에 빨간색으로 표시한 번호는 지면해설이 제공되지 않습니다.  
요청하시면 손해설/지면해설 둘 중 적어도 하나의 형태로 제공해드립니다.  
(추후에 지면해설에 추가될 수도 있음)



※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.