

수 학 영 역

성명

수험 번호

- 문제지의 해당란에 성명과 수험 번호를 정확히 쓰시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하십시오.

히리거나 시리도록 맑을 네 모든 날들의

- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호와 답을 정확히 표시하십시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하십시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하십시오.
배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

※ 공통과목 및 자신이 선택한 과목의 문제지를 확인하고, 답을 정확히 표시하십시오.

- 수학 1~40 번
- 수학II 41~80 번
- 미적분 81~132 번

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.

제 2 교시

수학 영역

수학I

6. 함수

$$f(x)=\begin{cases} (\sqrt{2})^{x+a}+a & (x<0) \\ (\sqrt{2})^{-x+a}-a & (x\geq 0) \end{cases}$$

가 다음 조건을 만족시키도록 하는 자연수 a 의 개수는?

[4점] ●

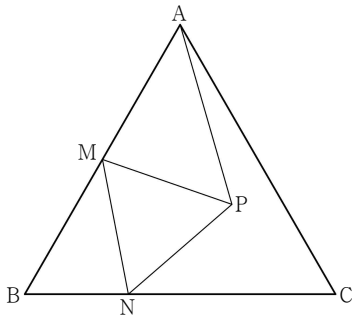
함수 $f(x)$ 의 치역의 원소 중 정수인 것의 개수는 4 이상 60 이하이다.

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

21. 한 변의 길이가 6인 정삼각형 ABC의 내부의 점 P와 선분 AB의 중점 M, 선분 BC를 1:2로 내분하는 점 N에 대하여 삼각형 PMN이 정삼각형일 때, 선분 AP의 길이는?

[4점]

- ① $2\sqrt{3}$ ② $\frac{5}{2}\sqrt{2}$ ③ $\sqrt{13}$
 ④ $\frac{3}{2}\sqrt{6}$ ⑤ $\sqrt{14}$



29. $a_3 = -1$ 이고 공차가 0이 아닌 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 수열 $\{b_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 모든 자연수 n 에 대하여 $|b_n| = |a_n| + 1$ 이다.
 (나) $b_4 + b_6 = 0$

$\sum_{k=1}^8 b_k$ 의 최댓값은? [4점]

- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

수학Ⅱ

48. 함수

$$f(x) = \begin{cases} 2x + a^2 & (x < 0) \\ x + 3a + 4 & (x \geq 0) \end{cases}$$

에 대하여 함수 $f(x)f(x+2)$ 가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 실수 a 의 값의 합은? [4점]

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

50. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 와 실수 t 에 대하여 함수

$$g(t) = \lim_{x \rightarrow t} \frac{f(x) - t}{x - f(t)}$$

가 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \quad \{t \mid g(t) \neq -1\} = \left\{-1, a, \frac{3}{2}\right\}$$

(a 는 $-1 < a < \frac{3}{2}$ 인 상수)

(나) $g(b) = 0$ 을 만족시키는 실수 b 가 존재한다.

집합 $\{g(t) \mid t \text{는 실수}\}$ 의 모든 원소의 합은? [4점]

- ① $\frac{29}{4}$ ② $\frac{15}{2}$ ③ $\frac{31}{4}$ ④ 8 ⑤ $\frac{33}{4}$

71. 두 상수 a, b 에 대하여 함수 $f(x) = a|x| + b|x-3| - 2$ 가 있다. 함수

$$g(x) = \int_0^x f(t) dt$$

가 다음 조건을 만족시킬 때, $f(10)$ 의 값을 구하시오. [4점]

$x \geq 0$ 인 모든 실수 x 에 대하여 $g(x) \geq \frac{g(4)}{2}$ 이다.

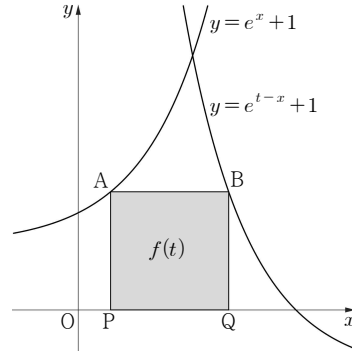
미적분

85. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 급수 $\sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n - \frac{8^n}{2^n + 1}\right)$ 이 수렴할 때,
 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{k^n}{a_n}$ 의 값이 존재하도록 하는 정수 k 의 개수를 구하시오.
 [4점]

105. 실수 t 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 정사각형 APQB의 넓이를 $f(t)$ 라 하자.

- (가) 점 A는 곡선 $y = e^x + 1$ 위의 점이고, 점 B는
 곡선 $y = e^{t-x} + 1$ 위의 점이다.
 (나) 두 점 A, B에서 x 축에 내린 수선의 발은 각각
 P, Q이다.

- 점 A의 x 좌표가 $\ln 2$ 가 되도록 하는 실수 t 의 값이 a 일 때,
 미분가능한 함수 $f(t)$ 에 대하여 $7 \times f'(a)$ 의 값을 구하시오.
 (단, 점 Q의 x 좌표는 $\frac{t}{2}$ 보다 크다.) [4점]



116. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수

$$f(x) = \int_0^x e^{xt} dt$$

에 대하여 <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?

[4점]

—<보 기>—

ㄱ. 모든 실수 x 에 대하여 $f(x) + f(-x) = 0$ 이다.

ㄴ. 함수 $f(x)$ 는 실수 전체의 집합에서 미분가능하다.

ㄷ. $1 < \int_{-1}^1 |f(x)| dx < e - 1$

① ㄱ

② ㄱ, ㄴ

③ ㄱ, ㄷ

④ ㄴ, ㄷ

⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

125. 실수 전체의 집합에서 연속이고 0이 아닌 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) $x \geq 0$ 에서 $f(x) = \frac{1}{4}x^3 + x$ 이고,
 $x < 0$ 에서 함수 $f(x)$ 는 감소한다.
 (나) 모든 양수 t 에 대하여 함수 $y = f(x)$ 의 그래프와
 직선 $y = t$ 는 두 점 $(g(t), t)$, $(h(t), t)$ 에서 만난다.
 (단, $g(t) > h(t)$)

두 함수 $g(t)$, $h(t)$ 가 모든 양수 t 에 대하여 $g(t) - h(t) = 2t$ 를
 만족시킬 때, $\int_{-6}^0 f(x)dx$ 의 값은? [4점] ●

- ① 12 ② 13 ③ 14 ④ 15 ⑤ 16

샘플 빠른정답				
6. ①	21. ③	29. ④	48. ④	50. ②
71. 9	85. 8	105. 24	116. ⑤	125. ②

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.