

수학 영역

홀수형

성명		수험 번호						-				
----	--	-------	--	--	--	--	--	---	--	--	--	--

- 문제지의 해당란에 성명과 수험번호를 정확히 쓰시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하시오.

잊혀짐도 잊을 만큼 나를 지워가
- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호와 답을 정확히 표시하시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하시오.
배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하시오.

- ※공통 과목 및 자신이 선택한 과목의 문제지를 확인하고, 답을 정확히 표시하시오.
- 공통 과목 1~8쪽
 - 선택 과목
 - 확률과 통계 9~12쪽
 - 미적분 13~16쪽

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.

제 2 교시

수학 영역

홀수형

5지선다형

1. $3^{\sqrt{3}} \times 3^{1-\sqrt{3}}$ 의 값은? [2점]
- ① 1 ② $\sqrt{3}$ ③ 3 ④ $3\sqrt{3}$ ⑤ 9

2. 함수 $f(x)=x^3+x^2+x+1$ 에 대하여 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h)-f(1)}{h}$ 의 값은? [2점]
- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

3. 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여
- $a_3 = 4(a_2 - a_1)$, $a_2 = 2$
- 일 때, $a_1 + a_3$ 의 값은? [3점]
- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

4. 양수 a 에 대하여 함수
- $$f(x)=\begin{cases} x^2+ax & (x < 2a) \\ -3x+12 & (x \geq 2a) \end{cases}$$
- 가 실수 전체의 집합에서 연속일 때, a 의 값은? [3점]
- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

5. 다항함수 $f(x)$ 의 도함수가

$$f'(x) = 4x^2(x-3)$$

일 때, $f(5) - f(0)$ 의 값은? [3점]

- ① 105 ② 110 ③ 115 ④ 120 ⑤ 125

7. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여 $y = f(x)$ 의 그래프 위의 점

$(1, 4)$ 에서의 접선이 점 $(2, 6)$ 을 지날 때, $f(1) + f'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 3 ② 6 ③ 9 ④ 12 ⑤ 15

6. $|\sin \theta| < |\cos \theta|$ 인 θ 에 대하여 $\sin \theta \times \cos \theta = -\frac{\sqrt{3}}{4}$ 일 때,

$\tan \theta$ 의 값은? [3점]

- ① $-\frac{\sqrt{3}}{3}$ ② $-\frac{\sqrt{3}}{9}$ ③ 0 ④ $\frac{\sqrt{3}}{9}$ ⑤ $\frac{\sqrt{3}}{3}$

8. 4보다 큰 자연수 n 에 대하여 $n^2 - 8n + 12$ 의 n 제곱근 중
실수인 것의 개수가 $(n-5)$ 일 때, n 의 값은? [3점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

9. 시각 $t=0$ 일 때 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점
P의 시각 $t(t \geq 0)$ 에서의 가속도가 $a(t) = 6t$ 이다. 점 P가
 $t = \sqrt{3}$ 에서 원점을 지나고 점 P의 시각 $t(t \geq 0)$ 에서의
속도를 $v(t)$ 라 할 때,

$$\int_0^a |v(t)| dt = 22$$

를 만족시키는 양수 a 의 값은? [4점]

- ① 3 ② $\frac{7}{2}$ ③ 4 ④ $\frac{9}{2}$ ⑤ 5

10. 공차가 양수인 등차수열 $\{a_n\}$ 이

$$\sum_{n=1}^{10} \frac{a_n + a_{22-n}}{a_n \times a_{n+1}} = 4$$

를 만족시킬 때, a_1 의 값은? [4점]

- ① $\frac{7}{3}$ ② 3 ③ $\frac{11}{3}$ ④ $\frac{13}{3}$ ⑤ 5

11. 다항함수 $f(x)$ 와 상수 a 가

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{f(x)}{(x-a)^n} = a \quad (n \text{은 자연수})$$

를 만족시킨다. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은?
[4점]

—<보 기>—

- ㄱ. n 이 1일 때, $f'(a)=a$ 이다.
 ㄴ. 함수 $f(x)$ 의 최고차항의 차수가 n 이고 최고차항의 계수가 2일 때, $f(3)=2$ 이다.
 ㄷ. n 이 1이 아니고, 함수 $f(x)$ 가 최고차항의 계수가 2인 삼차함수일 때, $f\left(\frac{a}{2}+2\right)$ 의 값은 2이다.

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄷ ④ ㄱ, ㄴ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

12. 최고차항의 계수가 양수인 이차함수 $f(x)$ 가 상수 a 에 대하여 $f'(a)<0$, $f(a)=0$ 을 만족시킨다. 실수 t 에 대하여

$$\left(\int_a^x f(s)ds - t\right) \times \left(\int_{a+2}^x f(s)ds - t\right) = 0$$

을 만족시키는 서로 다른 실수 x 의 개수를 $g(t)$ 라 하자. 함수 $g(t)$ 가 $t = \frac{8}{3}$, $t = a$ 에서만 불연속일 때, $f(-1)$ 의 값은? [4점]

- ① $-\frac{4}{3}$ ② $-\frac{10}{9}$ ③ $-\frac{8}{9}$ ④ $-\frac{2}{3}$ ⑤ $-\frac{4}{9}$

13. 세 실수 $a (a > 1)$, b , c 에 대하여 곡선 $y = \log_a x$ 가 직선 $y = c$ 와 만나는 점을 A, 점 A를 지나고 x 축과 수직인 직선이 곡선 $y = a^{x-b} + c$ 와 만나는 점을 B, 점 B를 지나고 y 축과 수직인 직선이 곡선 $y = \log_a x$ 와 만나는 점을 C, 점 C를 지나고 x 축과 수직인 직선이 곡선 $y = a^{x-b} + c$ 와 만나는 점을 D라 하자. 원점 O에 대하여 선분OC의 중점이 점 A이고

(삼각형 OBC의 넓이) = (삼각형 BCD의 넓이)

일 때, $a^2 \times 3^b \times c$ 의 값은? [4점]

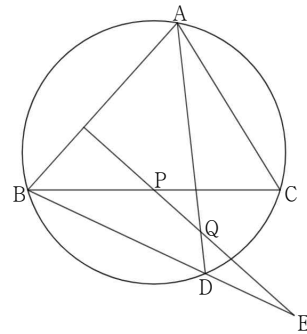
- ① $3\log_2 3$ ② $\frac{9}{2}\log_2 3$ ③ $9\log_2 3$
 ④ $\frac{27}{2}\log_2 3$ ⑤ $27\log_2 3$

14. 그림과 같이 $\overline{AB} = 8$, $\overline{AC} = 7$, $\cos(\angle BAC) = \frac{2}{7}$ 인

삼각형 ABC가 있다. $\overline{AD} = \overline{BC}$ 가 되도록 하는 삼각형 ABC의 외접원 위의 점을 D라 하고, 직선 BD 위의 점 E에서 선분 AB에 내린 수선이 선분 BC, AD와 만나는 점을 각각 P, Q라 하자.

$$\overline{BD} > \overline{DE}, \overline{PQ} = \sqrt{5}, \angle ABD < \frac{\pi}{2}$$

일 때, 선분 DE의 길이는? [4점]



- ① $\frac{13}{4}$ ② $\frac{27}{8}$ ③ $\frac{7}{2}$ ④ $\frac{29}{8}$ ⑤ $\frac{15}{4}$

15. 최고차항의 계수가 $\frac{3}{4}$ 인 사차함수 $f(x)$ 와 실수 k 에 대하여

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{|f(a+h)-k| - |f(a-h)-k|}{h} = 0$$

을 만족시키는 실수 a 의 개수를 $g(k)$ 라 하자. $g(4)-g(0)=-1$,
 $f(0)=4$ 이고 $x \geq 0$ 에서 $f'(x) > 0$ 이다. $f'(0)$ 의 값이 정수일 때,
 $f'(0)$ 의 최솟값은? [4점]

- ① 7 ② 9 ③ 11 ④ 13 ⑤ 15

단답형

16. 방정식 $\sqrt{2}^{\log_2 x} = x-2$ 를 만족시키는 실수 x 의 값을
 구하시오. [3점]

17. 함수 $f(x) = (x^2+2)(x-3)^2$ 에 대하여 $f'(5)$ 의 값을 구하시오.
 [3점]

18. 두 수열 $\{a_n\}$, $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{10} (a_k + k^2 - k) = \sum_{k=1}^{10} (4b_k + 3), \quad \sum_{k=1}^{10} (5a_k - b_k) = 20$$

일 때, $\sum_{k=1}^{10} b_k$ 의 값을 구하시오. [3점]

20. $0 < a < n\pi$ (n 은 자연수)인 실수 a 에 대하여 x 에 대한

방정식

$$\sin x = \sin 5a \quad (x \geq 0)$$

의 실근을 작은 순서대로 나열한 수열이 등차수열을 이루도록

하는 모든 a 의 값의 합이 177π 이다. n 의 값을 구하시오. [4점]

19. 최고차항의 계수가 1이고 실수 전체의 집합에서 증가하는

삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 방정식 $f(x) = x$ 의 실근이 0과 a 뿐일

때, $f(2)$ 의 최댓값이 $p + q\sqrt{3}$ 이다. $p + q$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 유리수이다.) [3점]

21. 두 함수 $f(x) = |3x^3 - 27x|$, $g(x) = ax + b$ ($a > 0$)에 대하여
방정식 $f(x) = g(x)$ 의 모든 실근을 작은 수부터 순서대로
나열하면 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3, \alpha_4, \alpha_5$ 이다.

$$\int_{\alpha_1}^{\alpha_4} \{f(x) - g(x)\} dx = -\frac{81}{16}$$

이고, $\alpha_1 \neq -3$ 일 때, $2(\alpha_1^2 + \alpha_4^2)$ 의 값을 구하시오. [4점]

22. a_1 이 자연수이고 $a_1 \neq a_5$ 인 수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을
만족시키도록 하는 모든 a_1 의 값의 합을 구하시오. [4점]

(가) 모든 자연수 n 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} \frac{a_n}{2} & (a_n \text{이 짝수인 경우}) \\ \frac{3a_n - 1}{2} & (a_n \text{이 홀수인 경우}) \end{cases}$$

이다.

(나) 집합 $A = \{k \mid a_n = k, n \text{은 자연수}\}$ 에 대하여
 $n(A) \leq 4$ 이다.

제 2 교시

수학 영역(확률과 통계)

홀수형

5지선다형

23. 다항식 $(2x^2 - 1)^6$ 에서 x^4 의 계수는? [2점]

- ① 60 ② 75 ③ 90 ④ 105 ⑤ 120

24. 한 개의 주사위를 던졌을 때 나오는 눈의 수를 확률변수 X 라 하고 이산확률변수 Y 를

$$Y = \begin{cases} 3 & (X \text{가 } 4 \text{ 이하의 값을 가지는 경우}) \\ 4 & (X \text{가 } 5 \text{ 이상의 값을 가지는 경우}) \end{cases}$$

라 할 때, $V(Y)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{2}{9}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{4}{9}$ ⑤ $\frac{5}{9}$

25. 두 사건 A, B 는 서로 독립이고

$$P(A \cup B) = \frac{2}{3}, P(B) = \frac{1}{4}$$

일 때, $P(A)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{4}{9}$ ③ $\frac{5}{9}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{7}{9}$

26. 두 상자 A, B에 대하여 상자 A에는 흰 공 5개가 들어있고, 상자 B에는 검은 공 5개가 들어있다. 한 개의 주사위와 두 상자 A, B를 사용하여 다음 시행을 한다.

주사위를 한 번 던져 나온 눈의 수가 6의 약수이면 상자 A에 있는 흰 공 하나를 상자 B에 넣고, 6의 약수가 아니라면 상자 B에 있는 검은 공 하나를 상자 B에 넣는다.

위의 시행을 4번 반복한 후 양쪽 주머니의 흰 공의 수의 차이가 3보다 클 확률은? [3점]

- ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{13}{81}$ ③ $\frac{17}{81}$ ④ $\frac{7}{27}$ ⑤ $\frac{25}{81}$

27. 어느 공장에서 생산하는 노트북 1대의 무게는 평균이 1200g이고 표준편차가 100g인 정규분포를 따른다고 한다. 이 공장에서 생산된 휴대전화 중에서 임의로 192대를 선택했을 때, 이들 중 무게가 1133g 이상인 노트북이 150대 이상일 확률을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

z	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.50	0.19
0.67	0.25
0.84	0.30
1.00	0.34

- ① 0.50 ② 0.31 ③ 0.25 ④ 0.20 ⑤ 0.16

28. 주머니 속에 1 또는 3 또는 5의 숫자가 적혀 있는 공이 총 10개가 들어 있다. 이 주머니에서 임의로 1개의 공을 꺼내어 공에 적혀 있는 수를 확인한 후 다시 넣는다. 이와 같은 시행을 2번 반복하여 얻은 두 수의 평균을 $\bar{X}$ 라 하자. $P(\bar{X}=5)=\frac{1}{25}$ 이고 $E(\bar{X})=3$ 일 때, $P(\bar{X}=3)$ 의 값은?

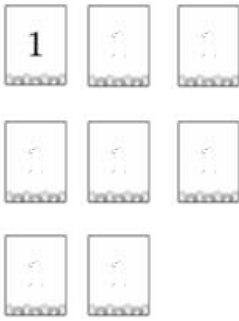
- ① $\frac{11}{25}$ ② $\frac{13}{25}$ ③ $\frac{3}{5}$ ④ $\frac{17}{25}$ ⑤ $\frac{19}{25}$

단답형

29. 숫자 1, 2, 3, 4가 적힌 카드가 각각 4장 이상씩 있다. 이 카드들을 모든 숫자가 적어도 하나씩은 포함되도록 8장을 택해 첫 번째 줄과 두 번째 줄에는 3장, 세 번째 줄에는 2장씩 나열한다. 다음 조건을 만족시키는 배치의 경우의 수를 구하시오. [4점]

(가) 앞뒤, 좌우로 이웃한 카드에 적힌 숫자가 다르다.

(나) 첫 번째 줄의 첫 번째 카드는 1이다.



30. 집합 $X = \{x \mid x \text{는 } 5 \text{ 이하의 자연수}\}$ 에 대하여 X 에서 X 로의 모든 함수 f 중에서 임의로 하나를 선택한다. 함수 f 가 다음 조건을 만족시킬 때, 함수 f 의 치역의 원소의 개수가 4

이상일 확률은 $\frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

함수 $f \circ f \circ f(x)$ 의 치역의 원소의 개수는 3 이상이다.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

홀수형

5지선다형

23. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(3x^3 + 4x^2 + 1)}{\sin^2 x}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

24. 매개변수 $t (t > 0)$ 으로 나타내어진 곡선

$$x = t^2 + 2t + 1, \quad y = \ln(2t^2 + 1)$$

위의 점 $(4, k)$ 에서의 접선의 기울기는? [3점]

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{1}{2}$ ③ 1 ④ 2 ⑤ 3

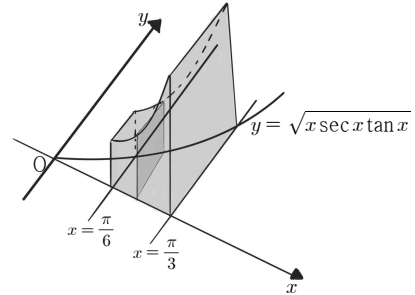
25. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{n} = 3$ 일 때, $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{(a_n)^2 + 3n} - a_n)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{5}{6}$

26. 그림과 같이 곡선 $y = \sqrt{x \sec x \tan x}$ 와 x 축 및 두 직선

$x = \frac{\pi}{6}$, $x = \frac{\pi}{3}$ 으로 둘러싸인 부분을 밑면으로 하는 입체도형이

있다. 이 입체도형을 x 축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정사각형일 때, 이 입체도형의 부피는? [3점]



- ① $\frac{3 - \sqrt{3}}{9} \pi + \ln\left(\frac{2\sqrt{3} - 3}{2}\right)$ ② $\frac{3 - \sqrt{3}}{9} \pi + \ln(2\sqrt{3} - 3)$
 ③ $\frac{6 - \sqrt{3}}{9} \pi + \ln\left(\frac{2\sqrt{3} - 3}{3}\right)$ ④ $\frac{6 - \sqrt{3}}{9} \pi + \ln\left(\frac{2\sqrt{3} - 3}{2}\right)$
 ⑤ $\frac{6 - \sqrt{3}}{9} \pi + \ln(2\sqrt{3} - 3)$

27. 실수 t, k 에 대하여 두 점 A, B는 각각 $\left(0, \frac{2}{k}\right)$ 를 지나는 곡선 $y = te^x + k$, 곡선 $y = \ln\left(\frac{x-k}{t}\right)$ 위의 점이다. 선분 AB의 길이의 최솟값을 $f(t)$ 라 하고 $f(t)$ 가 미분가능할 때, $f'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{\sqrt{2}}{3}$ ② $\frac{2\sqrt{2}}{3}$ ③ $\sqrt{2}$ ④ $\frac{4\sqrt{2}}{3}$ ⑤ $\frac{5\sqrt{2}}{3}$

28. 양수 a 에 대하여 실수 전체의 집합에서 도함수가 연속인 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수 x 에 대하여 $ae^{2f(x)} - xe^{f(x)} = 1$ 이다.

(나) $\int_0^e xf'(x)dx = 7e - 2\sqrt{a}$ 이다.

$e^{f(e)} + f'(11e)$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{1}{3e}$ ② $\frac{14}{39e}$ ③ $\frac{5}{13e}$ ④ $\frac{16}{39e}$ ⑤ $\frac{17}{39e}$

단답형

29. 모든 항이 서로 다른 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 수열 $\{b_n\}$ 은 수열 a_n 을 작은 수부터 크기순으로 나열한 것이라 하자. 0이 아닌 실수 k 에 대하여

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{|b_n| - b_n}{a_n} \right) = k, \quad \sum_{n=1}^{\infty} a_n = \frac{k}{2}$$

일 때, 가능한 모든 a_1 의 값의 범위는 $a_1 = p$ 또는

$q < a_1 < r$ 이다. $(p+q-r)^2$ 의 값을 구하시오. (단, p, q, r 은 서로다른 세 실수이다.) [4점]

30. 최고차항의 계수가 1이고 $x=1$ 에서 극값을 갖는 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = |f(e^{2x} - 2e^x)|$$

가 구간 $[\ln 2, \infty)$ 에서 미분가능하고 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \quad g'(\ln 2) = 36$$

(나) 함수 $g(x)$ 는 서로 다른 극값의 개수는 3이고, 극댓값 8을 갖는다.

함수 $g(x)$ 가 $x=a$ 에서 극대 또는 극소인 모든 실수 a 를 작은 수부터 크기순으로 나열한 것을 $a_1, a_2, \dots, a_n$ 이라 하자.

$f(n) + e^{a_{n-1} + a_n} = p + q\sqrt{2}$ 일 때, $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, n 은 1보다 큰 자연수이고, p 와 q 는 유리수이다.) [4점]

제 2 교시

수 학 영역(기하)

5 지선 다형

23. 두 벡터 $\vec{a} = (3, 2)$, $\vec{b} = (3k, 4)$ 에 대하여 두 벡터 $\vec{a} - \vec{b}$ 와 $\vec{a} + \vec{b}$ 가 평행할 때, k 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

24. 초점의 좌표가 $(3, 2)$ 이고, 꼭짓점의 좌표가 $(2, 2)$ 인 포물선이 x 축과 만나는 점의 x 좌표는? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

25. 좌표공간의 두 점 $A(a, 4, 2)$, $B(-6, b, 3)$ 에 대하여 선분 AB를 4:3으로 외분하는 점이 z 축 위에 있을 때, 선분 AB의 길이는?
[3점]

- ① 2 ② $\sqrt{5}$ ③ $\sqrt{6}$ ④ $\sqrt{7}$ ⑤ 3

26. 두 초점이 $F(c, 0)$, $F'(-c, 0)$ ($c > 0$)인 쌍곡선 $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1$

위의 점 P가 제1사분면 위에 있고 $\overline{F'P} : \overline{FP} = 3 : 2$ 를 만족시킨다.

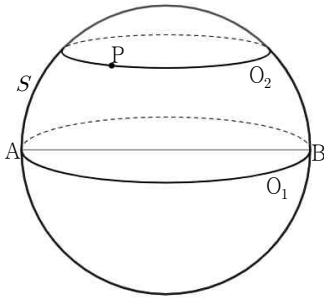
쌍곡선 $\frac{x^2}{a^2} - y^2 = 1$ 위의 점 P에서의 접선이 $(a-1, 0)$ 을 지날

때, 양수 a 의 값은? [3점]

- ① $\frac{4}{3}$ ② $\frac{5}{3}$ ③ 2 ④ $\frac{7}{3}$ ⑤ $\frac{8}{3}$

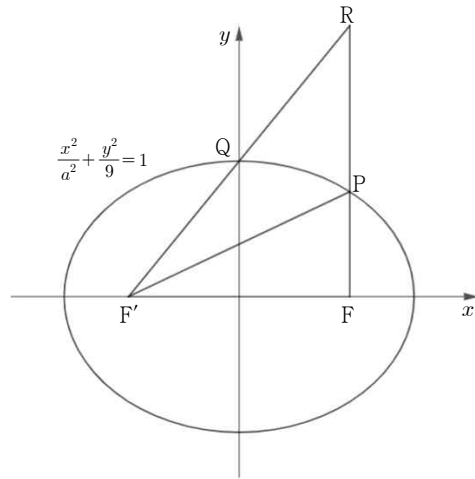
27. 좌표공간에 $\overline{AB}=10$ 인 선분 AB를 지름으로 하는 구 S와 원 O_1 이 있다. 원 O_1 을 포함하는 평면에 평행한 평면이 구 S와 만나서 생기는 원을 O_2 라 할 때, 원 O_2 의 반지름의 길이가 4이다. 원 O_2 위의 점 중에서 직선 AB까지의 거리가 4인 점 P에 대하여 선분 PB의 길이의 최댓값은? [3점]

- ① $2\sqrt{15}$ ② $\sqrt{65}$ ③ $\sqrt{70}$ ④ $5\sqrt{3}$ ⑤ $4\sqrt{5}$



28. 타원 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{9} = 1$ ($a > 0$)에 대하여 x좌표가 양수인 초점 F를 지나고 x축에 수직인 직선이 타원과 만나는 점 중 제1사분면 위의 점을 P라 하자. 타원 $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{9} = 1$ 의 F가 아닌 초점 F'과 점 $Q(0, 3)$ 에 대하여 직선 F'Q와 직선 FP의 교점이 R이고, 직선 PF'은 $\angle QF'F$ 의 이등분선이다. $\triangle FFR$ 의 넓이가 $p + \frac{q}{2a-3}$ 일 때, $p+q$ 의 값은? (단, p 와 q 는 자연수이다.) [4점]

- ① 30 ② 32 ③ 34 ④ 36 ⑤ 38



단답형

29. 서로 다른 8개의 구 $S_1, S_2, \dots, S_8$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 구 $S_1, S_2, \dots, S_8$ 의 중심을 각각 $O_1, O_2, \dots, O_8$ 이라 할 때 사각형 $O_1O_2O_3O_4$ 와 사각형 $O_5O_6O_7O_8$ 은 모두 한 변의 길이가 2인 정사각형이고, 삼각형 $O_1O_2O_6$ 과 삼각형 $O_1O_5O_6$ 은 모두 한 변의 길이가 2인 정삼각형이다.
 (나) 두 직선 O_1O_2 와 O_5O_6 이 이루는 예각의 크기는 45° 이고, 모든 구는 각각 4개의 서로 다른 구와 외접한다.

평면 $O_1O_2O_6$ 이 구 S_2 와 만나서 생기는 단면을 D라 하자. 단면 D의 평면 $O_1O_5O_6$ 위로의 정사영의 넓이를 $(p+q\sqrt{2})\pi$ 라 할 때, $60(p+q)$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 유리수이다.) [4점]

30. 그림과 같이 좌표평면에 $\overline{AB}=n$ 인 직사각형 ABCD가 있다. 직사각형 ABCD의 둘레 또는 내부를 움직이는 점 P에 대하여

$$(\overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB}) \cdot (\overrightarrow{PC} + \overrightarrow{PD}) = 0$$

을 만족시키는 점 P의 집합이 나타내는 도형의 길이가 $n^2\pi$ 이고 점 P에 대하여

$$5\overrightarrow{PQ} = \overrightarrow{PA} + \overrightarrow{PB} + \overrightarrow{PC}$$

를 만족시키는 점을 Q라 하자. $\sqrt{5}|\overrightarrow{AB}| = |\overrightarrow{AB} - \overrightarrow{AD}|$ 일 때 점

Q가 나타내는 도형의 길이가 $\frac{q}{p}\pi$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]



* 확인 사항

◦ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.