

# 수학 영역

홀수형

성명		수험 번호																	
----	--	-------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

- 문제지의 해당란에 성명과 수험 번호를 정확히 쓰시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하십시오.
- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호, 문형(홀수/짝수), 답을 정확히 표시하십시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하십시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하십시오. 배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

- ※ 공통과목 및 자신이 선택한 과목의 문제지를 확인하고, 답을 정확히 표시하십시오.
- **공통과목** ..... 1~8쪽
  - **선택과목**
    - 확률과 통계** ..... 9~12쪽
    - 미적분** ..... 13~16쪽
    - 기하** ..... 17~20쪽

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.

제 2 교시

수학 영역

출수형

5지선다형

1.  $4^{\frac{1}{3}} \times \sqrt[3]{2}$ 의 값은? [2점]

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

[정답] 2

2. 함수  $f(x)$ 에 대하여  $f'(2) = 6$  일 때  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2h+2) - f(2)}{h}$ 의

값은? [2점]

- ① 10      ② 11      ③ 12      ④ 13      ⑤ 14

[정답] 3

3. 공비가 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_3 = 4a_1, a_4 = (a_3)^2$  일 때  $a_6$ 의 값은? [3점]

- ① 12      ② 14      ③ 16      ④ 18      ⑤ 20

[정답] ③

모든 항이 양수인 등비수열  $\{a_n\}$ 의 공비를  $r$ 이라 하자.

$$a_3 = a_1 r^2 = 4a_1 \text{ 대하여 } r = 2$$

$$\frac{a_4}{a_3} = a_3, r = a_1 r^2$$

$$a_1 = \frac{1}{2}, a_6 = a_1 r^5 = \frac{1}{2} \times 32 = 16$$

4. 함수  $f(x) = (x-1)(x^2+2x+4)$ 에 대하여  $f'(2)$ 의 값은? [3점]

- ① 12      ② 14      ③ 16      ④ 18      ⑤ 20

[정답] 5

5. 함수  $f(x) = \begin{cases} \frac{\sqrt{x+2}-2}{x-2} & (x \neq 2) \\ a & (x = 2) \end{cases}$ 가  $x=2$ 에서 연속이 되도록

하는 상수  $a$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{12}$     ②  $\frac{1}{8}$     ③  $\frac{1}{6}$     ④  $\frac{1}{4}$     ⑤  $\frac{1}{2}$

[정답] 4

7.  $f(0)=2$ 인 함수  $f(x)$ 에 대하여  $f(x) = \int \left\{ \frac{d}{dx}(3x^2-4x) \right\} dx$ 일

때  $f(2)$ 의 값은? [3점]

- ① 4    ② 6    ③ 8    ④ 10    ⑤ 12

[정답] 6

6.  $\frac{\pi}{2} < \theta < \pi$ 에 대하여  $\tan \theta + \frac{1}{\tan \theta} = -2$ 일 때  $\sin^3 \theta - \cos^3 \theta$ 의

값은? [3점]

- ①  $\frac{\sqrt{2}}{2}$     ②  $\sqrt{2}$     ③  $2\sqrt{2}$     ④  $\frac{5}{2}\sqrt{2}$     ⑤  $3\sqrt{2}$

[정답] ①

$$\tan \theta + \frac{1}{\tan \theta} = \frac{1}{\sin \theta \cos \theta} = -2$$

$$\sin \theta \cos \theta = -\frac{1}{2}$$

$$\sin^3 \theta - \cos^3 \theta = (\sin \theta - \cos \theta)(1 + \sin \theta \cos \theta) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

8. 1이 아닌 양수  $x$ 에 대하여

$$\frac{1}{2\log_3 x} + \frac{1}{2\log_8 x} + \frac{1}{2\log_{24} x} = \frac{1}{\log_{6a} x} \text{ 일 때 양수 } a \text{의 값은?}$$

[3점]

- ① 4      ② 6      ③ 8      ④ 10      ⑤ 12

[정답] ①

$$\frac{1}{2\log_3 x} + \frac{1}{2\log_8 x} + \frac{1}{2\log_{24} x} = \frac{1}{2} \log_x (24)^2$$

$$\log_x 24 = \frac{1}{\log_{24} x} = \frac{1}{\log_{6a} x}$$

따라서  $6a = 24, a = 4$

9. 다항함수  $f(x)$ 가 상수  $a$ 와 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$xf(x) = 2x^3 + ax^2 + 4a + \int_1^x f(t)dt$$

를 만족시킨다.  $f(1) = \int_0^1 t^2 f'(t)dt$  일 때,  $a$ 의 값은? [4점]

- ①  $-\frac{1}{13}$     ②  $-\frac{3}{26}$     ③  $-\frac{2}{13}$     ④  $-\frac{5}{26}$     ⑤  $-\frac{3}{13}$

[정답] ②

$$x = 1 \text{ 일 때 } f(1) = 5a + 2$$

이때 주어진 식의 양변을 미분하면

$$xf'(x) + f(x) = 6x^2 + 2ax + f(x) \text{ 이다.}$$

$$xf'(x) = 6x^2 + 2ax$$

$$f(1) = \int_0^1 t^2 f'(t)dt = \int_0^1 (6t^3 + 2at^2)dt = \left[ \frac{3}{2}t^4 + \frac{2}{3}at^3 \right]_0^1 = \frac{2}{3}a + \frac{3}{2}$$

$$\text{따라서 } f(1) = 5a + 2 = \frac{2}{3}a + \frac{3}{2}$$

$$\frac{13}{3}a = -\frac{1}{2} \text{ 이므로 } a = -\frac{3}{26}$$

10.  $x$ 에 대한 방정식  $\left| \sin x + \frac{1}{8} \right| = k$  ( $0 \leq x < 2\pi$ )의 서로 다른

실근의 개수를  $f(k)$ 라 하자.  $f(k) = 3$ 이 되도록 하는  $k$ 의 값을  $k_1$ 라 하고  $f(k) = 1$ 이 되도록 하는  $k$ 의 값을  $k_2$ 라 하자.

$k_1 + k_2$ 의 값은? [4점]

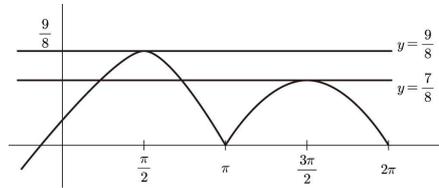
- ①  $\frac{3}{2}$     ②  $\frac{7}{4}$     ③ 2    ④  $\frac{9}{4}$     ⑤  $\frac{5}{2}$

[정답] ③

방정식  $\left| \sin x + \frac{1}{8} \right| = k$  ( $0 \leq x < 2\pi$ )의 해는  $0 \leq x < 2\pi$ 에서 함수

$y = \left| \sin x + \frac{1}{8} \right|$ 와 함수  $y = k$ 의 교점의 개수와 같다.

함수  $y = \left| \sin x + \frac{1}{8} \right|$ 의 그래프는 다음과 같다.



$f(k) = 1$ 이 되도록 하는  $k$ 의 값은  $\frac{9}{8}$

$f(k) = 3$ 이 되도록 하는  $k$ 의 값은  $\frac{7}{8}$ 이다.

즉  $k_1 = \frac{9}{8}, k_2 = \frac{7}{8}$ 이므로  $k_1 + k_2 = 2$

11. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시간  $t$  ( $t \geq 0$ )에서의 위치  $x(t)$ 가

$$x(t) = at^3 + t^2 + bt - 1 \quad (a, b \text{는 상수})$$

이고 시간  $t$ 에서의 가속도를  $a(t)$ 라 할 때  $a(3) = 2a(1)$ 이고  $t = 2$ 에서 점 P가 운동 방향을 바꾼다.  $2a + b$ 의 값은? [4점]

- ① 3                      ② 4                      ③ 5  
 ④ 6                      ⑤ 7

[정답] ①

점 P의 위치가  $x(t) = at^3 + t^2 + bt - 1$ 이므로 시간  $t$ 에서의 속도와 가속도를 각각  $v(t)$ ,  $a(t)$ 라 하자.

$$v(t) = \frac{dx}{dt} = 3at^2 + 2t + b, \quad a(t) = \frac{dv}{dt} = 6at + 2$$

$t = 2$ 에서 점 P가 운동 방향을 바꾸므로 점 P의 속도가 부호가 바뀌어야 한다. 즉 속도는 0이어야 하므로  $v(2) = 12a + b + 4 = 0$   
 $b = -12a - 4$

또한  $t = 1$ 에서의 가속도와  $t = 3$ 에서의 가속도의 두 배이므로

$$a(1) = \frac{dv}{dt} = 6a + 2$$

$$a(3) = 18a + 6$$

$$a(3) = 2a(1) \text{ 이므로 } 18a + 6 = 12a + 4$$

$$\text{따라서 } a = -\frac{1}{3} \text{ 이므로 } b = 0$$

$$\text{따라서 } 2a + b \text{의 값은 } -\frac{2}{3}$$

12. 공차가 4인 등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$ 항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.  $S_{k+4} - S_k$ 의 값이 최소가 되도록 하는 자연수  $k$ 에 대하여  $a_{2k} = \frac{1}{4}k^2$ 일 때  $\left|\frac{1}{4}a_1\right|$ 의 값은? [4점]

- ① 4                      ② 6                      ③ 8                      ④ 10                      ⑤ 12

[정답] ②

등차수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항을  $a_1 = a$ 라고 하자.

$$S_n = \frac{n(2a + (n-1)d)}{2} = n(2n + a - 2)$$

$$S_k = k(2k + a - 2)$$

$$S_{k+4} = (k+4)(2k + a + 6)$$

$$S_{k+4} - S_k = 4a + 16k + 24$$

$$a_{2k} = a_1 + 4(2k - 1) = a_1 + 8k - 4 = \frac{1}{4}k^2 \text{ 이므로}$$

$$a_1 = \frac{1}{4}k^2 - 8k + 4 \text{ 이므로}$$

$$S_{k+4} - S_k = 4a_1 + 16k + 24$$

$$= 4\left(\frac{1}{4}k^2 - 8k + 4\right) + 16k + 24$$

$$= k^2 - 16k + 40 = (k - 4)^2 + 24$$

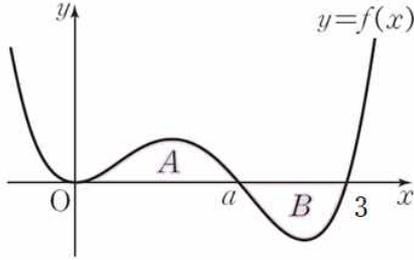
$S_{k+4} - S_k$ 의 값이 최소가 되도록 하는 자연수  $k$ 의 값은 4이다.

$$\text{따라서 } a_1 = \frac{1}{4}k^2 - 8k + 4 = \frac{1}{4} \times 16 - 32 + 4 = -24 \text{이다.}$$

$$\left|\frac{1}{4}a_1\right| = 6$$

# 홀수형

13. 그림과 같이 사차함수  $f(x) = x^2(x-a)(x-3)$ 의 그래프와  $x$ 축으로 둘러싸인 두 부분의 넓이를 각각  $A, B$ 라 할 때  
 (부분  $A$ 의 넓이) - (부분  $B$ 의 넓이) = 0  
 성립한다. 이때 상수  $a$ 의 값은? [4점]



- ①  $-\frac{9}{35}$     ②  $-\frac{11}{35}$     ③  $-\frac{13}{35}$     ④  $-\frac{3}{7}$     ⑤  $-\frac{17}{35}$

[정답]

영역 두  $A, B$  부분의 넓이를 각각  $S_A, S_B$ 라 하자.

$$S_A - S_B = \int_0^3 f(x) dx \text{이다.}$$

$$\int_0^3 f(x) dx = \int_0^3 x^2(x^2 - (a+3)x + 3a) dx$$

$$\int_0^3 (x^4 - (a+3)x^3 + 3ax^2) dx$$

$$= \left[ \frac{1}{5}x^5 - \frac{(a+3)}{4}x^4 + ax^3 \right]_0^3$$

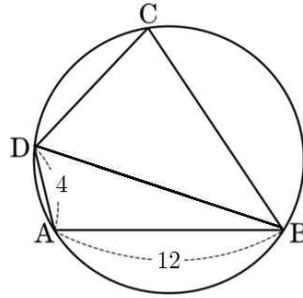
$$= \frac{81(a+3)}{4} - \frac{243}{5} + 27a$$

$$\frac{81(a+3)}{4} - \frac{243}{5} + 27a = 0$$

$$\frac{189}{4}a = -\frac{243}{20}$$

$$a = -\frac{243}{20} \times \frac{4}{189} = -\frac{9}{5} \times \frac{1}{7} = -\frac{9}{35}$$

14. 그림과 같이 원에 내접하는 사각형  $ABCD$ 가  $\overline{AB} = 12$ ,  
 $\overline{AD} = 4$ 이고 삼각형  $ABD$ 의 넓이가  $6\sqrt{15}$ 이다. 이때 사각형  
 $BCD$ 의 외접원의 반지름의 길이는? [  
 (단,  $90^\circ < \angle BAD < 180^\circ$ ) [4점]



- ①  $\frac{\sqrt{46}}{\sqrt{15}}$     ②  $\frac{2\sqrt{46}}{\sqrt{15}}$     ③  $\frac{3\sqrt{46}}{\sqrt{15}}$     ④  $\frac{4\sqrt{46}}{\sqrt{15}}$     ⑤  $\frac{5\sqrt{46}}{\sqrt{15}}$

[정답] ④

$\angle BAD = \alpha$ 라 하자.

$$\text{삼각형 } ABD \text{의 넓이는 } \sin \alpha \times 48 \times \frac{1}{2} = 6\sqrt{15}$$

$$\text{따라서 } \sin \alpha = \frac{6\sqrt{15}}{24}$$

$$\sin \alpha = \frac{\sqrt{15}}{4}$$

이때  $\alpha$ 는 제 2사분면의 각이므로  $\cos \alpha = -\frac{1}{4}$

따라서 코사인 법칙에 의하여

$$\overline{BD}^2 = 144 + 16 - 2 \times 12 \times 4 \times \cos \alpha = 160 + 24 = 184$$

$$\text{따라서 } \overline{BD} = \sqrt{184} = 2\sqrt{46}$$

$$\angle BCD = \pi - \alpha$$

따라서  $BCD$ 의 외접원의 반지름을  $R$ 이라 하자.

$$\text{사인 법칙에 의해 } 2R = \frac{2\sqrt{46}}{\sin(\pi - \alpha)}$$

$$R = \frac{\sqrt{46}}{\sin \alpha} = \sqrt{46} \times \frac{4}{\sqrt{15}} = \frac{4\sqrt{46}}{\sqrt{15}}$$

15. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 함수  $g(x)$ 를

$$g(x) = \begin{cases} 3x+2 & (x \leq 1) \\ f(x-2)+3 & (x \geq 1) \end{cases}$$

라 하자. 함수  $g(x)$ 는 실수 전체 집합에서 미분가능할 때 다음 중 옳은 것만을 <보기>에서 고른 것은?

< 보 기 >

ㄱ.  $g'(1) = 3$   
 ㄴ.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{g(x)-f(x)}{x^2} = -\frac{3}{2}$  이면  $g(4) = 22$   
 ㄷ.  $g'(3) = g(2) = 3$ 이면  $g(x)$ 는  $x = 3$ 에서 극댓값을 갖는다.

- ① ㄱ                      ② ㄷ                      ③ ㄱ, ㄴ  
 ④ ㄱ, ㄷ                  ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

[정답] ③

함수  $g(x)$ 는 실수 전체 집합에서 미분가능 하므로 연속이다.

$$g(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow 1^-} g(x) = 5 = f(-1) + 3$$

따라서  $g(1) = 5, f(-1) = 2$

또한 좌미분계수와 우미분계수가 같다.

$$\text{즉 } g'(x) = \begin{cases} 3 & (x \leq 1) \\ f'(x-2) & (x \geq 1) \end{cases}$$

$$\lim_{x > 1} \frac{g(x)-g(1)}{x-1} = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{f(x-2)-2}{x-1} = f'(-1) \text{ 이므로}$$

$f'(-1) = 3$ 이다.

$f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$  라 하자.

$$f(-1) = a - b + c = 3$$

$$f'(-1) = -2a + b + 3 = 3$$

$$b = 2a \text{ 이므로 } f(x) = x^3 + ax^2 + 2ax + c \dots \textcircled{1}$$

$$\text{ㄱ. } g'(1) = f'(-1) = 3$$

$$\text{ㄴ. } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{g(x)-f(x)}{x^2} = -\frac{3}{2}$$

$g(0) = f(0) = 2$  이다.

따라서  $\textcircled{1}$ 에 의해  $f(x) = x^3 + ax^2 + 2ax + 2$

$$x \leq 1 \text{에서 } g(x) - f(x) = 3x + 2 - (x^3 + ax^2 + 2ax + 2)$$

$$g(x) - f(x) = -x^3 - ax^2 - (2a-3)x$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{-x^3 - ax^2 - (2a-3)x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{-x^2 - ax - (2a-3)}{x} = -a$$

$$\text{이므로 } a = \frac{3}{2}$$

$$f(x) = x^3 + \frac{3}{2}x^2 + 3x + 2$$

$$g(4) = f(2) + 3 = 22$$

ㄷ.  $g(2) = 3$ 이면  $f(0) = 0$  이므로

따라서  $\textcircled{1}$ 에 의해  $f(x) = x^3 + ax^2 + 2ax$

$$g'(3) = f'(1) = 3$$

$$f'(x) = 3x^2 + 2ax + 2a = 3 + 4a = 3$$

$$a = 0 \text{ 이므로 } f(x) = x^3$$

$$g(x) = f(x-2) + 3 = (x-2)^3 + 3$$

모든 실수  $x$ 에 대하여  $g'(x) = 3(x-1)^2 \geq 0$

$g(x)$ 는 증가함수이므로 극값이 존재하지 않는다.

## 홀수형

### 단답형

16. 방정식  $\log_3(2x-3) - \log_3(x+3) = 0$ 을 만족시키는 실수  $x$ 의 값을 구하십시오. [3점]

[정답] 6

17. 두 상수  $a, b$ 와 함수  $f(x)$ 에 대하여

$$\int_1^x f(t) dt = 3x^3 - ax^2 + ax + b$$

일 때,  $f'(2) = 4$ 이다.  $f(3)$ 의 값을 구하십시오. [3점]

[정답] 46

18. 첫째항이 49이고 공차가 -2인 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_k$ 의 값이 처음으로 음수가 되는 자연수  $k$ 의 값을 구하시오. [3점]

[정답] 26

19. 함수  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2kx^2 + 16kx + 4$ 가 극값을 갖지 않도록 하는 모든 자연수  $k$ 의 값의 합을 구하시오. [3점]

[정답] 10

함수  $f(x) = \frac{1}{3}x^3 + 2kx^2 + 16kx + 4$ 가 극값을 갖지 않기 위해서는  $f'(x) \geq 0, f'(x) \leq 0$ 이다. 따라서  $f'(x) = x^2 + 4kx + 16k$ 의 해가 존재하지 않는 것을 보이면 충분하다.  
 따라서  $(2k)^2 - 16k = 4k(k-4) \leq 0$   
 주어진 범위 내에서의 자연수  $k = 1, 2, 3, 4$   
 따라서 모든 자연수  $k$ 의 값의 합은 10

20. 곡선  $y = 2^x$ 과  $y = kx$  ( $k > 0$ )가 서로 다른 두 점 A, B에서 만나고 점 A, B의  $x$ 의 좌표를  $x_1, x_2$  ( $0 < x_1 < x_2$ )라 하자.

$\overline{AB} = 2$ 일 때  $\frac{x_2}{x_1} = f(k)$ 을 만족하는  $f(k)$ 가 존재한다.

$\lim_{k \rightarrow 2\sqrt{2}^+} \{f(k)\}^3$ 의 값을 구하시오. [4점]

[정답] 4

두 점 A, B의  $x$ 의 좌표를  $x_1, x_2$  ( $x_1 < x_2$ )라 하자.

A ( $x_1, 2^{x_1}$ ), B ( $x_2, 2^{x_2}$ )

$2^{x_1} = kx_1, 2^{x_2} = kx_2$

$\frac{2^{x_2} - 2^{x_1}}{x_2 - x_1} = \frac{k(x_2 - x_1)}{x_2 - x_1} = k$  이므로  $2^{x_2} - 2^{x_1} = k(x_2 - x_1)$

$\overline{AB}^2 = (x_2 - x_1)^2 + (2^{x_2} - 2^{x_1})^2 = \{k^2 + 1\}(x_2 - x_1)^2 = 4$

$k^2 + 1 > 0$  이므로  $x_2 - x_1 = \frac{2}{\sqrt{k^2 + 1}}$

$f(k) = \frac{x_2}{x_1} = 2^{x_2 - x_1} = 2^{\frac{2}{\sqrt{k^2 + 1}}}$

$\lim_{k \rightarrow 2\sqrt{2}^+} \{f(k)\}^3 = \lim_{x \rightarrow 2\sqrt{2}^+} 2^{\frac{6}{\sqrt{k^2 + 1}}} = 2^{\frac{6}{3}} = 4$

# 홀수형

21. 이차함수  $f(x)$ 에 대하여 함수  $g(x)$ 를 다음과 같이 정의한다.

$$g(x) = \begin{cases} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} & (x \neq 2) \\ 0 & (x = 2) \end{cases}$$

함수  $f(x)$ 와 함수  $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때  $4g(6)$ 의 값을 구하시오.

- (가)  $|x+2|f(x)$ 는 실수 전체의 집합에서 미분가능하다.  
 (나)  $\lim_{x \rightarrow 2^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} g(x) + 2$ .

[정답] 6

$f(2) > 0$ 이면

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x) - f(2)}{x-2} = f'(2)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{f(x) - f(2)}{x-2} = f'(2)$$

$f(2) < 0$ 이면

$$= - \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x) - f(2)}{x-2} = -f'(2)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} = - \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{f(x) - f(2)}{x-2} = f'(2)$$

따라서  $\lim_{x \rightarrow 2^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} g(x) + 2$ 이므로  $f(2) = 0 \dots \textcircled{C}$

이때  $f'(2) > 0$ 이면

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x)}{x-2} = f'(2)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} = - \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{f(x)}{x-2} = -f'(2)$$

$\lim_{x \rightarrow 2^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} g(x) + 2$  이므로  $f'(2) = 1$

에서  $f'(1) = 1$ 이어야 하고,

$f'(1) < 0$ 이면

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} = \lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{f(x)}{x-2} = -f'(2)$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{|f(x)| - |f(2)|}{x-2} = - \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{f(x)}{x-2} = f'(2)$$

$\lim_{x \rightarrow 2^+} g(x) = \lim_{x \rightarrow 2^-} g(x) + 2$  이므로  $f'(2) = -1$

한편, 함수  $|(x+2)|f(x)$ 가 실수 전체의 집합에서

미분가능 하므로  $x = -2$ 에서 미분가능하다.

따라서  $f(-2) = 0$ 이다.  $\dots \textcircled{C}$

$\textcircled{C}$ ,  $\textcircled{C}$ 에서  $f(x) = a(x-2)(x+2)$

$$f'(x) = 2ax$$

$$f'(2) = 1 \text{ 이면 } a = \frac{1}{4}$$

$$f'(2) = -1 \text{ 이면 } a = -\frac{1}{4}$$

$$f(x) = \frac{1}{4}(x-2)(x+2)$$

$$g(6) = \frac{|f(6)|}{4} = \frac{3}{2}, \quad 4g(6) = 6$$

22.  $a_1 = -16$ 인 등차수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킬 때,

$\left| \sum_{k=1}^{10} a_k \right|$ 의 값을 구하시오. [4점]

(가)  $(a_5 + a_7)(a_6 + a_8) < 0$

(나)  $\sum_{n=1}^5 |a_{2n}| + |a_7| = \sum_{n=1}^5 |a_{2n-1}| - 1$

[정답] 25

$$a_6 + a_8 = \frac{a_7}{2}, \quad a_5 + a_7 = \frac{a_6}{2}$$

$$\text{따라서 } a_6 + a_8 = \frac{a_7}{2}, \quad a_5 + a_7 = \frac{a_6}{2}$$

$$(a_5 + a_7) \times (a_6 + a_8) = \frac{a_6 a_7}{4} \text{ 이고 조건 (가)에 의해 } a_6 \times a_7 < 0 \text{이다.}$$

$a_6 > 0$ 이라고 가정 하자.

조건 (가)에 의해 7이상의 자연수  $k$ 에 대하여  $a_7 < 0$ 이다.

또한  $1 \leq k \leq 6$ 인 자연수  $k$ 에 대하여  $|a_k| = a_k$ 이다.

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n}| + |a_7| = |a_2| + |a_4| + |a_6| + |a_7| + |a_8| + |a_{10}|$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n}| + |a_7| = a_2 + a_4 + a_6 - a_7 - a_8 - a_{10}$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n}| + |a_7| = 2a_3 + a_6 - a_7 - 2a_9$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n-1}| - 1 = |a_1| + |a_3| + |a_5| + |a_7| + |a_9| - 1$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n-1}| - 1 = a_1 + a_3 + a_5 - a_7 - a_9 - 1$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n-1}| - 1 = 2a_2 + a_5 - a_7 - a_9 - 1$$

조건 (나)에 의하여  $\sum_{n=1}^5 |a_{2n}| + |a_7| = \sum_{n=1}^5 |a_{2n-1}| - 1$  이므로

$$2a_3 + a_6 - a_7 - 2a_9 = 2a_2 + a_5 - a_7 - a_9 - 1 \text{ 이 성립한다.}$$

$$2a_3 - 2a_2 - a_5 + a_6 - a_9$$

$$= 2a_1 + 4d - 2a_1 - 2d - a_1 - 4d + a_1 + 5d - a_1 - 8d$$

$$= -a_1 - 5d = -a_6 = -1$$

따라서  $a_6 = 1$

$$a_1 = -16 \text{ 이므로 } -16 + 5d = 1$$

따라서  $d = \frac{17}{5}$ 이므로  $a_7 = \frac{22}{5}$ 이므로  $a_6 \times a_7 > 0$ 되어 모순이다.

따라서  $a_6 < 0$ 이다.

조건 (가)에 의해 7이상의 자연수  $k$ 에 대하여  $a_k > 0$ 이다.

또한  $1 \leq k \leq 6$ 인 자연수  $k$ 에 대하여  $|a_k| = -a_k$ 이다.

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n}| + |a_7| = |a_2| + |a_4| + |a_6| + |a_7| + |a_8| + |a_{10}|$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n}| + |a_7| = -a_2 - a_4 - a_6 + a_7 + a_8 + a_{10}$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n}| + |a_7| = -2a_3 - a_6 + a_7 + 2a_9$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n-1}| - 1 = |a_1| + |a_3| + |a_5| + |a_7| + |a_9| - 1$$

$$\sum_{n=1}^5 |a_{2n-1}| - 1 = -a_1 - a_3 - a_5 + a_7 + a_9 - 1$$

이므로

$$-2a_3 - a_6 + a_7 + 2a_9$$

$$= a_1 - a_3 + a_5 - a_6 + a_9 = a_1 + 5d$$

$$a_6 = -1$$

$$a_1 - (a_1 + 2d) + (a_1 + 4d) - (a_1 + 5d) + (a_1 + 8d)$$

$$= a_1 + 5d = a_6 = -1$$

$$a_1 = -16 \text{ 이고 } a_6 = a_1 + 5d = -1 \text{ 이므로 } d = 3$$

$$a_n = -16 + 3(n-1) = 3n - 19$$

$$\sum_{n=1}^{10} a_n = 3 \times \frac{110}{2} - 190 = -25 \text{ 이다.}$$

$$\text{따라서 } \left| \sum_{k=1}^{10} a_k \right| = 25$$

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.