

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1. $4^{\frac{1}{4}} \times 2^{\frac{1}{2}}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 2$$

2. 함수 $f(x) = x^2 - x + 1$ 에 대하여 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$f'(x) = 2x - 1 \quad f'(1) = 1$$

3. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\sum_{k=1}^7 a_k = 8$ 일 때, $\sum_{k=1}^7 (2a_k + 1)$ 의 값은? [3점]

- ① 21 ② 22 ③ 23 ④ 24 ⑤ 25

$$16 + 7 = 23$$

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} -x^2 + a & (x < 3) \\ 5x - a & (x \geq 3) \end{cases}$$

이 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 a 의 값은? [3점]

- ① 10 ② 11 ③ 12 ④ 13 ⑤ 14

$$-9 + a = 15 - a \quad a = 12$$

5. $\int_0^2 (6x^2 - 2x + 1) dx$ 의 값은? [3점]

- ① 12 ② 14 ③ 16 ④ 18 ⑤ 20

$$\left[2x^3 - x^2 + x \right]_0^2 = 14$$

6. 두 양수 a, b 에 대하여 함수 $f(x) = a \cos bx + 1$ 의
최댓값이 8이고 주기가 π 일 때, $a+b$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{15}{2}$ ② 8 ③ $\frac{17}{2}$ ④ 9 ⑤ $\frac{19}{2}$

$$a=7 \quad b=2 \quad a+b=9$$

7. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여 함수 $g(x)$ 를

$$g(x) = 5x^2 + xf(x)$$

라 하자. $f(3)=2$, $f'(3)=1$ 일 때, $g'(3)$ 의 값은? [3점]

- ① 31 ② 32 ③ 33 ④ 34 ⑤ 35

$$g'(x) = 10x + f(x) + xf'(x)$$

$$g'(3) = 30 + f(3) + 3f'(3) = 35$$

8. $\sin(\pi - \theta) > 0$ 이고 $2\cos\theta = \sin\theta$ 일 때, $\cos\theta$ 의 값은? [3점]

- ① $-\frac{\sqrt{5}}{5}$ ② $-\frac{\sqrt{5}}{10}$ ③ 0
 ④ $\frac{\sqrt{5}}{10}$ ⑤ $\frac{\sqrt{5}}{5}$
- $\sin\theta > 0$ $\cos\theta = \frac{1}{\sqrt{5}}$ $\sin\theta = \frac{2}{\sqrt{5}}$

9. 함수 $f(x) = x^2 + ax$ 에 대하여

$$\int_{-3}^3 (x+1)f(x)dx = 36 + \int_{-3}^3 f(x)dx$$

일 때, 상수 a 의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$\int_{-3}^3 (x^2 + ax^2 + x^2 + ax)dx = 36 + \int_{-3}^3 (x^2 + ax)dx$$

$$\left[2 \cdot \frac{1}{3} (a+1)x^3 \right]_0^3 = 36 + 2 \left(\frac{1}{3} x^3 \right)_0^3$$

$$18(a+1) = 36 + 29 \quad a=2$$

10. 실수 $a(a > 1)$ 에 대하여

곡선 $y = \log_a(x+3)$ 이 곡선 $y = \log_a(-x+3)$ 과 만나는 점을 A,

곡선 $y = \log_a(x+3)$ 이 x 축과 만나는 점을 B,

곡선 $y = \log_a(-x+3)$ 이 x 축과 만나는 점을 C라 하자.

삼각형 ABC가 정삼각형일 때, a 의 값은? [4점]

- ① $3^{\frac{\sqrt{3}}{6}}$ ② $3^{\frac{\sqrt{3}}{4}}$ ③ $3^{\frac{\sqrt{3}}{3}}$ ④ $3^{\frac{5\sqrt{3}}{12}}$ ⑤ $3^{\frac{\sqrt{3}}{2}}$

$$A(0, \log_a 3) \quad B(-2, 0) \quad C(2, 0)$$

$$\log_a 3 = 4 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3} \quad a^{2\sqrt{3}} = 3 \quad a = 3^{\frac{1}{2\sqrt{3}}} = 3^{\frac{\sqrt{3}}{6}}$$

11. 시각 $t=0$ 일 때 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P가 있다.
시각이 $t(t \geq 0)$ 일 때 점 P의 위치 x 가

$$x = t^3 - t^2 - t + 1$$

이다. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

<보 기>

- ㄱ. 시각 $t=1$ 일 때 점 P의 위치는 1이다. (x)
 ㄴ. 시각 $t=1$ 일 때 점 P의 속도는 0이다. (o)
 ㄷ. 출발한 후 점 P의 운동 방향이 바뀌는 시각에
 점 P의 가속도는 4이다. (o)

- ① ㄱ ② ㄴ ③ ㄷ ④ ㄱ, ㄷ ⑤ ㄴ, ㄷ

$$x' = 3t^2 - 2t - 1 \quad x'' = 6t - 2$$

$$t=1 \Rightarrow 4$$

12. 다음 조건을 만족시키는 모든 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여
 a_1 의 최댓값은? [4점]

(가) $a_1 = a_3$

(나) 모든 자연수 n 에 대하여

$$(a_{n+1} - a_n + 3)(a_{n+1} - 2a_n) = 0$$

이다.

- ① 9 ② 12 ③ 15 ④ 18 ⑤ 21

$$\therefore a_n = a - 3$$

$$a_3 = 2(a - 3) = a \quad a = 6 \quad a_4 = 3 \text{ or } 12$$

$$\therefore a_2 = 2a$$

$$a_3 = 2a - 3 = a \quad a = 3 \quad a_4 = 6 \text{ or } 0$$

13. 그림과 같이 함수 $f(x) = 3x^2 - 7x + 2$ 에 대하여 곡선

$y = f(x)$ 와 직선 $y = \frac{1}{3}x - \frac{2}{3}$ 및 y 축으로 둘러싸인 영역을 A ,

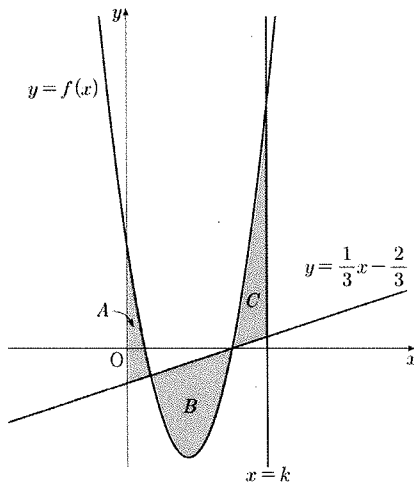
곡선 $y = f(x)$ 와 직선 $y = \frac{1}{3}x - \frac{2}{3}$ 로 둘러싸인 영역을 B ,

곡선 $y = f(x)$ 와 두 직선 $y = \frac{1}{3}x - \frac{2}{3}$, $x = k$ ($k > 2$)로

둘러싸인 영역을 C 라 하자.

$$(A \text{의 넓이}) + (C \text{의 넓이}) = (B \text{의 넓이})$$

일 때, 상수 k 의 값은? [4점]



- ① $\frac{29}{12}$ ② $\frac{5}{2}$ ③ $\frac{31}{12}$ ④ $\frac{8}{3}$ ⑤ $\frac{11}{4}$

$$\text{해} \quad g(x) = 3x^2 - \frac{22}{3}x + \frac{8}{3}$$

$$\left[x^3 - \frac{11}{3}x^2 + \frac{8}{3}x \right]_0^k = 0$$

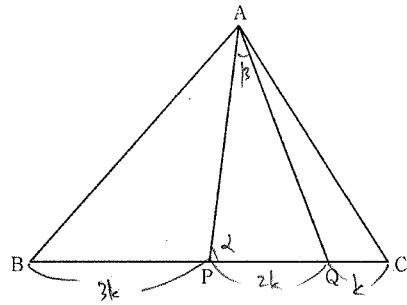
$$k^3 - \frac{11}{3}k^2 + \frac{8}{3}k = 0 \quad \therefore k = \frac{8}{3}$$

14. $\overline{AB} = 2\sqrt{7}$ 인 삼각형 ABC 에서 선분 BC 의 중점을 P , 선분 BC 를 5:1로 내분하는 점을 Q 라 하자.

$$\overline{AQ} = 3\sqrt{2}, \sin(\angle QAP) : \sin(\angle APQ) = \sqrt{2} : 3$$

일 때, 삼각형 ABC 의 외접원의 넓이는? [4점]

- ① $\frac{85}{9}\pi$ ② $\frac{88}{9}\pi$ ③ $\frac{91}{9}\pi$ ④ $\frac{94}{9}\pi$ ⑤ $\frac{97}{9}\pi$



$$\frac{3\sqrt{2}}{\sin \alpha} = \frac{2k}{\sin \beta} \quad k = \frac{3\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sin \beta}{\sin \alpha} = \frac{3\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{\sqrt{2}}{3} = 1$$

$$\cos B = \frac{28 + 25 - 18}{2 \cdot 2\sqrt{5} \cdot 5} = \frac{\sqrt{5}}{4} \quad \sin B = \frac{3}{4}$$

$$AC^2 = 6^2 + 28 - 2 \cdot 6 \cdot 2\sqrt{5} \cdot \frac{\sqrt{5}}{4} = 22 \quad AC = \sqrt{22}$$

$$2R = \frac{4\sqrt{2}}{3} \quad R = \frac{\sqrt{88}}{3} \quad \frac{88}{9}\pi$$

6

수학 영역

15. 상수 k 와 $f'(0) = 6$ 인 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} f(x) + k & (|x| > 1) \\ -f(x) & (|x| \leq 1) \end{cases}$$

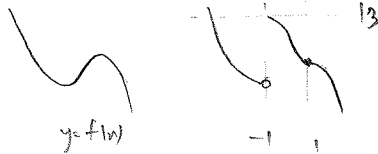
이 다음 조건을 만족시킬 때, $k + f\left(\frac{1}{2}\right)$ 의 값은? [4점]

(가) 모든 실수 a 에 대하여 $\lim_{x \rightarrow a} \frac{g(x) - g(a)}{x - a}$ 의 값이 존재하고 그 값은 0 이하이다.

(나) x 에 대한 방정식 $g(x) = t$ 의 서로 다른 실근의 개수가 2가 되도록 하는 실수 t 의 최댓값은 13이다.

- ① $\frac{15}{4}$ ② $\frac{27}{4}$ ③ $\frac{39}{4}$ ④ $\frac{51}{4}$ ⑤ $\frac{63}{4}$

(1) $f'(1) = f'(-1) = 0, g(1) = \lim_{x \rightarrow 1} g(x)$



$$\begin{aligned} f'(x) &= -6x^2 + 6 & f(x) &= -2x^3 + 6x + p \\ -f(1) &= f(1) + k & g(-1) &= 13 & f(-1) &= -13 \\ f(x) &= -2x^3 + 6x - 9 & f(1) &= -5 & k &= 10 \\ k + f\left(\frac{1}{2}\right) &= 10 - \frac{1}{4} + 3 - 9 = \frac{15}{4} \end{aligned}$$

단답형

16. 방정식 $\log_5(x+1) + \log_5(x-1) = \log_{25} 9$ 를 만족시키는 실수 x 의 값을 구하시오. [3점]

$$x > 1 \quad x-1 = 3 \quad x = 2$$

17. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여 $f'(x) = 3x^2 + 4x$ 이고 $f(0) = 3$ 일 때, $f(1)$ 의 값을 구하시오. [3점]

$$f(x) = x^3 + 2x^2 + 3$$

18. $\sum_{k=1}^6 (k^2 + 2k)$ 의 값을 구하시오. [3점]

33

$$\frac{6 \cdot 9 \cdot 13}{6} + 2 \cdot \frac{6 \cdot 9}{2} = 91 + 42 = 133$$

19. 상수 a 에 대하여 함수 $f(x) = 3x^3 - 9x^2 + a$ 의 극댓값이 20일 때, 함수 $f(x)$ 의 극솟값을 구하시오. [3점]

8

$$f'(x) = 9x^2 - 18x = 9x(x-2)$$

$$a = 20 \quad f(2) = 24 - 36 + 20 = 8$$

20. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수 $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

$$0 \leq x < 4 \text{ 일 때 } f(x) = -x^2 + 4x \text{ 이고,}$$

$$\text{모든 실수 } x \text{에 대하여 } f(x+4) = f(x) \text{ 이다.}$$

방정식 $f(f(x)) = f(x)$ 의 0 이상인 모든 실근을 작은 수부터 크기순으로 나열할 때, n 번째 수를 a_n 이라 하자.

다음은 $a_{20} + a_{21} + a_{22}$ 의 값을 구하는 과정이다.

방정식 $f(x) = x$ 의 모든 실근이 0, 3이므로
방정식 $f(f(x)) = f(x)$ 의 실근을 구하는 것은
방정식 $f(x) \times (f(x) - 3) = 0$ 의 실근을 구하는 것과 같다.

$0 \leq x < 4$ 일 때, 방정식 $f(x) \times (f(x) - 3) = 0$ 의
모든 실근은 0, (가), 3이므로

$$a_1 = 0, a_2 = (가), a_3 = 3$$

이다. 또한 모든 실수 x 에 대하여 $f(x+4) = f(x)$ 이므로

세 수열 $\{a_{3n-2}\}$, $\{a_{3n-1}\}$, $\{a_{3n}\}$ 은

첫째항이 각각 0, (가), 3이고

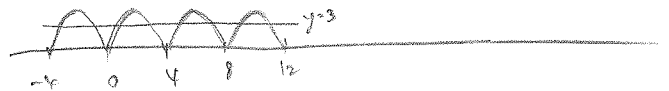
공차가 모두 (나)인 등차수열이다.

따라서 $a_{20} + a_{21} + a_{22} = (다)$ 이다.

위의 (가), (나), (다)에 알맞은 수를 각각 p , q , r 이라 할 때,

$p + q + r$ 의 값을 구하시오. [4점]

85



$$f(x) \cdot (f(x) - 3) = 0 \quad x = 0, 1, 3 \quad (0 \leq x < 4) \quad (가)$$

$$24 + a_2 + 24 + a_3 + 28 + a_1 = 96 + 4 = 80$$

$$144 + 80 = 85$$

21. 함수 $f(x) = (x-1)(x-2)$ 와 최고차항의 계수가 1인 사차함수 $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

모든 실수 a 에 대하여

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{g(x) \times |f(x)|}{f(x)} \text{의 값과 } \lim_{x \rightarrow a} \frac{|g(x) - f(x)|}{g(x)} \text{의 값이 모두 존재한다.}$$

$g(-1)$ 의 값을 구하시오. [4점] 42

$$g(2) = -g(1) \quad g(1) = -g(1) \quad \therefore g(1) = g(2) = 0$$

$$g(x) = (x-1)(x-2)(x^2 + \alpha x + \beta)$$

$$\lim_{x \rightarrow a} \frac{|(x-1)(x-2)(x^2 + \alpha x + \beta - 1)|}{(x-1)(x-2)(x^2 + \alpha x + \beta)}$$

$$\therefore g(x) = (x-1)(x-2)((x-1)(x-2) + 1)$$

$$= 6 \cdot 7 = 42$$

22. $k > 1$ 인 실수 k 에 대하여 두 곡선

$$y = 2^x + \frac{k}{2}, \quad y = k \times \left(\frac{1}{2}\right)^x + k - 2$$

가 만나는 점을 A라 하고, 점 A를 지나고 기울기가 -1인 직선이 곡선 $y = 2^{x-2} - 3$ 과 만나는 점을 B라 하자.

삼각형 AOB의 넓이가 16일 때, $k + \log_2 k = \frac{q}{p}$ 이다.

$p+q$ 의 값을 구하시오. (단, 0은 원점이고, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점] 38

$$A(x, y) \quad 2^x + \frac{k}{2} = k \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^x + k - 2 \quad \text{let } t = 2^x$$

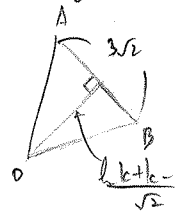
$$t + \frac{k}{2} = k \cdot \frac{1}{t} + k - 2 \quad t^2 + (2 - \frac{k}{2})t - k = 0$$

$$(t - \frac{k}{2})(t + 2) = 0 \quad t = \frac{k}{2} \quad (+ \vee 0)$$

$$2^x = \frac{k}{2}, \quad \beta = k \quad A(\log_2 k - 1, k)$$

$$y = -x + \log_2 k + k - 1, \quad y = 2^{x-2} - 3$$

$$\text{점 B}(\log_2 k + 2, 1 - 3)$$



$$\frac{1}{2} \cdot 3\sqrt{2} \cdot \frac{k+1}{\sqrt{2}} = 16$$

$$k+1 = \frac{32}{3}$$

$$p+q = 38$$

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23. $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{4 \times 3^{n-1}}{2^n + 3^n}$ 의 값은? [2점]

- ① 12 ② 13 ③ 14 ④ 15 ⑤ 16

24. 곡선 $3x + y + \cos(xy) = 2$ 위의 점 $(0, 1)$ 에서의 접선의 x 절편은? [3점]

- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{5}{6}$

$$3 + \frac{dy}{dx} - \sin xy \left(y + x \frac{dy}{dx} \right) = 0$$

$$x=0 \quad \left. \frac{dy}{dx} \right|_{x=0} = -3$$

25. 양수 a 에 대하여 급수 $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{a-3n}{n} + \frac{an+6}{n+a} \right)$ 이

실수 S 에 수렴할 때, $a+S$ 의 값은? [3점]

- ① 7 ② $\frac{15}{2}$ ③ 8 ☒ ④ $\frac{17}{2}$ ⑤ 9

$$a=3 \quad \frac{3-3n}{n} + \frac{3n+6}{n+3} = \frac{9}{n(n+3)}$$

$$3\left(1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots\right) = \frac{11}{2}$$

26. 함수 $f(x) = e^{3x} - 3e^{2x} + 4e^x$ 의 역함수를 $g(x)$ 라 하자.

$g'(a) = \frac{1}{8}$ 이 되도록 하는 실수 a 에 대하여 $a + f'(g(a))$ 의

값은? [3점]

- ① 11 ☒ ② 12 ③ 13 ④ 14 ⑤ 15

$$3e^{3x} - 6e^{2x} + 4e^x - 8 = 0 \quad (f'(g(a)) = 8)$$

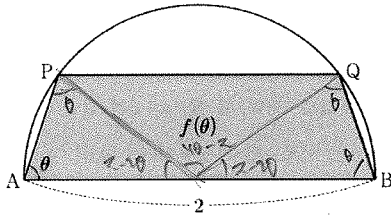
$$(3e^{2x} + 4)(e^x - 2) = 0 \quad e^x = 2 \quad x = \ln 2 \quad g(a) = \ln 2$$

$$f(\ln 2) = 8 - 12 + 4 = 0 \quad 4 + 8 = 12$$

수학 영역(미적분)

3

27. 그림과 같이 길이가 2인 선분 AB를 지름으로 하는 반원의 호 AB 위의 점 P에 대하여 $\angle BAP = \theta$ ($\frac{\pi}{4} < \theta < \frac{\pi}{2}$)라 하고, 점 P를 지나고 선분 AB에 평행한 직선이 호 AB와 만나는 점 중 P가 아닌 점을 Q라 하자. 사각형 ABQP의 넓이를 $f(\theta)$ 라 하고, $\overline{AP} : \overline{BP} = 1 : 3$ 이 되도록 하는 θ 의 값을 a 라 할 때, $f'(a)$ 의 값은? [3점]



① $-\frac{64}{25}$ ② $-\frac{59}{25}$ ③ $-\frac{54}{25}$

④ $-\frac{49}{25}$ ⑤ $-\frac{44}{25}$

$\tan \theta = 3$ $\tan 2\theta = \frac{6}{1-9} = -\frac{3}{4}$

$\cos 2\theta = -\frac{4}{5}$ $\sin 2\theta = \frac{3}{5}$

$f'(\theta) = 2 \cos 2\theta - 2 \cos 4\theta = 2 \cos 2\theta - 2(2 \cos^2 2\theta - 1)$

$= -4 \cos^2 2\theta + 2 \cos 2\theta + 2$

$-4 \cdot \frac{16}{25} - \frac{8}{5} + 2 = -\frac{54}{25}$

28. 실수 전체의 집합에서 이계도함수를 갖는 함수 $f(x)$ 와 두 상수 a, b 가 다음 조건을 만족시킬 때, $a \times e^b$ 의 값은?

[4점]

(가) 모든 실수 x 에 대하여

$$(f(x))^5 + (f(x))^3 + ax + b = \ln\left(x^2 + x + \frac{5}{2}\right)$$

이다.

(나) $f(-3)f(3) < 0, f'(2) > 0$

① $-3e^{-\frac{1}{3}}$

② $-\frac{5}{3}e^{-\frac{1}{3}}$

③ $-\frac{1}{3}e^{-\frac{1}{3}}$

④ $e^{-\frac{1}{3}}$

⑤ $\frac{7}{3}e^{-\frac{1}{3}}$

let $g(x) = x^2 + x + \frac{5}{2}$ $(\ln g(x))' = \frac{g'(x)}{g(x)}$

$(\ln g(x))'' = \frac{2x+1}{(x^2+x+\frac{5}{2})^2} = \frac{-2x^2-2x+4}{(x^2+x+\frac{5}{2})^2}$

$|f(x)|^3 [f(x)^2 + 1] = \ln(x^2+x+\frac{5}{2}) - ax - b$

$\ln(x^2+x+\frac{5}{2})$ 와 $ax+b$ 교점 2개라 하면 $f(2)=0$ (변곡점)

$5f'(x)(f(x))^4 + 3f'(x)(f(x))^2 = \frac{2x+1}{x^2+x+\frac{5}{2}} - a$

$f'(x)(f(x))^2 [5(f(x))^2 + 3] = \frac{2x+1}{x^2+x+\frac{5}{2}} - a$

$x=2$ 때 접선 기울기 $> a$

$\therefore a$ 는 $x=-2$ 때 접선 기울기

$a = \frac{-3}{4-2+\frac{5}{2}} = -\frac{2}{3}$

$y = \ln(x^2+x+\frac{5}{2})$ 의 $x=-2$ 점선의 방정식

$y = -\frac{2}{3}(x+2) + \ln \frac{9}{2} = -\frac{2}{3}x + \ln \frac{9}{2} - \frac{4}{3}$

$-\frac{2}{3} \cdot \frac{9}{2} \cdot e^{-\frac{4}{3}} = -3e^{-\frac{4}{3}}$

단답형

29. 두 정수 $\alpha, \beta (\alpha > \beta)$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 수열 $\{a_n\}$ 이 있다.

모든 자연수 n 에 대하여

$$a_n = \alpha \times \sin \frac{n}{2} \pi + \beta \times \cos \frac{n}{2} \pi$$

이고, $a_1 \times a_2 \times a_3 \times a_4 = 4$ 이다.

수열 $\{a_n\}$ 과 $b_1 > 0$ 인 등비수열 $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{n=1}^{\infty} (a_{4n-2} b_n) = \sum_{n=1}^{\infty} (a_{4n-3} b_{2n}) = 6$$

일 때, $b_1 \times b_3 = \frac{q}{p}$ 이다. $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점] 109

$$a_1 = \alpha \quad a_2 = -\beta \quad a_3 = -\alpha \quad a_4 = \beta \quad \therefore \alpha\beta = \pm 2$$

$$a_{4n-2} = -\beta \quad a_{4n-3} = \alpha$$

$$-\beta \cdot \frac{b}{1-r} = \alpha \cdot \frac{br}{1-r^2} = 6$$

$$\therefore \beta = -2 \quad \alpha = -1 \quad \frac{r}{1-r} = -2 \quad r = -\frac{2}{3}$$

$$b = 5 \quad 5 \cdot 5 \cdot \frac{4}{9} = \frac{100}{9} \quad 109$$

30. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \left| f\left(\frac{2}{1+e^{-x}}\right) \right|$$

가 실수 전체의 집합에서 미분가능하고 다음 조건을 만족시킨다.

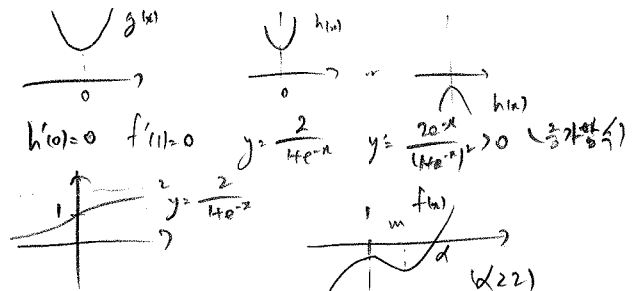
(가) 함수 $g(x)$ 는 $x=0$ 에서 극소이고, $g(0) > 0$ 이다.

(나) $g'(\ln 3) < 0$, $|g'(-\ln 3)| = \frac{3}{8} g(-\ln 3)$

$g(0)$ 의 최솟값을 $\frac{q}{p}$ 라 할 때, $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점] 25

$$\text{let } h(x) = f\left(\frac{2}{1+e^{-x}}\right) \quad h'(x) = \frac{2e^{-x}}{(1+e^{-x})^2} f'\left(\frac{2}{1+e^{-x}}\right)$$



$$|g'(-\ln 3)| = -g'(-\ln 3) = h'(-\ln 3) \quad g(-\ln 3) = -h(-\ln 3)$$

$$\frac{3}{8} \cdot f'\left(\frac{1}{2}\right) = -\frac{3}{8} f'\left(\frac{1}{2}\right) \quad f'\left(\frac{1}{2}\right) + f'\left(\frac{1}{2}\right) = 0$$

$$f'(x) = 3(n-1)(x-m) = 3x^2 - 3(m+1)x + 3m$$

$$f'(x) = x^2 - \frac{3}{2}(m+1)x^2 + 3mn + C$$

$$f'\left(\frac{1}{2}\right) + f'\left(\frac{1}{2}\right) = 0 \quad \therefore (2 - \frac{3}{2}m + 1)$$

$$f(2) = C + 2 \leq 0 \quad m \geq \frac{8}{3}$$

$$g(0) = -h(0) = -f(1) \geq \frac{11}{14}$$

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.