#### 2026학년도 대학수학능력시험 대비 응애 모의고사 1회 문제지

# 수학 영역

- 문제지의 해당란에 성명과 수험 번호를 정확히 쓰시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하시오.

#### 녹이 슨 심장에 쉼 없이 피는 꿈

- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호와 답을 정확히 표시하시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하시오. 배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하시오.

<b>*</b>	공통과목	및 자신이	선택한	과목의	문제지를	확인하고,	답을	정확히	표시하시오.
	○ 공통]	마목			•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •			1~8쪽
	○ 선택]	마목							
	01	적분		•••••					9~12쪽

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.

제 2 교시

## 수학 영역

#### 5지선다형

1.  $4^{\frac{1}{2}-\sqrt{3}} \times 4^{1+\sqrt{3}}$ 의 값은? [2점]

① 2 ② 4 ③ 8 ④ 16

⑤ 32

2. 함수  $f(x) = 2x^3 - x + 1$ 에 대하여  $\lim_{h \to 0} \frac{f(1+h) - f(1)}{h}$ 의 값은? [2점]

① 3 ② 5 ③ 7 ④ 9

⑤ 11

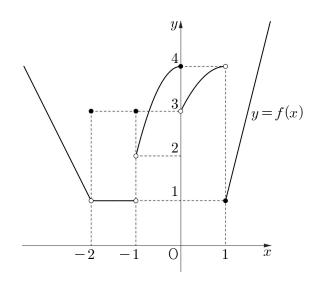
3. 네 수 6, a, b, 14가 이 순서대로 등차수열을 이룰 때, a+b의 값은? [3점]

① 10 ② 15 ③ 20

4 25

⑤ 30

4. 함수 y=f(x)의 그래프가 그림과 같다.



 $\lim_{x \to -2} f(x) + \lim_{x \to 0+} f(x)$ 의 값은? [3점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

5. 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$\int_0^x f(t) \, dt = 4x^2 + x$$

를 만족시킬 때, f(2)의 값은? [3점]

- ① 9
- ② 13
- ③ 17
- **4** 21
- ⑤ 25

- 6.  $0<\theta<\frac{\pi}{2}$  인  $\theta$ 에 대하여  $\tan^2\theta-3\tan\theta+1=0$ 일 때,  $\sin \theta \cos \theta$ 의 값은? [3점]

  - ①  $\frac{1}{3}$  ②  $\frac{1}{4}$  ③  $\frac{1}{5}$  ④  $\frac{1}{6}$  ⑤  $\frac{1}{7}$

- 7. 다항함수 f(x)에 대하여

$$\lim_{x \to 1} \frac{(x^3 + 2)f(x) - 5}{x - 1} = 8$$

일 때, f'(1)의 값은? [3점]

- $\bigcirc 1 2$   $\bigcirc 2 1$   $\bigcirc 3 \ 0$
- **4** 1
- ⑤ 2

8. 함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$f(2^{x-1}) = \log_2(x^2+1)$$

을 만족시킬 때, f(1)-f(2)+f(4)의 값은? [3점]

- ① 1
- 2 2
- $3 \log_2 6$

- 4 3

9. 함수  $f(x) = 3x^2 - 4x + 2$ 에 대하여

$$\int_{-2}^{a} f(x) dx - \int_{-2}^{0} \{f(x) - x\} dx = 2$$

를 만족시키는 실수 a의 값은? [4점]

- ① 1
- ② 2
- 3 3
- 4
- ⑤ 5

10. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{20} a_k = 7, \quad \sum_{k=1}^{10} 2k a_{2k-1} = 44, \quad \sum_{k=1}^{10} (2k+1) a_{2k} = 33$$

일 때,  $\sum_{k=1}^{20} (2k+1)a_k$ 의 값은? [4점]

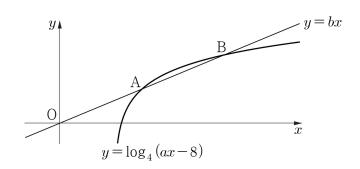
- ① 126
- ② 133
- ③ 140
- **4** 147
- ⑤ 154

11. 시각 t=0일 때 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각  $t(t \ge 0)$ 에서의 속도 v(t)가

$$v(t) = 2t^2 - 6t + 3$$

이다. 출발한 후 점 P가 두 번째로 원점을 지나는 시각에서의 점 P의 가속도는? [4점]

- ① 6
- ② 7
- ③ 8
- ④ 9
- ⑤ 10
- 12. 두 양수 a, b에 대하여 곡선  $y = \log_4(ax 8)$  과 직선 y = bx가 서로 다른 두 점에서 만날 때, 두 점 중 x좌표가 작은 것을 A, 큰 것을 B라 하자.  $\overline{OA} = \overline{AB}$ 일 때,  $\frac{a}{b}$ 의 값은? (단, O는 원점이다.) [4점]
  - ① 8
- ② 9
- ③ 10
- **4** 11
- ⑤ 12



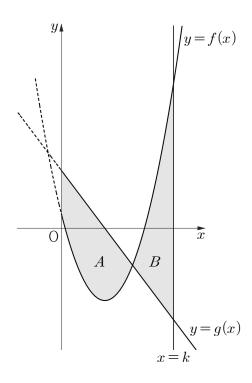
13.  $x \ge 0$ 에서 정의된 두 함수

$$f(x) = 6x^2 - 6x + \frac{1}{4}$$
,  $g(x) = -2x + 1$ 

이 있다. 두 함수 y=f(x), y=g(x)의 그래프와 y축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 A, 상수 k(k>1)에 대하여 두 함수 y = f(x), y = g(x)의 그래프와 직선 x = k로 둘러싸인 부분의 넓이를 *B*라 하자.

A = B일 때, 함수 y = g(x)의 그래프와 직선 x = k 및 x축으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [4점]

- ①  $\frac{9}{16}$  ②  $\frac{5}{8}$  ③  $\frac{11}{16}$  ④  $\frac{3}{4}$  ⑤  $\frac{13}{16}$



14. 첫째항이 자연수인 수열  $\left\{a_n\right\}$ 과 두 자연수 p , q (p < q)가 다음 조건을 만족시킬 때,  $(q-p)+\sum_{k=1}^{50}a_k$ 의 값은? [4점]

(가) 모든 자연수 n에 대하여

$$a_{n+1} = \left\{ \begin{array}{cc} -a_n + 2 & \left(a_n < 0\right) \\ \\ a_n - 2 & \left(a_n \geq 0\right) \end{array} \right.$$

이다.

(나) 
$$\sum_{k=1}^{p} a_k = \sum_{k=1}^{q} a_k = 44$$
 이고  $20 < p+q < 25$  이다.

- ① 85
- ② 86
- ③ 87
- **4** 88
- ⑤ 89

15. 최고차항의 계수가 1이고 x = a(0 < a < 3)에서 최솟값을 갖는 이차함수 f(x)와 양수 t에 대하여 x에 대한 방정식

$$(|x^2-4|-t)\{f(x)-t\}=0$$

의 서로 다른 실근의 개수를 g(t)라 하자. 함수 g(t)가 t=5에서만 불연속일 때, f(5)+g(5)의 값은? [4점]

① 16

2 17

③ 18

**4** 19

⑤ 20

단답형

**16.** 함수  $f(x) = 6 \sin x + 5$ 의 최댓값을 구하시오. [3점]

17. 다항함수 f(x)에 대하여  $f'(x) = 3x^2 + 2$ 이고 f(1) = 3일 때, f(3)의 값을 구하시오. [3점]

18. 모든 항이 0이 아닌 등비수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 Mn 항까지의 합을  $S_n$ 이라 하자.

$$a_3 - a_1 = 2$$
,  $\frac{S_2}{a_2} = \frac{4}{3}$ 

일 때,  $S_6$ 의 값을 구하시오. [3점]

19. 최고차항의 계수가 1인 이차함수 f(x)에 대하여

$$\lim_{x \to 2} \frac{f(x+2) - f(4)}{f(x)} = -1$$

일 때, f(10)의 값을 구하시오. [3점]

20. 실수 a와  $n \ge 2$ 인 자연수 n에 대하여 집합  $A_n$ 을

$$A_n = \{x \mid x^n = n^2 - 7n + a, x 는 실수\}$$

라 하자.  $A_4=\varnothing$  ,  $A_3\cap A_6\ne\varnothing$  을 만족시키는 a의 값을 구하시오. [4점]

### 8

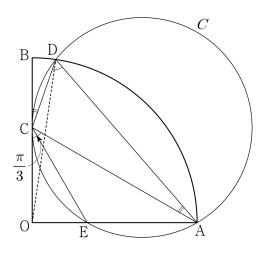
### 수학 영역

**21.** 자연수 a 에 대하여 함수  $f(x) = x^3 - ax^2 + x$ 가 다음 조건을 만족시킬 때, f(a+1)의 값을 구하시오. [4점]

점 (0,2)에서 곡선 y=f(x)에 그은 접선의 개수와 점 (0,3)에서 곡선 y=f(x)에 그은 접선의 개수는 같지 않다.

22. 그림과 같이 반지름의 길이가 3이고 중심각의 크기가  $\frac{\pi}{2}$ 인

부채꼴 OAB가 있다. 선분 OB 위의 점 C를  $\angle$  OCA =  $\frac{\pi}{3}$ 가 되도록 잡고, 점 A를 지나고 점 C에서 선분 OB에 접하는 원 C가 호 AB, 선분 OA와 만나는 점 중 A가 아닌 점을 각각 D, E라 하자.



다음은 사각형 ADCE의 넓이를 구하는 과정이다.

사각형 ADCE의 넓이는 두 삼각형 ADC, ACE의 넓이의 합과 같다.

 $\angle$  CDA =  $\angle$  OCA 이므로 삼각형 ADC 에서 사인법칙에 의하여 원 C의 반지름의 길이는 (가) 이다.

 $\angle$  DCB =  $\angle$  DAC,  $0 < \angle$  DCB  $< \frac{\pi}{3}$  이고  $\overline{OD} = 3$  이므로 삼각형 ODC 에서 코사인법칙에 의하여

$$\overline{\text{CD}} = \boxed{(7)} \times 2 \sin(\angle DCB) = \boxed{(나)}$$

이다.

한편  $\angle CAE = \frac{\pi}{6}$ ,  $\angle CDA + \angle AEC = \pi$ 이므로

사각형 ADCE의 넓이는 (다) 이다.

위의 (r), (r)에 알맞은 수를 각각 r, r이라 할 때,  $\left(\frac{p^2 \times q^2}{r}\right)^2$ 의 값을 구하시오. [4점]

- \* 확인 사항
- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, **「선택과목(미적분)」** 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

## 수학 영역(미적분)

5지선다형

**23.**  $\tan \alpha = 2$ ,  $\tan \beta = \frac{1}{3}$  일 때,  $\tan (\alpha + \beta)$ 의 값은? [2점]

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

24.  $\int_{e}^{e^4} \frac{1}{x \ln x} dx$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{2} \ln 2$  ②  $\frac{1}{2}$

25. 공차가 양수인 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\lim_{n\to\infty} \left( \sqrt{4n^2 + a_n} - \sqrt{n \times a_n} \, \right) = \frac{3}{2}$$

일 때,  $a_5$ 의 값은? [3점]

- ① 16
- 2 17
- ③ 18 ④ 19
- ⑤ 20
- **26.** 함수  $f(x) = \sqrt{4\sin x + 5} + ax$ 가 실수 전체의 집합에서 증가하도록 하는 실수 a의 최솟값은? [3점]
- ①  $\frac{1}{2}$  ② 1 ③  $\frac{3}{2}$  ④ 2 ⑤  $\frac{5}{2}$

## 수학 영역(미적분)

3

**27.** 실수 전체의 집합에서 도함수가 연속인 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

모든 양수 t에 대하여 x=0에서 x=t까지의 곡선 y = f(x)의 길이는  $f(t) - e^{-t}$ 이다.

x=0에서 x=1까지의 곡선 y=f(x)의 길이를 k라 할 때, f(0)+k의 값은? [3점]

- ①  $\frac{e^2 + 2e 1}{2e}$
- $3 \frac{e^2-1}{2e}$ 
  - $\underbrace{e^2 + 1}_{2e}$
- $\bigcirc \frac{e^2 2e 1}{2e}$

28. 함수

$$f(x) = \begin{cases} -\ln x & (0 < x < 1) \\ \frac{e \ln x}{x} & (x \ge 1) \end{cases}$$

와 t>1인 실수 t에 대하여 함수 y=f(x)의 그래프 위의 점 (t,f(t))에서의 접선이 함수 y=f(x)의 그래프와 만나는 점 중 x좌표가 1보다 작은 점의 x좌표를 g(t)라 하자.

미분가능한 함수 g(t)에 대하여  $\frac{g'(e)}{g(e)-e}$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{1}{e^3}$  ②  $\frac{2}{e^3}$  ③  $\frac{1}{e^2}$  ④  $\frac{2}{e^2}$  ⑤  $\frac{1}{e}$

#### 단답형

 $\mathbf{29.}$   $a_1=12$  인 등비수열  $\left\{a_n\right\}$ 과 수열  $\left\{b_n\right\}$ 이 모든 자연수 n 에 대하여

$$\sum_{k=1}^{n} (a_{n+1-k} \times b_k) = a_{2n}$$

을 만족시킨다.  $\sum_{n=1}^\infty b_n=-3$ 일 때,  $\frac{b_2}{b_1} imes\sum_{n=1}^\infty a_n$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 f(x)와 함수  $g(x) = |\sin \pi x| + \sin \pi x$ 에 대하여 함수

$$h(x) = \int_0^{g(x)} f(t) dt$$

는 실수 전체의 집합에서 미분가능하다. 함수 h(x)가 다음 조건을 만족시키도록 하는 모든 함수 f(x)에 대하여  $2\times f(5)$ 의 값의 합을 구하시오. [4점]

(가) 
$$h\left(\frac{1}{2}\right)$$
은 자연수이고,  $f\left(h\left(\frac{1}{2}\right)\right)=0$ 이다.

(나) 모든 실수 x에 대하여  $h(x) \le h\left(\frac{1}{2}\right)$ 이다.

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.

<sup>\*</sup> 확인 사항

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.