

## 수학 영역

## 제 2 교시

1

## 5지선다형

1.  $(3^{1-\sqrt{2}})^2 \times 9^{\sqrt{2}}$ 의 값은? [2점]

- ①  $\frac{1}{9}$       ②  $\frac{1}{3}$       ③ 1      ④ 3      ⑤ 9

3. 첫째항과 공비가 모두 양수  $k$ 인 등비수열  $\{a_n\}$ 이

$$a_2(k^2+1)=3a_4$$

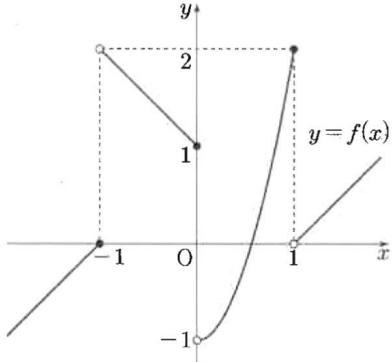
를 만족시킬 때,  $a_3$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{\sqrt{2}}{8}$       ②  $\frac{\sqrt{3}}{9}$       ③  $\frac{\sqrt{2}}{4}$       ④  $\frac{\sqrt{3}}{3}$       ⑤  $\frac{\sqrt{3}}{2}$

2. 함수  $f(x)=x^3-2x+5$ 에 대하여  $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(1+h)-f(1)}{h}$ 의 값은?  
[2점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

4. 함수  $y=f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



- $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) + \lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① -1      ② 0      ③ 1      ④ 2      ⑤ 3

5. 함수  $f(x) = (2x+1)(x^2 - 2x + 5)$ 에 대하여  $f'(2)$ 의 값은?

[3점]

- ① 8      ② 12      ③ 16      ④ 20      ⑤ 24

7. 다항함수  $f(x)$ 가

$$f'(x) = x^2 - kx + k - 1, \quad f(0) = 2$$

를 만족시킨다. 함수  $f(x)$ 가 극값을 갖지 않을 때,  $f(3)$ 의 값은?  
(단,  $k$ 는 상수이다.) [3점]

- ① 2      ② 5      ③ 8      ④ 11      ⑤ 14

6.  $\frac{3}{2}\pi < \theta < 2\pi$ 인  $\theta$ 에 대하여  $\sin \theta \tan \theta + \cos \theta = 3$ 일 때,

$\sin \theta - \tan \theta$ 의 값은? [3점]

- |                          |                          |     |
|--------------------------|--------------------------|-----|
| ① $-\frac{4\sqrt{2}}{3}$ | ② $-\frac{2\sqrt{2}}{3}$ | ③ 0 |
| ④ $\frac{2\sqrt{2}}{3}$  | ⑤ $\frac{4\sqrt{2}}{3}$  |     |

8. 부등식  $2^{|x|} + \frac{64}{2^{|x|}} \leq 20$ 을 만족시키는 정수  $x$ 의 개수는? [3점]

- ① 6      ② 7      ③ 8      ④ 9      ⑤ 10

10. 모든 항이 자연수이고 공차가 같은 두 등차수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^n \frac{1}{a_k \times b_k} = \frac{n}{8n+4}$$

을 만족시킬 때,  $\sum_{k=1}^5 (a_k + b_k)$ 의 값은? [4점]

- ① 100      ② 110      ③ 120      ④ 130      ⑤ 140

9. 다항함수  $f(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$xf(x) = ax^3 + 2x - 3 + \int_0^1 f'(t)dt$$

를 만족시킬 때,  $\int_0^2 f(x)dx$ 의 값은? (단,  $a$ 는 상수이다.) [4점]

- ① 3      ② 6      ③ 9      ④ 12      ⑤ 15

11. 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각  $t$  ( $t \geq 0$ )에서의 위치  $x$ 가

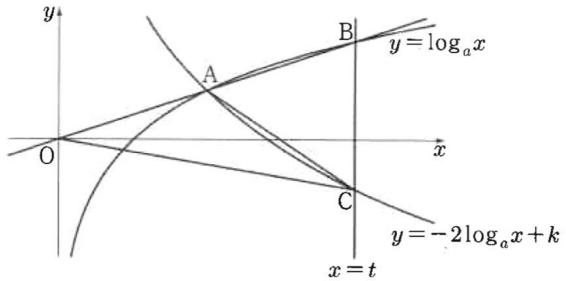
$$x = kt^3 - 6t^2 + t$$

이다. 양수  $k$ 에 대하여 시각  $t = k$ 에서 점 P의 속도가 1일 때,  
시각  $t = 2k$ 에서 점 P의 가속도는? [4점]

- ① 36      ② 48      ③ 60      ④ 72      ⑤ 84

12. 그림과 같이 세 상수  $a$  ( $a > 1$ ),  $k$ ,  $t$ 에 대하여

두 곡선  $y = \log_a x$ ,  $y = -2\log_a x + k$ 가 만나는 점을 A라 하고,  
직선  $x = t$ 가 두 곡선  $y = \log_a x$ ,  $y = -2\log_a x + k$ 와 만나는  
점을 각각 B, C라 하자. 직선 AB가 원점 O를 지나고  
두 삼각형 OCA, ACB의 넓이가 2로 같을 때,  $a \times k \times t$ 의 값은?  
(단,  $k > 0$ 이고,  $t$ 는 점 A의  $x$ 좌표보다 크다.) [4점]



- ①  $8\sqrt{2}$       ② 16      ③  $16\sqrt{2}$       ④ 24      ⑤  $24\sqrt{2}$

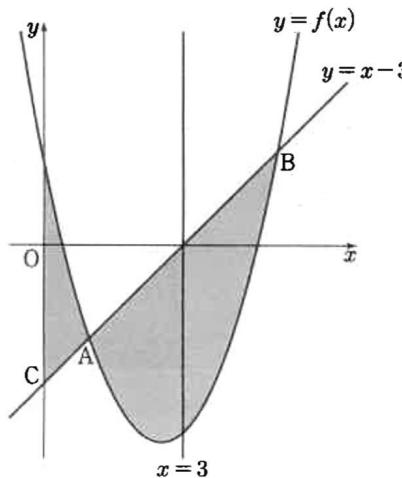
13. 최고차항의 계수가 1인 이차함수  $f(x)$ 에 대하여

곡선  $y = f(x)$ 와 직선  $y = x - 3$ 이  $x$ 좌표가 양수인 두 점 A, B에서 만난다. 직선  $y = x - 3$ 과  $y$ 축이 만나는 점을 C라 하자. 곡선  $y = f(x)$ 와  $y$ 축 및 선분 AC로 둘러싸인 부분의 넓이를  $S_1$ , 곡선  $y = f(x)$ 와 선분 AB로 둘러싸인 부분의 넓이를  $S_2$ 라 하자. 곡선  $y = f(x)$ 와 선분 AB로 둘러싸인 부분의 넓이를 직선  $x = 3$ 이 이등분하고,  $S_2 - 2S_1 = 6$ 일 때,  $f(-1)$ 의 값은?

(단, 점 A의  $x$ 좌표는 3보다 작고, 점 B의  $x$ 좌표는 3보다 크다.)

[4점]

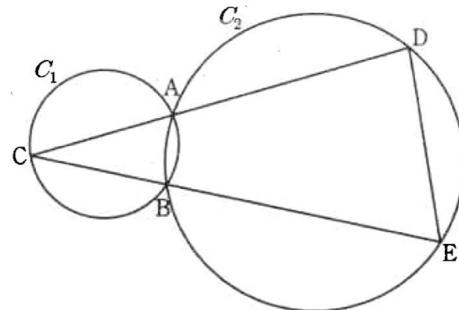
- ①  $\frac{15}{2}$     ② 8    ③  $\frac{17}{2}$     ④ 9    ⑤  $\frac{19}{2}$



14. 그림과 같이 반지름의 길이가 각각  $r_1$ ,  $r_2$ 인 두 원  $C_1$ ,  $C_2$ 가 만나는 두 점을 A, B라 하자. 원  $C_1$  위의 점 C와 원  $C_2$  위의 두 점 D, E에 대하여 세 점 C, A, D와 세 점 C, B, E가 각각 한 직선 위에 있다.

$$r_1 : r_2 = 1 : 2, \quad \overline{AC} = 3, \quad \overline{AD} = 5, \quad \overline{DE} = 4$$

일 때, 선분 CE의 길이는? [4점]



- ①  $3\sqrt{7}$     ②  $\sqrt{66}$     ③  $\sqrt{69}$     ④  $6\sqrt{2}$     ⑤  $5\sqrt{3}$

15. 최고차항의 계수가 1이고  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{f(x)}{x} = 1$ 인 사차함수  $f(x)$ 와  
실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $g(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여  
 $\{g(x)-x\}\{g(x)-f(x)\}=0$   
을 만족시킨다. 함수  $g(x)$ 가 다음 조건을 만족시킬 때,  
모든  $\frac{g(-2)}{g(3)}$ 의 값의 합은? [4점]

단답형

(가)  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{g(x)-g(2)}{x-2}$ 의 값은 존재하지 않는다.

(나)  $x \geq a$ 인 모든 실수  $x$ 에 대하여  $g(-x) = -g(x)$ 를  
만족시키는 실수  $a$ 의 최솟값은 4이다.

- ①  $-\frac{41}{3}$     ②  $-13$     ③  $-\frac{37}{3}$     ④  $-\frac{35}{3}$     ⑤  $-11$

16. 방정식

$$\log_{\sqrt{3}}(x-3) = \log_3(5x-1)$$

을 만족시키는 실수  $x$ 의 값을 구하시오. [3점]

17.  $\int_0^a (4x^2 - 3x) dx = \int_0^a (x^2 + x) dx$ 를 만족시키는 양수  $a$ 의  
값을 구하시오. [3점]

18. 두 수열  $\{a_n\}$ ,  $\{b_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{k=1}^5 (a_k + 3) = 30, \quad \sum_{k=1}^5 (2a_k + b_k) = 53$$

일 때,  $\sum_{k=1}^5 b_k$ 의 값을 구하시오. [3점]

20. 양수  $t$ 에 대하여 닫힌구간  $\left[0, \frac{2}{t}\right]$ 에서 정의된 두 함수

$$f(x) = \sqrt{3} \sin(t\pi x), \quad g(x) = -3 \cos(t\pi x)$$

가 있다.  $0 < k < \frac{2}{t}$ 인 상수  $k$ 에 대하여  $f(k) = g(k) = 3k$ 일 때,  
60( $t+k$ )의 값을 구하시오. [4점]

19. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 곡선  $y = f(x)$

위의 점  $(0, 1)$ 에서의 접선이 곡선  $y = f(x)$ 와 점  $(1, 0)$ 에서  
만난다.  $f(3)$ 의 값을 구하시오. [3점]

21. 최고차항의 계수가 1이고  $f(0)=0$ 인 삼차함수  $f(x)$ 와  
실수  $t$ 에 대하여 곡선  $y=f(x)$ 와 직선  $y=t$ 가 만나는 점의 개수를  
 $g(t)$ 라 하자. 양수  $a$ 와 함수  $g(t)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

함수  $g(t)+g(t-4)$ 는  $t=0$ 과  $t=a$ 에서만 불연속이다.

$f(a)$ 의 최솟값을 구하시오. [4점]

22. 모든 항이 실수인 수열  $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가)  $a_1 \times a_2 > 0$

(나) 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n^2 & (a_n \leq 0) \\ -2a_n + 3 & (a_n > 0) \end{cases}$$

이다.

$a_3 = a_5$ 가 되도록 하는 모든  $a_1$ 의 값의 합이  $\frac{q}{p}$  일 때,  $p+q$ 의 값을  
구하시오. (단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인  
하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이  
선택한 과목인지 확인하시오.

## 수학 영역(미적분)

제 2 교시

1

5지선다형

23.  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 1}{x}$ 의 값은? [2점]

- ①  $\ln 2$     ②  $2 \ln 2$     ③  $3 \ln 2$     ④  $4 \ln 2$     ⑤  $5 \ln 2$

24. 매개변수  $t(t > 0)$ 으로 나타내어진 곡선

$$x = e^{2t-2}, \quad y = \frac{\ln t}{t}$$

에서  $t = 1$  일 때,  $\frac{dy}{dx}$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{6}$     ②  $\frac{1}{3}$     ③  $\frac{1}{2}$     ④  $\frac{2}{3}$     ⑤  $\frac{5}{6}$

25. 두 양수  $a, b$ 에 대하여

$$\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{an^2 + bn} - bn) = \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{(bn - 1)^2}{(b+6)n^2 + 1}$$

일 때,  $a+b$ 의 값은? [3점]

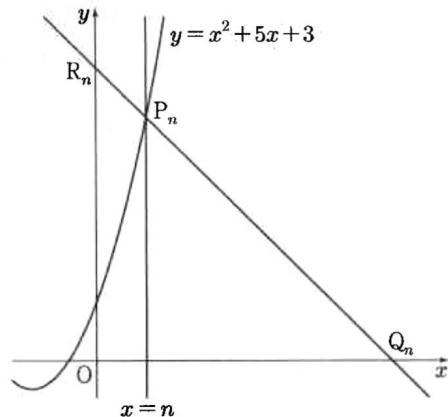
- ① 6      ② 12      ③ 18      ④ 24      ⑤ 30

26. 자연수  $n$ 에 대하여 곡선  $y = x^2 + 5x + 3$ 과 직선  $x = n$ 이

만나는 점을  $P_n$ 이라 하고, 점  $P_n$ 을 지나고 기울기가  $-1$ 인 직선이  
 $x$ 축과 만나는 점을  $Q_n$ ,  $y$ 축과 만나는 점을  $R_n$ 이라 하자.

$$\sum_{n=1}^{\infty} \frac{3\sqrt{2}}{P_n Q_n - P_n R_n}$$

- ①  $\frac{1}{4}$       ②  $\frac{1}{2}$       ③  $\frac{3}{4}$       ④ 1      ⑤  $\frac{5}{4}$



14 / 20

# 수학 영역(미적분)

3

27. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $f(x)$ 가 역함수  $g(x)$ 를 갖고, 모든 실수  $x$ 에 대하여

$$e^{2f(x)} - e^{f(2x)} - 2e^{3x} = 0$$

을 만족시킨다.  $g'(f(0))$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{6}$       ②  $\frac{1}{3}$       ③  $\frac{1}{2}$       ④  $\frac{2}{3}$       ⑤  $\frac{5}{6}$

28.  $7\pi$ 보다 작은 두 양수  $a, b$ 에 대하여 함수

$$f(x) = \sin(a + b \cos x)$$

가 다음 조건을 만족시킬 때,  $a+b$ 의 값은? [4점]

(가) 방정식  $f'(x) = b$ 의 해가 존재한다.

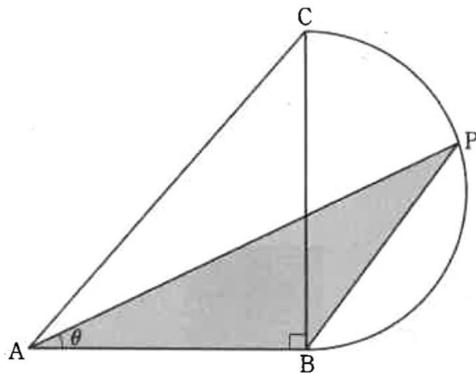
(나)  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1}{x} \sin(f(a)\left(\pi + \frac{x}{4}\right)) = \frac{b}{a}$

- ①  $5\pi$       ②  $\frac{25}{4}\pi$       ③  $\frac{15}{2}\pi$       ④  $\frac{35}{4}\pi$       ⑤  $10\pi$

15 / 20

## 단답형

29. 그림과 같이  $\overline{AB} = \sqrt{3}$ ,  $\overline{BC} = 2$ 이고  $\angle CBA = \frac{\pi}{2}$ 인  
직각삼각형 ABC 와 선분 BC를 지름으로 하는 반원이 있다.  
호 BC 위의 점 P에 대하여  $\angle BAP = \theta$ 일 때, 삼각형 ABP의  
넓이를  $f(\theta)$ 라 하자.  $20f'(\frac{\pi}{6})$ 의 값을 구하시오. (단, 점 P는  
점 B가 아니다.) [4점]



30. 수열  $\{a_n\}$ 은 모든 항이 양수인 등비수열이고, 수열  $\{b_n\}$ 을  
모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$b_n = \begin{cases} (-1)^n & (a_n < 1) \\ a_n & (a_n \geq 1) \end{cases}$$

이라 할 때, 수열  $\{b_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 급수  $\sum_{n=1}^{\infty} (3b_{3n-2} - 7b_{3n-1} + 2b_{3n})$ 은 수렴한다.

$$(나) b_5^2 = b_4 b_6 - \frac{9}{4}$$

$90a_3$ 의 값을 구하시오. [4점]

## ※ 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인  
하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한  
과목인지 확인하시오.