

## 제 2 교시

2025학년도 수능 대비 소우주 모의고사 : 신성 제0호

# 수학 영역

홀수형

성명	
----	--

수험 번호					-				
-------	--	--	--	--	---	--	--	--	--

- 문제지의 해당란에 성명과 수험 번호를 정확히 쓰시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하시오.

**그대만큼 사랑스러운 사람은 이제 볼 수 없다.**

- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호, 문형(홀수/짝수), 답을 정확히 표시하시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하시오.  
배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하시오.

※ 공통 과목 및 자신이 선택한 과목의 문제지를 확인하고, 답을 정확히 표시하시오.

- **공통과목** ..... 1~8 쪽
- **선택과목**
  - 확률과 통계 ..... 9~12 쪽
  - 미적분 ..... 13~16 쪽
  - 기하 ..... 17~20 쪽

※ 시험이 시작될 때까지 표지를 넘기지 마십시오.

**소우주수학 & 김형주**

## credit

### 출제진

박재윤 (소우주수학)

- 서강대학교 인문학부 재학
- 팀 KK 팀원
- 팀 소우주 팀장(?)

김형주

- 고등학교 1학년

??

- 정체를 숨김 1

???

- 정체를 숨김 2

### 출제 및 해설 내역

11번, 20번, 22번 : 김형주, 박재윤

기하 28번 : ??, 박재윤

기하 29번 : ??

확통 28번 : ???, 박재윤

그 외 모든 문항 출제 : 박재윤

모든 문항 해설 : 박재윤

### 검토진

김영주 (인дум)

- 한국과학영재학교 졸업
- 한국교원대학교 재학

허준석

- 서울대학교 의과대학 재학

김민재

유성운

### 필적확인란 작성자

유성운

제 2 교시

## 수학 영역

## 5지선다형

1.  $\left(\frac{2\sqrt{3}}{2}\right)^{\sqrt{3}+1}$  의 값은? [2점]

① 1      ② 2      ③ 4      ④ 8      ⑤ 16

3.  $\sum_{k=1}^{10} (k^2 + k + a) = 500$  일 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

① 5      ② 6      ③ 7      ④ 8      ⑤ 9

2. 함수  $f(x) = x^4 - x$ 에 대하여  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x)}{x-1}$ 의 값은? [2점]

① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

4. 다항함수  $f(x)$ 에 대하여 곡선

$$y = (2x-1)f(x)$$

위의 점  $(1, 1)$ 에서의 접선이  $x$  축에 평행할 때,  $f'(1)$ 의 값은?  
[3점]

① -6      ② -5      ③ -4      ④ -3      ⑤ -2

## 2

## 수학 영역

5.  $\tan(\pi - \theta) = 3$ ,  $\sin\theta < 0$ 인  $\theta$ 에 대하여  $\sin\left(\frac{\pi}{2} - \theta\right)$ 의 값은?

- |                           |                            |                 |
|---------------------------|----------------------------|-----------------|
| ① $\frac{3\sqrt{10}}{10}$ | ② $\frac{\sqrt{10}}{10}$   | ③ $\frac{1}{3}$ |
| ④ $-\frac{\sqrt{10}}{10}$ | ⑤ $-\frac{3\sqrt{10}}{10}$ |                 |

[3점]

7. 수열  $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제  $n$  항까지의 합을  $S_n$ 이라 할 때,

$$S_n = \log_2 \frac{n+1}{n}$$

이다.  $\sum_{k=1}^{14} (S_k + a_{k+1})$ 의 값은? [3점]

- |     |                 |     |                 |     |
|-----|-----------------|-----|-----------------|-----|
| ① 1 | ② $\frac{3}{2}$ | ③ 2 | ④ $\frac{5}{2}$ | ⑤ 3 |
|-----|-----------------|-----|-----------------|-----|

6. 다항함수  $f(x)$ 가

$$f'(x) = f(2)x^2 - 2x, \quad f(0) = -1$$

을 만족시킬 때,  $f(3)$ 의 값은? [3점]

- |      |      |      |      |      |
|------|------|------|------|------|
| ① 14 | ② 15 | ③ 16 | ④ 17 | ⑤ 19 |
|------|------|------|------|------|

# 수학 영역

8. 함수  $f(x) = x^3 + 3x^2 + ax + b$ 가  $x = 1$ 에서 극솟값 2를 가질 때, 함수  $f(x)$ 의 극댓값은? (단,  $a, b$ 는 상수이다.) [3점]

① 31      ② 32      ③ 33      ④ 34      ⑤ 35

10. 모든 항이 서로 다른 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\sum_{n=1}^4 |a_n + a_{n+1}| = \sum_{n=1}^4 |a_n| = a_5 - 3$$

일 때,  $a_2$ 의 값은? [4점]

① -6      ② -3      ③  $-\frac{3}{2}$       ④  $\frac{3}{2}$       ⑤ 3

9. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

곡선  $y = f(x)$  위의 점  $(3, f(3))$ 에서의 접선의 방정식은  $y = f'(5)(x - 6) + 6$ 이다.

$f(0) = 0$  일 때,  $f(1)$ 의 값은? [4점]

① 22      ② 24      ③ 26      ④ 28      ⑤ 30

## 4

## 수학 영역

11. 다항함수  $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} \frac{1}{x-1} - \frac{1}{f(x)} & (x < 1) \\ \sqrt{f(x)} - x\sqrt{x} & (x \geq 1) \end{cases}$$

가 실수 전체의 집합에서 연속이고  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{g(x)}{\sqrt{x}} = k$  일 때,  
실수  $k$ 의 값은? [4점]

- ① -1    ② -2    ③ -3    ④ -4    ⑤ -5

12. 실수  $a (a > 1)$ 에 대하여  $x$ 에 대한 방정식

$$\left(a^x - \frac{5}{3} - x\right) \times \left(\frac{5}{3} - a^{-x} - x\right) = 0$$

의 서로 다른 실근의 개수가 2이다.  $a$ 의 값은? [4점]

- ①  $2^{\frac{1}{4}}$     ②  $2^{\frac{3}{4}}$     ③  $3^{\frac{1}{4}}$     ④  $3^{\frac{3}{4}}$     ⑤  $3^{\frac{5}{4}}$

# 수학 영역

5

13. 삼차함수  $f(x)$ 와 실수  $t$ 에 대하여  $x$ 에 대한 방정식  $f(x) = tx$ 의 서로 다른 실근의 개수를  $g(t)$ 라 할 때, 두 함수  $f(x)$ ,  $g(t)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

$t$ 에 대한 방정식  $f(g(t)) = 2$ 의 모든 실근이  $0, 1^\circ$ 이다.

$f(0) = 0$ 일 때, 모든  $f(-2)$ 의 값의 합은? [4점]

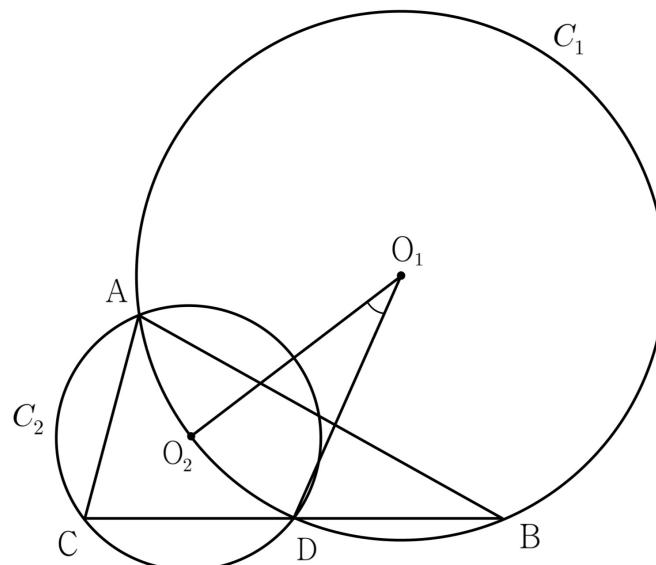
- ① -6    ② -9    ③ -12    ④ -15    ⑤ -18

14. 삼각형 ABC와 선분 BC의 중점 D에 대하여 삼각형 ABD의 외접원  $C_1$ 의 중심을  $O_1$ 이라 하고 삼각형 ACD의 외접원  $C_2$ 의 중심을  $O_2$ 라 하자. 점  $O_2$ 는 원  $C_1$  위의 점이고,

$$\overline{AD} = 5, \sin(\angle DO_1 O_2) = \frac{\sqrt{15}}{8}$$

이다. 점  $O_1$ 과 직선 AB 사이의 거리는? [4점]

- ①  $\sqrt{10}$     ②  $\sqrt{11}$     ③  $2\sqrt{3}$     ④  $\sqrt{13}$     ⑤  $\sqrt{14}$



## 6

## 수학 영역

15. 실수  $a(a > 2)$ 에 대하여 구간  $[0, \infty)$ 에서 정의된 함수  $f(x)$ 를

$$f(x) = \begin{cases} x - a + 2 & (0 \leq x < a) \\ x - a - 2 & (x \geq a) \end{cases}$$

라 하자. 양수  $p$ 에 대하여 부등식

$$\int_0^x |f(t)| dt \leq px$$

가 성립하도록 하는 서로 다른 모든 양수  $x$ 의 값이  
 $\alpha_1, \alpha_2$ 일 때,  $p + \alpha_1 + \alpha_2$ 의 값은? [4점]

- ①  $5 + 2\sqrt{2}$       ②  $6 + 2\sqrt{2}$       ③  $7 + 2\sqrt{2}$   
 ④  $8 + 2\sqrt{2}$       ⑤  $9 + 2\sqrt{2}$

단답형

16. 방정식

$$\log_2(x-1) = \frac{1}{2} + \log_4(x+3)$$

을 만족시키는 실수  $x$ 의 값을 구하시오. [3점]

17. 함수  $f(x) = x^3 - 6x^2 + 10x$ 에서  $x$ 의 값이 1에서  $a$ 까지  
 변할 때의 평균변화율이  $f'(3)$ 과 같을 때,  $a$ 의 값을 구하시오.  
 (단,  $a$ 는  $a > 1$ 인 상수이다.) [3점]

# 수학 영역

7

18. 첫째항이 10인 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n - 4 & (a_n > 0) \\ a_n + 3 & (a_n \leq 0) \end{cases}$$

일 때, 수열  $\{a_n\}$ 의 서로 다른 모든 항의 합을 구하시오. [3점]

20. 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 수열  $\{a_n + a_{n+1}\}$ 은 등차수열이고 집합

$$A = \{a_m \mid m \text{은 } 8 \text{ 이하의 자연수}\}$$

이 다음 조건을 만족시킨다.

$$n(A) = 5 \text{이고, } A \text{의 모든 원소의 합은 } 20 \text{이다.}$$

$a_1 = 1, a_2 < a_3$  일 때,  $a_9$ 의 값을 구하시오. [4점]

19. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수  $x$ 에 대하여  $f(x+1) = f(x) + 2x$ 이다.

$$(나) \int_0^1 f(x) dx = 1$$

$\int_1^4 f(x) dx$ 의 값을 구하시오. [3점]

21. 두 양수  $p, q$ 에 대하여 시각  $t = 0$ 일 때 원점에서 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각  $t (t \geq 0)$ 에서의 속도가

$$v(t) = \begin{cases} -p(t-1)(t-5) & (0 \leq t < 6) \\ q(t-6) - 5p & (t \geq 6) \end{cases}$$

이고, 다음 조건을 만족시키는 음수  $x$ 의 값이  $-7$  뿐이다.

점 P는 출발한 후 점 X( $x$ )를 두 번만 지난다.

$10 \times (p+q)$ 의 값을 구하시오. [4점]

22. 함수  $f(x) = \sin \frac{\pi x}{n}$ 에 대하여

$$f(x_1 + 1) = f(x_2 - 1)$$

을 만족시키는 두 실수  $x_1, x_2$ 가 열린구간  $(3, 5)$ 에 존재하도록 하는 모든 자연수  $n$ 의 값의 합을 구하시오. [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(학률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

## 수학 영역(확률과 통계)

23. 다섯 개의 수 1, 2, 2, 3, 3을 모두 일렬로 나열하는 경우의 수는? [2점]

- ① 24      ② 27      ③ 30      ④ 33      ⑤ 36

24. 두 사건  $A$ ,  $B$ 에 대하여

$$P(A \cap B^C) = \frac{1}{5}, P(A \cup B) = \frac{3}{5}$$

일 때,  $P(B)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{5}$       ②  $\frac{2}{5}$       ③  $\frac{1}{3}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤  $\frac{2}{3}$

## 2

## 수학 영역(확률과 통계)

25. 한 개의 주사위를 두 번 던져 나온 두 눈의 수의 곱이 6의 배수일 확률은? [3점]

①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{5}{12}$       ③  $\frac{1}{2}$       ④  $\frac{7}{12}$       ⑤  $\frac{2}{3}$

26. 양수  $t$ 에 대하여 확률변수  $X$ 가 정규분포  $N(1, t^2)$ 를 따를 때, 양수 전체의 집합에서 정의된 함수

$$f(t) = P(t \leq X \leq 2t)$$

는  $t = a$ 에서 최댓값  $M$ 을 갖는다.  
 $a \times M$ 의 값을 오른쪽 정규분포표를 이용하여 구한 값을?  
(단,  $a > 0$ ) [4점]

$z$	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.5	0.192
1.0	0.341
1.5	0.433
2.0	0.477

① 0.256      ② 0.318      ③ 0.512      ④ 0.636      ⑤ 1.024

## 수학 영역(확률과 통계)

3

27. 집합  $X = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 함수  $f: X \rightarrow X$ 의 개수는? [3점]

집합  $X$ 의 임의의 서로 다른 두 원소  $a, b$ 에 대하여  $f(a) \times f(b)$ 가 홀수이면  $a \times b$ 는 홀수이다.

- ① 592      ② 596      ③ 600      ④ 604      ⑤ 608

28. 10명의 학생이 있는 반이 있다. 이 학생들의 수학 영역 등급은 각각 1, 3, 5, 7 중 하나이다. 이 반에서 크기가 5인 표본을 임의추출하여 얻은 표본평균을  $\bar{X}$  라 하자.

$$E(\bar{X}) = 4, V(\bar{X}) = 1$$

일 때,  $P\left(\bar{X} = \frac{33}{5}\right)$ 의 값은? [4점]

- ①  $\frac{1}{625}$       ②  $\frac{2}{625}$       ③  $\frac{3}{625}$       ④  $\frac{4}{625}$       ⑤  $\frac{1}{125}$

## 4

## 수학 영역(확률과 통계)

## 단답형

29. 앞면에는 1, 뒷면에는 0이 적혀 있는 5장의 카드 중 3장은 1이 보이도록, 2장은 0이 보이도록 놓여 있다. 이 카드들을 사용하여 다음 시행을 한다.

5장의 카드에 보이는 모든 수의 합을  $k$ 라 할 때,  
 $k$ 가 0 또는 양의 홀수이면  
 5장의 카드 중 임의로  $k$ 장을 선택하여 한 번 뒤집고,  
 $k$ 가 양의 짝수이면  
 5장의 카드 중 임의로 1장을 선택하여 한 번 뒤집는다.

위의 시행을 4번 반복한 후 5장의 카드에 보이는 수의 합이 0일 확률은  $p$ 이다.  $250 \times p$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 흰 공 6개와 검은 공 5개 중 7개를 선택하여 상자 A와 상자 B에 남김없이 나누어 담을 때, 다음 조건을 만족시킬 경우의 수는? (단, 같은 색 공끼리는 서로 구별하지 않는다.)

[4점]

상자 A에 들어가는 흰 공의 개수는  
 상자 B에 들어가는 검은 공의 개수보다 많다.

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

## 수학 영역(미적분)

23.  $\int_0^{\pi^2} \sin \sqrt{x} dx$ 의 값은? [2점]

- ①  $\frac{\pi}{4}$       ②  $\frac{\pi}{2}$       ③  $\pi$       ④  $2\pi$       ⑤  $4\pi$

24. 실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수  $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \frac{f(x)}{2 + \sin x}$$

가  $g'(\pi) = g(\pi) = 1$ 를 만족시킬 때,  $f'(\pi)$ 의 값은? [3점]

- ① 0      ② 1      ③ 2      ④ 3      ⑤ 4

## 2

## 수학 영역(미적분)

25. 모든 항이 실수인 등비수열  $\{a_n\}$ 이

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n \times a_n}{2^{n+1} + 4} = a_1 - 1$$

를 만족시킬 때,  $a_2$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{2}{3}$       ③  $\frac{4}{3}$       ④  $\frac{8}{3}$       ⑤  $\frac{16}{3}$

26. 함수  $f(x) = x^3 - 3x^2 + 4x$ 가 있다. 실수 전체의 집합에서 정의된 함수  $g(x)$ 를 매개변수  $t$ 로 나타내면

$$x = f(t), \quad y = f^{-1}(t)$$

일 때,  $g(4) \times g'(4)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{16}$       ②  $\frac{1}{8}$       ③  $\frac{1}{4}$       ④  $\frac{1}{2}$       ⑤ 1

# 수학 영역(미적분)

3

27. 자연수  $n$ 에 대하여 0과  $\frac{3}{2}\pi$  사이에  $n$ 개의 수를 넣어 만든 수열

$$0, a_1, a_2, \dots, a_n, \frac{3}{2}\pi$$

i) 등차수열일 때, 수열  $\{b_n\}$ 의 일반항이

$$b_n = \sum_{k=1}^n a_k |\sin a_{k+1} - \sin a_k|$$

이다.  $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{3}{2}\pi - 1$       ②  $\frac{3}{2}\pi + 1$       ③  $\frac{5}{2}\pi - 1$   
④  $\frac{5}{2}\pi + 1$       ⑤  $\frac{7}{2}\pi - 1$

28. 양수  $t$ 와 곡선  $y = \frac{t}{e^x}$  위를 움직이는 점 P에 대하여

원점과 점 P 사이의 거리가 최소일 때, 점 P의 x좌표를  $f(t)$ 라 하자. 미분가능한 함수  $f(t)$ 에 대하여 두 양수  $a, b$ 가

$f(a) = 1, f(b) = 2$  를 만족시킬 때,  $\int_a^b t^2 f'(t) dt$  의 값은? [4점]

- ①  $\frac{e^4 - e^2}{4}$       ②  $\frac{3e^4 - e^2}{4}$       ③  $\frac{e^4 - e^2}{2}$   
④  $\frac{3e^4 - e^2}{2}$       ⑤  $e^4 - e^2$

## 단답형

29. 등비수열  $\{a_n\}$  과 최고차항의 계수가 1인 이차함수  $f(x)$ 가

$$\sum_{n=1}^{\infty} f(a_n) = \sum_{n=1}^{\infty} \{a_1 + f'(a_n)\} = 6$$

를 만족시킬 때,  $a_2 \times f(3)$ 의 값을 구하시오. [4점]

30. 이차함수  $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = e^{f(x)} - f'(x)$$

가 있다. 두 함수  $g(x), h(t)$ 가 모든 실수  $t$ 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

점  $(t, t)$ 에서 곡선  $y = g(x)$ 에 그은 접선의 개수는 2이고, 두 접선의 기울기의 차는  $h(t)$ 이다.

$h(2) - \lim_{t \rightarrow 2} h(t) = 2$  일 때,  $80 \times \{f(0)\}^2$ 의 값을 구하시오. [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

## 수학 영역(기하)

23. 좌표평면에서 두 직선

$$\frac{x-1}{2} = y+2, \quad \frac{x}{3} = \frac{y+2}{4}$$

이) 이루는 예각을  $\theta$ 라 할 때,  $\cos^2\theta$ 의 값은? [2점]

- ①  $\frac{1}{3}$       ②  $\frac{2}{5}$       ③  $\frac{1}{2}$       ④  $\frac{2}{3}$       ⑤  $\frac{4}{5}$

24. 쌍곡선  $\frac{x^2}{7} - \frac{y^2}{9} = 1$ 의 두 초점 사이의 거리는? [3점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

## 2

## 수학 영역(기하)

25. 좌표공간의 점 A(3, 4, 5)를 z축에 대하여 대칭이동한 점을 B라 하고, 점 B를  $yz$ 평면에 대하여 대칭이동한 점을 C라 할 때, 선분 AC의 길이는? [3점]

- ① 6      ② 8      ③ 10      ④ 12      ⑤ 14

26. 벡터  $\vec{a} = (2, 4)$ 에 대하여 좌표평면에서

$$5 \leq \vec{a} \cdot \overrightarrow{OP} \leq |\overrightarrow{OP}|^2$$

를 만족시키는 모든 점 P가 나타내는 영역의 넓이는?  
(단, O는 원점이다.) [3점]

- ①  $\frac{10}{3}\pi + \frac{5}{4}\sqrt{3}$       ②  $\frac{10}{3}\pi + \frac{5}{2}\sqrt{3}$       ③  $\frac{20}{3}\pi + \frac{5}{4}\sqrt{3}$   
④  $\frac{20}{3}\pi + \frac{5}{2}\sqrt{3}$       ⑤  $\frac{40}{3}\pi + \frac{5}{4}\sqrt{3}$

# 수학 영역(기하)

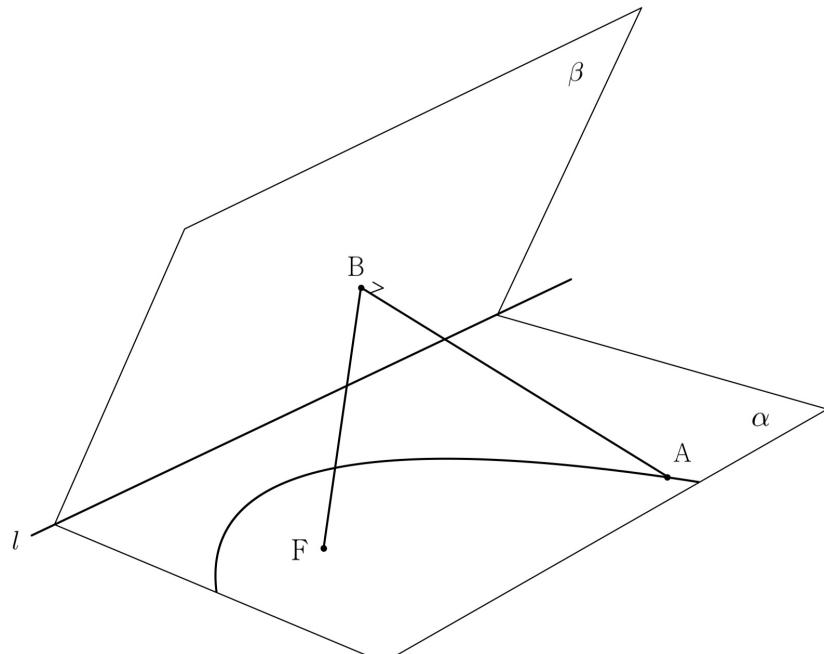
3

27. 평면  $\alpha$  위의 점 F와 두 평면  $\alpha, \beta$ 의 교선  $l$  사이의 거리가  $2^\circ$ 이다. 평면  $\alpha$  위에 점 F를 초점으로 하고 직선  $l$ 을 준선으로 하는 포물선이 있다. 이 포물선 위의 점 A에서 평면  $\beta$ 에 내린 수선의 발을 B라 할 때,

$$\overline{AB} = 2\sqrt{3}, \overline{BF} = 2\sqrt{5}$$

이다. 삼각형 ABF의 평면  $\alpha$ 로의 정사영의 넓이는? [3점]

- ①  $2\sqrt{3}$     ②  $3\sqrt{3}$     ③  $4\sqrt{3}$     ④  $5\sqrt{3}$     ⑤  $6\sqrt{3}$



28.  $x$ 축 위의 점 A와  $y$ 축 위의 점 B에 대하여 좌표평면 위의 점 P와 두 실수  $s, t$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

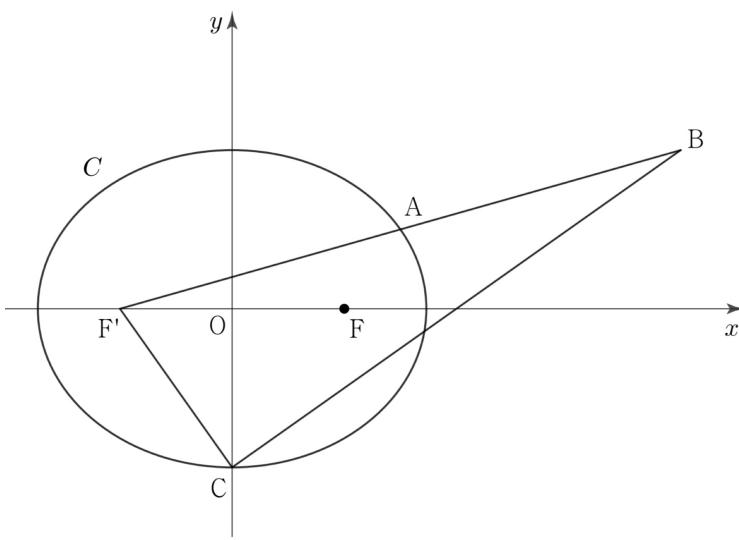
(가)  $|\overrightarrow{AP} + \overrightarrow{BP}| = 2$   
 (나)  $s\overrightarrow{OP} = t\overrightarrow{OA} + (1-t)\overrightarrow{OB}$

모든 실수  $s, t$ 의 순서쌍  $(s, t)$ 에 대하여 실수  $t$ 의 최댓값이  $\frac{3}{4}$ 이고 최솟값이 0일 때,  $s$ 의 최댓값과 최솟값의 곱은?  
 (단, O는 원점이다.) [4점]

- ① 1    ②  $\frac{3}{2}$     ③  $\frac{4}{3}$     ④  $\frac{5}{3}$     ⑤ 2

## 단답형

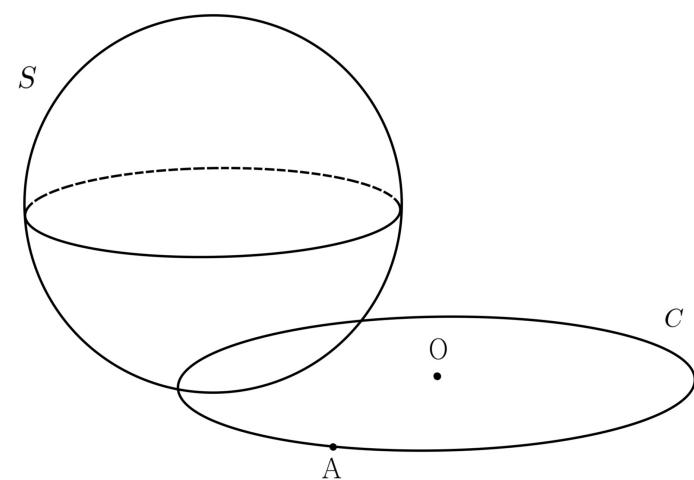
29. 양수  $c$ 에 대하여 두 초점이  $F(c, 0), F'(-c, 0)$ 인 타원  $C$  위의 제1사분면에 있는 점  $A$ 가 있다. 선분  $AF'$ 를  $1:2$ 로 외분하는 점을  $B$ 라 하고, 타원  $C$ 의 꼭짓점 중  $y$ 좌표가 음수인 점을  $C$ 라 하자. 삼각형  $BF'C$ 의 무게중심이 점  $F$ 이고,  $\overline{BC} = 6\sqrt{2}$  일 때, 타원  $C$ 의 단축의 길이는  $k$ 이다.  $k^2$ 의 값을 구하시오. [4점]



30. 좌표공간에서 반지름의 길이가 3인 구  $S$ 와 점  $O$ 를 중심으로 하고 반지름의 길이가 4인 원  $C$ 가 한 점에서만 만난다. 원  $C$  위의 점  $A$ 에 대하여 구  $S$  위의 점  $P$ 를 점  $A$ 와 점  $P$  사이의 거리가 최대가 되도록 잡을 때,

$$\overline{AP} = 8, \angle OAP = \frac{\pi}{2}$$

이다. 원  $C$ 를 포함하는 평면과 평면  $OAP$ 가 이루는 각을  $\theta$ 라 할 때,  $\cos^2 \theta = \frac{q}{p}$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]



\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.