

수학 영역 (A형)

홀수형

성명		수험번호																	
----	--	------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

- 자신이 선택한 유형(A형/B형)의 문제지인지 확인하십시오.
- 문제지의 해당란에 성명과 수험 번호를 정확히 쓰십시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하십시오.

높이 부는 겨울 바람에 노래를 칩니다

- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호, 문형(홀수/짝수), 답을 정확히 표시하십시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하십시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하십시오. 배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.

제 2 교시

수학 영역(A형)

출수형

5지선다형

1. $\log_2 6 + \log_2 \frac{8}{3}$ 의 값은? [2점]

- ① 3 ② 4 ③ 5 ④ 6 ⑤ 7

2. 행렬 $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ 2 & a \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$ 에 대하여 행렬 $A+B$ 의 모든 성분의 합이 9일 때, 상수 a 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

3. 한 개의 동전을 4번 던질 때, 앞면이 2번 나올 확률은? [2점]

- ① $\frac{1}{4}$ ② $\frac{5}{16}$ ③ $\frac{3}{8}$ ④ $\frac{7}{16}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

4. 그래프 G 의 각 꼭짓점 사이의 연결 관계를 나타내는 행렬이 다음과 같을 때, 그래프 G 의 꼭짓점의 개수와 변의 개수의 합은? [3점]

$$\begin{pmatrix} 0 & a & 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & c \\ 0 & 1 & b & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

5. $\lim_{n \rightarrow \infty} (n+1 - \sqrt{n^2+n})$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

7. $\int_{-1}^1 (3x^2 + 2x + a) dx = 10$ 일 때, 상수 a 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

6. 함수 $f(x) = x^3 + 3x^2 - 2x + 1$ 에 대하여 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - f(1)}{x - 1}$ 의 값은? [3점]

- ① 4 ② 5 ③ 6 ④ 7 ⑤ 8

8. 함수

$$f(x) = \begin{cases} x+a & (x < 1) \\ 2x+1 & (x \geq 1) \end{cases}$$

이 실수 전체의 집합에서 연속일 때, 상수 a 의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

9. 확률변수 X 가 이항분포 $B\left(72, \frac{2}{3}\right)$ 를 따를 때, 확률변수 $2X+3$ 의 표준편차는? [3점]

- ① 2 ② 4 ③ 6 ④ 8 ⑤ 10

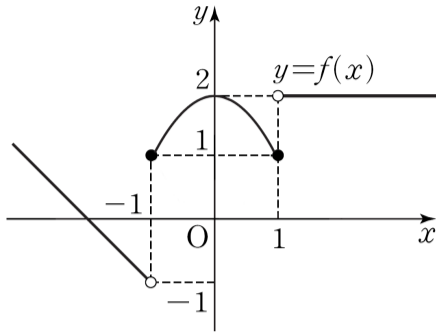
10. 지진계에 기록된 지진파의 진폭을 A mm, 지진의 PS시를 t 초라 할 때, 지진의 규모 M 을 다음과 같은 관계식으로 나타낼 수 있다.

$$M = \log A + 3 \log 8t - 2.9$$

지진계에 기록된 지진파의 진폭이 6mm이고, PS시가 8초인 지진의 규모를 M_1 , 지진계에 기록된 지진파의 진폭이 30mm이고, PS시가 16초인 지진의 규모를 M_2 라 할 때, $M_2 - M_1$ 의 값은? (단, $\log 2 = 0.3$ 으로 계산한다.) [3점]

- ① 1.5 ② 1.6 ③ 1.7 ④ 1.8 ⑤ 1.9

11. 함수 $y=f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -1-0} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1+0} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① 0 ② 1 ③ 2 ④ 3 ⑤ 4

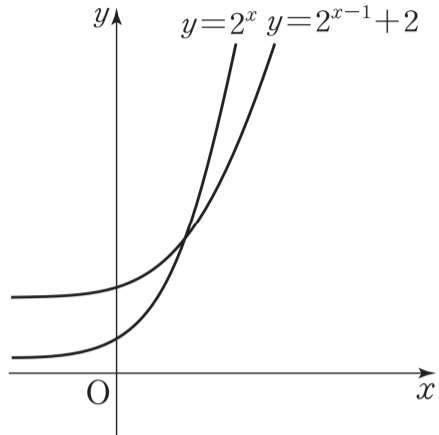
12. 두 사건 A, B 는 서로 배반사건이고

$$P(A \cap B^c) = \frac{1}{3}, \quad \frac{P(B)}{P(A)} = \frac{3}{2}$$

일 때, $P(A \cup B)$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{7}{12}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ $\frac{3}{4}$ ⑤ $\frac{5}{6}$

[13~14] 두 곡선 $y=2^x$ 과 $y=2^{x-1}+2$ 에 대하여 13번과 14번의 두 물음에 답하시오.



13. 두 곡선 $y=2^x$, $y=2^{x-1}+2$ 가 y 축과 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 두 곡선 $y=2^x$ 과 $y=2^{x-1}+2$ 의 교점을 C라 할 때, 삼각형 ABC의 넓이는? [3점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② 1 ③ $\frac{3}{2}$ ④ 2 ⑤ $\frac{5}{2}$

14. 자연수 n 에 대하여 직선 $x=n$ 이 두 곡선 $y=2^x$,

$y=2^{x-1}+2$ 와 만나는 점을 각각 P_n, Q_n 이라 할 때, $\sum_{n=1}^7 \overline{P_n Q_n}$ 의

값은? [4점]

- ① 115 ② 117 ③ 119 ④ 121 ⑤ 123

15. 1, 1, 2, 3의 숫자가 각각 하나씩 적힌 4개의 공이 들어 있는 상자가 있다. 이 상자에서 임의로 2개의 공을 동시에 꺼낼 때, 꺼낸 두 공에 적혀 있는 숫자의 합을 확률변수 X 라 하자. $E(X)$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{7}{2}$ ② $\frac{43}{12}$ ③ $\frac{11}{3}$ ④ $\frac{15}{4}$ ⑤ $\frac{23}{6}$

16. 함수

$$f(x) = x^2 - 2x \int_{-1}^1 f(t)dt + \int_{-1}^1 f(t)dt$$

에 대하여 $f(1)$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{1}{3}$ ② $\frac{2}{3}$ ③ 1 ④ $\frac{4}{3}$ ⑤ $\frac{5}{3}$

17. 수열 $\{a_n\}$ 은 $a_1=2$ 이고, $S_n = \sum_{k=1}^n a_k$ 에 대하여

$$(n+1)a_{n+1} + nS_n = 0 \quad (n \geq 1)$$

을 만족시킨다. 다음은 일반항 a_n 을 구하는 과정이다.

자연수 n 에 대하여 $S_{n+1} - S_n = a_{n+1}$ 이므로
 $(n+1)(S_{n+1} - S_n) + nS_n = 0 \quad (n \geq 1)$
 이다. 따라서

$$S_{n+1} = \frac{1}{n+1} \times S_n$$

 이고, $S_1 = 2$ 이므로

$$S_n = \boxed{\text{(가)}}$$

 이다. 그러므로 $a_1 = 2$ 이고,

$$a_n = \boxed{\text{(나)}} \quad (n \geq 2)$$

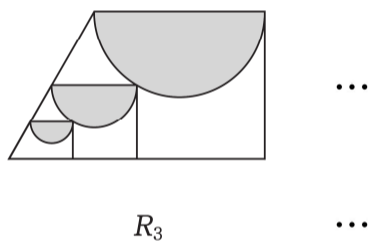
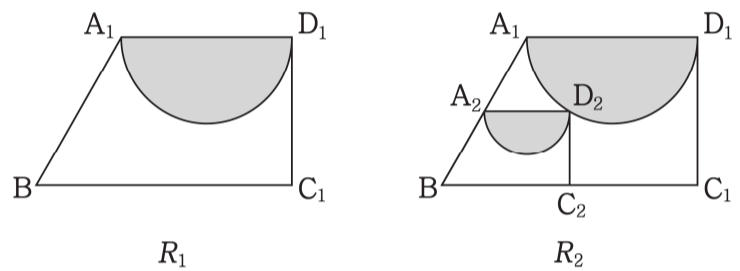
 이다.

위의 (가), (나)에 알맞은 식을 각각 $f(n)$, $g(n)$ 이라 할 때,
 $\frac{g(7)}{f(8)}$ 의 값은? [4점]

- ① -56 ② -52 ③ -48 ④ -44 ⑤ -40

18. 사다리꼴 $A_1BC_1D_1$ 에서 $\overline{A_1B} = \overline{A_1D_1} = 2$, $\overline{BC_1} = 3$ 이고, 선분 C_1D_1 은 선분 A_1D_1 과 선분 BC_1 에 모두 수직이다. 그림과 같이 중심이 선분 A_1D_1 의 중점이고, 지름의 길이가 $\overline{A_1D_1}$ 인 반원을 사다리꼴 $A_1BC_1D_1$ 의 내부에 그리고 새로 그려진 반원에 색칠하여 얻은 그림을 R_1 이라 하자.

그림 R_1 에 선분 A_1B , 선분 BC_1 , 호 A_1D_1 위의 점 중 양 끝점이 아닌 점 A_2, C_2, D_2 와 점 B 를 꼭짓점으로 하고 사다리꼴 $A_1BC_1D_1$ 과 닮은 사다리꼴 $A_2BC_2D_2$ 를 그린다. 사다리꼴 $A_2BC_2D_2$ 에서 그림 R_1 을 얻는 것과 같은 방법으로 만들어지는 반원에 색칠하여 얻은 그림을 R_2 라 하자. 이와 같은 과정을 계속하여 n 번째 얻은 그림 R_n 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를 S_n 이라 할 때, $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ 의 값은? [4점]



- ① $\frac{2}{3}\pi$ ② $\frac{3}{4}\pi$ ③ $\frac{5}{6}\pi$ ④ $\frac{11}{12}\pi$ ⑤ π

19. 두 이차정사각행렬 A, B 가

$$AB^2 + A = 2E, \quad A^2B + 2A = O$$

를 만족시킬 때, 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은?
(단, E 는 단위행렬이고, O 는 영행렬이다.) [4점]

<보 기>

ㄱ. A 와 B 의 역행렬이 모두 존재한다.
 ㄴ. $B^2 + B + E = O$
 ㄷ. $A^2 + 4B^2 = -4E$

- ① ㄱ ② ㄷ ③ ㄱ, ㄴ
 ④ ㄴ, ㄷ ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

20. 어느 공장에서 생산되는 막대과자 1개의 길이는 모평균이 m 이고, 모표준편차가 2인 정규분포를 따른다고 한다. 이 공장에서 생산된 막대과자 가운데 16개를 임의추출하여 m 의 값을 신뢰도 $\alpha\%$ 로 추정한 신뢰구간이 $[\bar{x}-b, \bar{x}+b]$ 이고, 이 공장에서 생산된 막대과자 가운데 임의로 선택한 막대과자 1개의 길이가 $m+2b$ 이상일 확률이 0.179일 때, 상수 α 의 값은? (단, 길이의 단위는 cm이다.) [4점]

z	$P(0 \leq Z \leq z)$
0.46	0.177
0.92	0.321
1.38	0.416
1.84	0.467

- ① 35.4 ② 64.2 ③ 82.1 ④ 83.2 ⑤ 93.4

21. 함수 $f(x) = |x^3 - nx^2 + 3n|$ 이 다음 조건을 만족시키도록 하는 자연수 n 의 개수는? [4점]

(가) 함수 $f(x)$ 는 서로 다른 세 점에서 극솟값을 갖는다.
 (나) 방정식 $f(x) = f(n)$ 의 서로 다른 실근의 개수는 3이다.

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

단답형

22. $\lim_{x \rightarrow 0} (x-3)(x-4)$ 의 값을 구하시오. [3점]

23. $\left(2x^2 + \frac{1}{x}\right)^6$ 의 전개식에서 상수항을 구하시오. [3점]

24. 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_2 = 3, \quad \frac{a_4}{a_3} = 2$$

일 때, a_6 의 값을 구하시오. [3점]

25. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\sum_{n=1}^{\infty} \left(a_n - \frac{6n}{n+2}\right) = 3$ 일 때,

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \left(a_n + \frac{8n}{n+1}\right) \text{의 값을 구하시오. [3점]}$$

26. x, y 에 대한 연립일차방정식

$$\begin{pmatrix} a-1 & 4 \\ a+2 & 6 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x \\ y \end{pmatrix}$$

가 $x=0, y=0$ 이외의 해를 갖도록 하는 상수 a 의 값을 구하시오. [4점]

27. 함수 $f(x) = x^3 + x^2 + ax$ 의 역함수가 존재하도록 하는 실수 a 의 최솟값은 p 이다. $60p$ 의 값을 구하시오. [4점]

28. 수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가) $a_{n+1} - a_n = 2n + 4 \quad (n \geq 1)$

(나) $a_2 + a_3 = 24$

a_5 의 값을 구하시오. [4점]

29. 함수 $f(x) = x^3 - x^2 + x - 2$ 위의 점 $(1, -1)$ 에서의 접선과 곡선 $y = f(x)$ 로 둘러싸인 부분의 넓이는 $\frac{q}{p}$ 이다. $10p+q$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

30. 다음 조건을 만족시키는 음이 아닌 정수 a, b 의 순서쌍 (a, b) 의 개수가 10이 되도록 하는 자연수 m, n 의 순서쌍 (m, n) 의 개수를 구하시오. (단, $m < n \leq 100$) [4점]

(가) $b \geq a^2$

(나) $\log_2(a+m) \leq b \leq \log_2(a+n)$

* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.