

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1. $3^{1-\sqrt{5}} \times 3^{1+\sqrt{5}}$ 의 값은? [2점]

- ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ 1 ④ 3 ⑤ 9

$3^2 = 9$

2. 함수 $f(x) = 2x^2 - x$ 에 대하여 $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - 1}{x - 1}$ 의 값은? [2점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

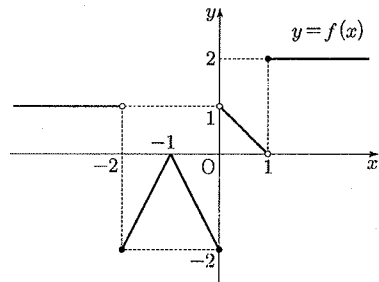
$f'(x) = 4x - 1$ $f'(1) = 3$

3. $\frac{3}{2}\pi < \theta < 2\pi$ 인 θ 에 대하여 $\cos \theta = \frac{\sqrt{6}}{3}$ 일 때, $\tan \theta$ 의 값은? [3점]

- ① $-\sqrt{2}$ ② $-\frac{\sqrt{2}}{2}$ ③ 0 ④ $\frac{\sqrt{2}}{2}$ ⑤ $\sqrt{2}$

$\sin \theta = -\frac{\sqrt{3}}{3}$ $\tan \theta = -\frac{\sqrt{3}}{\sqrt{6}} = -\frac{1}{\sqrt{2}} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$

4. 함수 $y = f(x)$ 의 그래프가 그림과 같다.



$\lim_{x \rightarrow -2^+} f(x) + \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x)$ 의 값은? [3점]

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

$-2 + 0 = -2$

5. 모든 항이 양수인 등비수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\frac{a_3 a_8}{a_6} = 12, \quad a_5 + a_7 = 36$$

일 때, a_{11} 의 값은? [3점]

- ① 72 ② 78 ③ 84 ④ 90 ⑤ 96

$$\frac{ar^2 \cdot ar^7}{ar^6} = 12 \quad ar^4 = 12$$

$$ar^4 + ar^6 = 36 \quad ar^6 = 24$$

$$r^2 = 2 \quad a_{11} = ar^{10} = 96$$

6. 함수 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 1$ 은 $x = -1$ 에서 극대이고, $x = 3$ 에서 극소이다. 함수 $f(x)$ 의 극댓값은? (단, a, b 는 상수이다.) [3점]

- ① 0 ② 3 ③ 6 ④ 9 ⑤ 12

$$f'(x) = 3x^2 + 2ax + b = 3(x+1)(x-3)$$

$$a = -3 \quad b = -9$$

$$f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x + 1$$

$$f(-1) = -1 - 3 + 9 + 1 = 6$$

7. 두 실수 a, b 가

$$3a + 2b = \log_3 32, \quad ab = \log_9 2$$

를 만족시킬 때, $\frac{1}{3a} + \frac{1}{2b}$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{5}{12}$ ② $\frac{5}{6}$ ③ $\frac{5}{4}$ ④ $\frac{5}{3}$ ⑤ $\frac{25}{12}$

$$\frac{1}{3a} + \frac{1}{2b} = \frac{3a + 2b}{6ab} = \frac{\log_3 32}{6 \log_3 2}$$

$$= \frac{5 \log_3 2}{3 \log_3 2} = \frac{5}{3}$$

8. 다항함수 $f(x)$ 가

$$f'(x) = 6x^2 - 2f(1)x, \quad f(0) = 4$$

를 만족시킬 때, $f(2)$ 의 값은? [3점]

- ① 5 ② 6 ③ 7 ④ 8 ⑤ 9

$$f(x) = 2x^3 - f(1)x^2 + 4$$

$$f(1) = 3$$

$$f(x) = 2x^3 - 3x^2 + 4$$

$$f(2) = 16 - 12 + 4 = 8$$

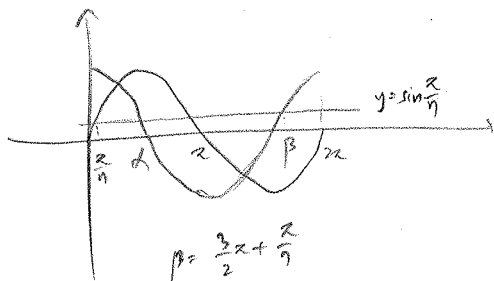
9. $0 \leq x \leq 2\pi$ 일 때, 부등식

$$\cos x \leq \sin \frac{\pi}{7}$$

를 만족시키는 모든 x 의 값의 범위는 $\alpha \leq x \leq \beta$ 이다.

$\beta - \alpha$ 의 값은? [4점]

- ① $\frac{8}{7}\pi$ ② $\frac{17}{14}\pi$ ③ $\frac{9}{7}\pi$ ④ $\frac{19}{14}\pi$ ⑤ $\frac{10}{7}\pi$



$$\beta = \frac{3\pi}{2} + \frac{\pi}{7}$$

$$\alpha = \frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{7}$$

$$\beta - \alpha = \pi + \frac{2\pi}{7} = \frac{9\pi}{7}$$

10. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여

곡선 $y = f(x)$ 위의 점 $(-2, f(-2))$ 에서의 접선과

곡선 $y = f(x)$ 위의 점 $(2, 3)$ 에서의 접선이

점 $(1, 3)$ 에서 만날 때, $f(0)$ 의 값은? [4점]

- ① 31 ② 33 ③ 35 ④ 37 ⑤ 39

$$y = f'(x)(x+2) + f(-2)$$

$$y = f'(x)(x-2) + 3$$

$$3 = 3f'(x) + f(-2) \quad 3 = -f'(x) + 3$$

$$f'(x) = 0$$

$$f(x) = (x-2)^2(x-k) + 3$$

$$f'(x) = 2(x-2)(x-k) + (x-2)^2$$

$$f'(-2) = 16 + 8k + 16 = 8k + 32$$

$$f(-2) = -16k - 29$$

$$3 = 24k + 96 - 16k - 29 \quad 8k = -64 \quad k = -8$$

$$f(0) = 32 + 3 = 35$$

11. 두 점 P와 Q는 시각 $t=0$ 일 때 각각 점 A(1)과 점 B(8)에서 출발하여 수직선 위를 움직인다. 두 점 P, Q의 시각 $t(t \geq 0)$ 에서의 속도는 각각

$$v_1(t) = 3t^2 + 4t - 7, \quad v_2(t) = 2t + 4$$

이다. 출발한 시각부터 두 점 P, Q 사이의 거리가 처음으로 4가 될 때까지 점 P가 움직인 거리는? [4점]

- ① 10 ② 14 ③ 19 ④ 25 ⑤ 32

$$x_1 = t^3 + 2t^2 - 7t + 1$$

$$x_2 = t^2 + 4t + 8$$

$$x_1 - x_2 = -4$$

$$t^3 - t^2 - 11t - 3 = 0 \quad t=3$$

$$v_1(t) = (3t+7)(t-1)$$

$$\int_0^3 v_1(t) dt = -\int_0^1 v_1(t) dt + \int_1^3 v_1(t) dt$$

$$= -(-4) + 26 + 16 - 14 = 32$$

12. 첫째항이 자연수인 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n + 1 & (a_n \text{이 홀수인 경우}) \\ \frac{1}{2}a_n & (a_n \text{이 짝수인 경우}) \end{cases}$$

를 만족시킬 때, $a_2 + a_4 = 40$ 이 되도록 하는 모든 a_1 의 값의 합은? [4점]

- ① 172 ② 175 ③ 178 ④ 181 ⑤ 184

$$a_2 \quad a_3 \quad a_4$$

$$a_2 \begin{cases} \frac{a_2}{2} - a_2 + 1 & \text{짝} \\ \frac{1}{2}(a_2 + 1) & \text{홀} \end{cases} (x)$$

$$\frac{a_2}{2} - \frac{1}{2}a_2 \begin{cases} \frac{a_2}{2} - \frac{1}{2}a_2 + 1 & a_2 = 26 \\ \frac{1}{4}a_2 & a_2 = 32 \end{cases}$$

i) $a_2 = 26$

ii) $a_2 = 32$

$a_1 = 25, 52$

$a_1 = 31, 64$

$$25 + 52 + 31 + 64 = 172$$

13. 두 실수 a, b 에 대하여 함수

$$f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{3}x^3 - ax^2 - bx & (x < 0) \\ \frac{1}{3}x^3 + ax^2 - bx & (x \geq 0) \end{cases}$$

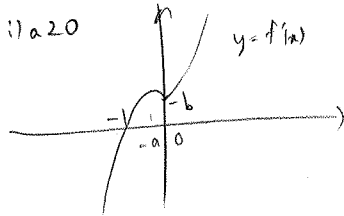
이 구간 $(-\infty, -1]$ 에서 감소하고 구간 $[-1, \infty)$ 에서 증가할 때, $a+b$ 의 최댓값을 M , 최솟값을 m 이라 하자. $M-m$ 의 값은?

[4점]

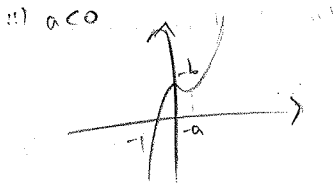
- ① $\frac{3}{2} + 3\sqrt{2}$ ② $3 + 3\sqrt{2}$ ③ $\frac{9}{2} + 3\sqrt{2}$
 ④ $6 + 3\sqrt{2}$ ⑤ $\frac{15}{2} + 3\sqrt{2}$

$$f'(x) = \begin{cases} -x^2 - 2ax - b & (x < 0) \\ x^2 + 2ax - b & (x \geq 0) \end{cases}$$

$$f'(-1) = 0 \quad -1 + 2a - b = 0 \quad b = 2a - 1$$



$$-b \geq 0 \quad -2a + 1 \geq 0 \quad a \leq \frac{1}{2}$$



$$f'(-a) = -a^2 - b \geq 0$$

$$a^2 \leq -b \quad a^2 + 2a - 1 \leq 0$$

$$-1 - \sqrt{2} \leq a \leq -1 + \sqrt{2}$$

$$\therefore M = 3a - 1 = \frac{3}{2} - 1 = \frac{1}{2}$$

$$m = 3a - 1 = -3 - 3\sqrt{2} - 1 = -4 - 3\sqrt{2}$$

$$M - m = \frac{9}{2} + 3\sqrt{2}$$

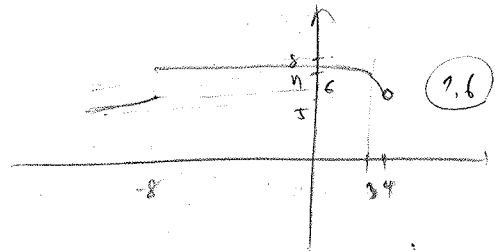
14. 두 자연수 a, b 에 대하여 함수

$$f(x) = \begin{cases} 2^{x+a} + b & (x \leq -8) \\ -3^{x-3} + 8 & (x > -8) \end{cases}$$

이 다음 조건을 만족시킬 때, $a+b$ 의 값은? [4점]

집합 $\{f(x) \mid x \leq k\}$ 의 원소 중 정수인 것의 개수가 2가 되도록 하는 모든 실수 k 의 값의 범위는 $3 \leq k < 4$ 이다.

- ① 11 ② 13 ③ 15 ④ 17 ⑤ 19



$$b = 5 \quad a = 8 \quad a + b = 13$$

6

수학 영역

15. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수 $g(x)$ 를

$$g(x) = \begin{cases} \frac{f(x+3)\{f(x)+1\}}{f(x)} & (f(x) \neq 0) \\ 3 & (f(x) = 0) \end{cases}$$

이러 하자. $\lim_{x \rightarrow 3} g(x) = g(3) - 1$ 일 때, $g(5)$ 의 값은? [4점]

- ① 14 ② 16 ③ 18 ④ 20 ⑤ 22

$\lim_{x \rightarrow 3} g(x) \neq g(3) \quad \therefore f(3) = 0$

$\lim_{x \rightarrow 3} g(x) = 2 \quad (f(3) \neq 0 \text{ 이면 } g(3) = g(3) - 1(x))$

$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{f(x+3)\{f(x)+1\}}{f(x)} = 2 \quad \therefore f(6) = 0$

$f(x) = (x-3)(x-b)(x-c)$

$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x(x-3)(x+b)\{f(x)+1\}}{(x-3)(x-b)(x-c)} = 2$

$\frac{3(6-c)}{-3(3-b)} = 2 \quad \begin{cases} 6-c = -2(3-b) \\ 3b = 12 \quad c = 4 \end{cases}$

$\therefore f(x) = (x-3)(x-4)(x-6)$

$g(5) = \frac{f(8)\{f(5)+1\}}{f(5)} = \frac{40 \cdot (-1)}{-2} = 20$

단답형

16. 방정식 $\log_2(x-1) = \log_4(13+2x)$ 를 만족시키는 실수 x 의 값을 구하시오. [3점] 6

$x > 1$

$(x-1)^2 = 13+2x \quad x^2 - 4x - 12 = 0$

$(x-6)(x+2) = 0 \quad x = 6$

17. 두 수열 $\{a_n\}, \{b_n\}$ 에 대하여

$\sum_{k=1}^{10} (2a_k - b_k) = 34, \quad \sum_{k=1}^{10} a_k = 10$

일 때, $\sum_{k=1}^{10} (a_k - b_k)$ 의 값을 구하시오. [3점] 24

$34 - 10 = 24$

18. 함수 $f(x) = (x^2+1)(x^2+ax+3)$ 에 대하여 $f'(1) = 32$ 일 때, 상수 a 의 값을 구하시오. [3점]

$$f'(x) = 2x(x^2+ax+3) + (x^2+1)(2x+a)$$

$$f'(1) = 2(4+a) + 2(2+a) = 12 + 4a = 32$$

$$a = 5$$

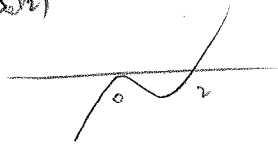
19. 두 곡선 $y = 3x^3 - 7x^2$ 과 $y = -x^2$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하시오. [3점]

$$3x^3 - 6x^2 = 0 \quad 3x^2(x-2) = 0$$

$$\int_0^2 (3x^3 - 6x^2) dx = \frac{3}{4} \cdot 16 - 2(8-0) = -4$$

$$\therefore S = 4$$

Sketch

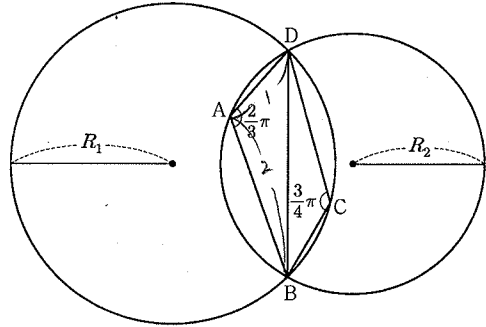


$$\frac{1}{12} \cdot 3 \cdot 2^4 = 4$$

20. 그림과 같이

$$\overline{AB} = 2, \overline{AD} = 1, \angle DAB = \frac{2}{3}\pi, \angle BCD = \frac{3}{4}\pi$$

인 사각형 ABCD가 있다. 삼각형 BCD의 외접원의 반지름의 길이를 R_1 , 삼각형 ABD의 외접원의 반지름의 길이를 R_2 라 하자.



다음은 $R_1 \times R_2$ 의 값을 구하는 과정이다.

삼각형 BCD에서 사인법칙에 의하여

$$R_1 = \frac{\sqrt{2}}{2} \times \overline{BD}$$

이고, 삼각형 ABD에서 사인법칙에 의하여

$$R_2 = \boxed{(가)} \times \overline{BD}$$

이다. 삼각형 ABD에서 코사인법칙에 의하여

$$\overline{BD}^2 = 2^2 + 1^2 - \boxed{(나)}$$

이므로

$$R_1 \times R_2 = \boxed{(다)}$$

이다.

위의 (가), (나), (다)에 알맞은 수를 각각 p, q, r 이라 할 때, $9 \times (p \times q \times r)^2$ 의 값을 구하시오. [4점]

$$2R_1 = \frac{\overline{BD}}{\sin A} \quad 가: \frac{1}{2 \sin A} = \frac{1}{\sqrt{3}} = p$$

$$나: 4 \cos \frac{2\pi}{3} = -2 = q$$

$$다: \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot \frac{1}{\sqrt{3}} \cdot 1 = \frac{\sqrt{6}}{6}$$

$$9 \cdot \left(\frac{1}{\sqrt{3}} \cdot (-2) \cdot \frac{\sqrt{6}}{6} \right)^2 = 9 \cdot \frac{4 \cdot 49}{18} = 98$$

21. 모든 항이 자연수인 등차수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 n 항까지의 합을 S_n 이라 하자. a_7 이 13의 배수이고

$$\sum_{k=1}^7 S_k = 644 \text{ 일 때, } a_2 \text{의 값을 구하시오. [4점] } | 9$$

$$\begin{aligned} \sum_{k=1}^7 S_k &= 7a_1 + 6a_2 + 5a_3 + \dots + a_7 \\ &= 28a_1 + 36d = 644 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} a_1 + 2d &= 23 & a_n &= 23 + 4d & (d=4) & a=15 \\ a_2 &= 15 + d = 19 \end{aligned}$$

22. 두 다항함수 $f(x), g(x)$ 에 대하여 $f(x)$ 의 한 부정적분을 $F(x)$ 라 하고 $g(x)$ 의 한 부정적분을 $G(x)$ 라 할 때, 이 함수들은 모든 실수 x 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \int_1^x f(t) dt = xf(x) - 2x^2 - 1$$

$$(나) f(x)G(x) + F(x)g(x) = 8x^3 + 3x^2 + 1$$

$\int_1^3 g(x) dx$ 의 값을 구하시오. [4점] | 0

$$x=1 \rightarrow f(1) - 3 = 0 \quad \therefore f(1) = 3$$

$$\text{양변 미분 } f(x) = f(x) + x f'(x) - 4x \quad \therefore f'(x) = 4$$

$$f(x) = 4x - 1 \quad F(x) = 2x^2 - x + C_1$$

$$F(x)G(x) = 2x^4 + x^3 + x + C_2 \quad (\text{나 양변 곱함})$$

$$= (2x^2 - x + C_1)(x^2 + x + C_2)$$

$$\int_1^3 g(x) dx = G(3) - G(1) = 9 + 3 - (1 + 1) = 10$$

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{7x} - 1}{e^{2x} - 1}$ 의 값은? [2점]

- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{3}{2}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{7}{2}$ ⑤ $\frac{9}{2}$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^{7x} - 1}{e^{2x} - 1} = \frac{7x}{2x} = \frac{7}{2}$$

24. 매개변수 t 로 나타내어진 곡선

$$x = t + \cos 2t, \quad y = \sin^2 t$$

에서 $t = \frac{\pi}{4}$ 일 때, $\frac{dy}{dx}$ 의 값은? [3점]

- ① -2 ② -1 ③ 0 ④ 1 ⑤ 2

$$\frac{dx}{dt} = 1 - 2\sin 2t \quad \frac{dy}{dt} = 1 - 2\sin 2t$$

$$\left. \frac{dy}{dx} = \frac{2\sin 2t}{1 - 2\sin 2t} \right|_{t = \frac{\pi}{4}} = \frac{1}{-1} = -1$$

2

수학 영역(미적분)

25. 함수 $f(x) = x + \ln x$ 에 대하여 $\int_1^e \left(1 + \frac{1}{x}\right) f(x) dx$ 의 값은?

[3점]

- ① $\frac{e^2}{2} + \frac{e}{2}$
- ② $\frac{e^2}{2} + e$
- ③ $\frac{e^2}{2} + 2e$
- ④ $e^2 + e$
- ⑤ $e^2 + 2e$

$$f'(x) = 1 + \frac{1}{x}$$

$$\int_1^e \left(1 + \frac{1}{x}\right) f(x) dx = \int_1^e f'(x) f(x) dx = \left(\frac{1}{2} f(x)^2\right)_1^e$$

$$= \frac{1}{2} (e+1)^2 - \frac{1}{2} = \frac{1}{2} e^2 + e$$

26. 공차가 양수인 등차수열 $\{a_n\}$ 과 등비수열 $\{b_n\}$ 에 대하여 $a_1 = b_1 = 1, a_2 b_2 = 1$ 이고

$$\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{a_n a_{n+1}} + b_n\right) = 2$$

일 때, $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ 의 값은? [3점]

- ① $\frac{7}{6}$
- ② $\frac{6}{5}$
- ③ $\frac{5}{4}$
- ④ $\frac{4}{3}$
- ⑤ $\frac{3}{2}$

$$a_n = 1 + (n-1)d \quad b_n = r^{n-1} \quad a_2 b_2 = (1+d)r = 1$$

$$\frac{1}{a_n a_{n+1}} = \frac{1}{a_{n+1} - a_n} \left(\frac{1}{a_n} - \frac{1}{a_{n+1}}\right) \quad \therefore r = \frac{1}{d+1}$$

$$\therefore \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{a_n a_{n+1}} = \frac{1}{d} \cdot \frac{1}{a_1} = \frac{1}{d}$$

$$\frac{1}{d} + \frac{1}{1-r} = 2 \quad \frac{1}{d} + \frac{1}{\frac{d}{d+1}} = 2$$

$$\frac{d+2}{d} = 2 \quad \therefore d=2 \quad r = \frac{1}{3}$$

$$\therefore \sum_{n=1}^{\infty} b_n = \frac{1}{1-\frac{1}{3}} = \frac{3}{2}$$

27. $x = -\ln 4$ 에서 $x = 1$ 까지의 곡선 $y = \frac{1}{2}(|e^x - 1| - e^{|x|} + 1)$ 의 길이는? [3점]

- Ⓐ $\frac{23}{8}$ Ⓑ $\frac{13}{4}$ Ⓒ $\frac{29}{8}$ Ⓓ 4 Ⓔ $\frac{35}{8}$

$x < 0$ $y = \frac{1}{2}(1 - e^x - e^{-x} + 1)$

$x \geq 0$ $y = \frac{1}{2}(e^x - 1 - e^{-x} + 1) = 0$

∴ $x = 1$ 까지 길이는 1

$x < 0$ $y' = -\frac{1}{2}(e^x - e^{-x})$

$$\int_{-\ln 4}^0 \sqrt{1 + \frac{1}{4}(e^x - e^{-x})^2} dx$$

$$= \int_{-\ln 4}^0 \sqrt{\left(\frac{1}{2}(e^x + e^{-x})\right)^2} dx = \frac{1}{2}(e^x - e^{-x}) \Big|_{-\ln 4}^0$$

$$= -\frac{1}{8} + 2 = \frac{15}{8}$$

$$1 + \frac{15}{8} = \frac{23}{8}$$

28. 실수 $a (0 < a < 2)$ 에 대하여 함수 $f(x)$ 를

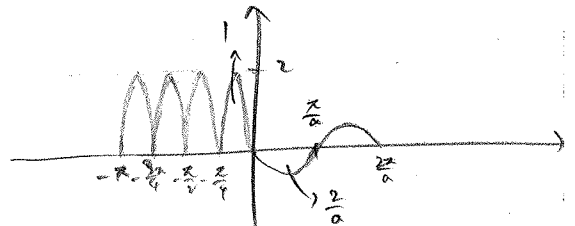
$$f(x) = \begin{cases} 2|\sin 4x| & (x < 0) \\ -\sin ax & (x \geq 0) \end{cases}$$

이라 하자. 함수

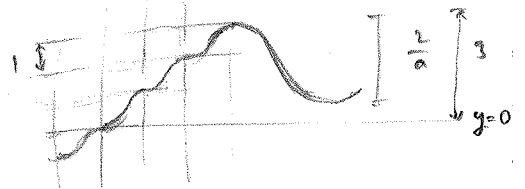
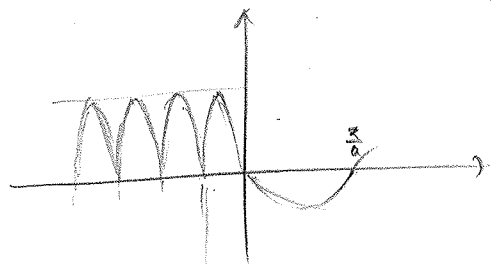
$$g(x) = \left| \int_{-ax}^x f(t) dt \right|$$

가 실수 전체의 집합에서 미분가능할 때, a 의 최솟값은? [4점]

- Ⓐ $\frac{1}{2}$ Ⓑ $\frac{3}{4}$ Ⓒ 1 Ⓓ $\frac{5}{4}$ Ⓔ $\frac{3}{2}$



$$\int_0^{\frac{\pi}{4}} 2\sin 4x dx = -\frac{1}{2}(\cos 4x) \Big|_0^{\frac{\pi}{4}} = 1 \quad \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin ax = \left[-\frac{1}{a} \cos ax\right]_0^{\frac{\pi}{2}} = \frac{2}{a}$$



$$\frac{2}{a} < 3 \quad \frac{2}{3} < a \quad \therefore a = \frac{2}{3}$$

단답형

29. 두 실수 $a, b (a > 1, b > 1)$ 이

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n + a^{n+1}}{3^{n+1} + a^n} = a, \quad \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n + b^{n+1}}{a^{n+1} + b^n} = \frac{9}{a}$$

를 만족시킬 때, $a+b$ 의 값을 구하시오. [4점] 18

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{3^n + a^{n+1}}{3^{n+1} + a^n} = a \quad \therefore a > 3$$

i) $a > b$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n + b^{n+1}}{a^{n+1} + b^n} = \frac{1}{a} \neq \frac{9}{a} \quad (x)$$

ii) $a < b$

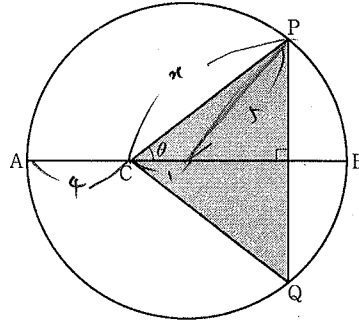
$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n + b^{n+1}}{a^{n+1} + b^n} = b = \frac{9}{a} \quad ab=9 \Rightarrow a > 3 \quad (x)$$

iii) $a = b$

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a^n + b^{n+1}}{a^{n+1} + b^n} = 1 = \frac{9}{a} \quad \therefore a = b = 9 \quad (o)$$

$$a+b = 18$$

30. 길이가 10인 선분 AB를 지름으로 하는 원과 선분 AB 위에 $\overline{AC}=4$ 인 점 C가 있다. 이 원 위의 점 P를 $\angle PCB = \theta$ 가 되도록 잡고, 점 P를 지나고 선분 AB에 수직인 직선이 이 원과 만나는 점 중 P가 아닌 점을 Q라 하자. 삼각형 PCQ의 넓이를 $S(\theta)$ 라 할 때, $-7 \times S'(\frac{\pi}{4})$ 의 값을 구하시오. (단, $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$) [4점] 32



$$\text{let } x = \overline{PC} \quad S(\theta) = \frac{1}{2} x^2 \sin 2\theta$$

$$\cos \theta = \frac{x^2 + 1 - 25}{2x} \quad x^2 - 24 = 2x \cos \theta$$

$$\theta \text{ is variable then } 2x \cdot \frac{dx}{d\theta} = 2 \cos \theta \frac{dx}{d\theta} - 2x \sin \theta$$

$$\therefore \frac{dx}{d\theta} = \frac{x \sin \theta}{\cos \theta - x}$$

$$\frac{dS}{d\theta} = x \sin 2\theta \frac{dx}{d\theta} + x^2 \cos 2\theta$$

$$\theta = \frac{\pi}{4} \text{ then } x^2 - 24 = \sqrt{2}x \quad \therefore x = 4\sqrt{2}$$

$$\left. \frac{dS}{d\theta} \right|_{\theta = \frac{\pi}{4}} = 4\sqrt{2} \cdot 1 \cdot \frac{4}{\sqrt{2} \cdot 4\sqrt{2}} + 32 \cdot 0 = 4\sqrt{2} \cdot \frac{4}{\sqrt{2}} = \frac{32}{1}$$

$$\therefore -7 S'(\frac{\pi}{4}) = 32$$

* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.