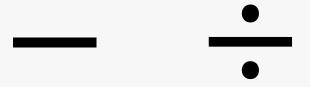
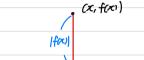


작성자 : 연연하지말고 이연



# 수학

- / . χ=a 선대칭χ (a,b) 검대칭 =?
- χ=A 선대성 X (A,0) 경대청 = (A,0) 점대청
- 2 · fcx) : 기함수 & 감소함수 일 때, f(x) = f<sup>-1</sup>(x) ← fcx) = -x
- 3. fk)=t의 윤 14) ←> f와 1는 역항산계
- 4. |f(x)|의 해석 방법→ x축까지의 거리



5 정댓값 부등식

$$(X) \sum_{h=1}^{10} |A_h| = \left| \sum_{h=1}^{10} A_h \right| \rightarrow A_1 \sim A_{10} \stackrel{\text{$\frac{1}{12}}}{\sim} 2^{\frac{1}{12}}$$

$$\sum_{n=1}^{10} |a_n| + |b_n| = \sum_{n=1}^{10} |a_n + b_n| \rightarrow a_n b_n \ge 0$$

$$(xy < 0) \Rightarrow |x| + |y| > |x + y|$$

$$|x| + |y| - |x + y| = 2x \min\{|x|, |y|\}$$

$$ex$$
)  $|3|+|-1|-|3+(-1)| = 2x min {|3|, |-1|}$ 

$$|A| + |b| \ge |atb|$$

$$ex) \stackrel{f_{\bullet}}{\underset{k=1}{\triangleright}} |a_{k}+b_{k}| = \frac{1}{\underset{k=1}{\triangleright}} (|a_{k}|-|b_{k}|)$$

$$\rightarrow |Artbr| = |Ar| - |br|$$

$$\rightarrow (Artbr) \times br \leq 0$$

6. Max, min 함수 → 4명 延期 여운 경을 4명 斑되게 함

 $\max \left\{ f(x), g(x) \right\} = \int_{\mathbb{R}^n} f(x) \quad \left( f(x) \ge g(x) \right) \\ g(x) \quad \left( f(x) \le g(x) \right) \\ \vdots \text{ if } x \in \mathbb{R}^n \text{ if } x \in \mathbb{R}^n$ 

$$=\frac{f(x)+g(x)}{2}+\frac{|f(x)-g(x)|}{2}$$

min 
$$\{f(x), g(x)\} = \int_{\mathbb{R}^n} f(x) (f(x) = g(x))$$
  
 $f(x) (f(x) = g(x))$ 

$$=\frac{f(x)+g(x)}{2}-\frac{|f(x)-g(x)|}{2}$$

7. 州新(鄉 新 幹)

$$N = X < N + 1$$
  $\rightarrow [x] = r$ 

$$N \leq x < N+1 \rightarrow [x] = N$$

ex) अप्तर १०० पांग,

해설

1. 정대칭함수와 선대칭함수의 곱

j) X = A 선대칭 × (A, O) 점대칭 → (A, O) 점대칭

광) f(x) = f(2a-x) 인 함 f(자)나,

→ 學 의미 있다.

g(₹) + g(2a-₹) =0원 함구 g(x)가 있다.  $h(x) = f(x) \times g(x) \rightarrow \exists x.$  $h(x) = f(x) \times g(x)$  $= f(2a-\pi) \times \{-9(2a-\pi)\}$  $= - f(2a-x) \times g(2a-x)$ = - h(2a-x) $\rightarrow h(x) + h(2a-x) = 0$  or -x(a)는 (A,O) 정대칭이다. (i) X=A 선대칭 X (A,b) 점대칭 → 직접 살펴봐야 함 설명) f(z) = f(2a-z) 인 함수 f<<br/>이라, g(元) + g(2a-元) = 26인 함구 g(리가 있다.  $h(x) = f(x) \times g(x) + \forall x$  $h(x) = f(x) \times g(x)$ =  $f(2a-x) \times \{2b - g(2a-xc)\}$ =  $f(2a-x) \times \{-g(2a-x)\} + 2bf(2a-x)$ = -h(2a-x) + 2b f(2a-x)h(x) + h(2a-x) = 2bf(2a-x)=2bf(x) → 철리하니 별 의미 있는 식이 나왔다. 이런 경우가 나만면, 직접 살펴보자. # h(x) + h(2a-x): x=a 대청(h(x), h(2x-x) 각은 X=a 대행지 갖수 있음) 26 f(x) : X=a 데칠

$$30$$
. 서로 다른 두 양수  $a$ ,  $b$ 에 대하여 함수  $f(x)$ 를

$$f(x) = -\frac{ax^3 + bx}{x^2 + 1}$$
 기가 및 기차 및 기차수

라 하자. 모든 실수 
$$x$$
에 대하여  $f'(x) \neq 0$ 이고, 두 함수  $g(x) = f(x) - f^{-1}(x)$ ,  $h(x) = (g \circ f)(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 
$$g(2) = h(0)$$
  
(나)  $g'(2) = -5h'(2)$ 

(7) 
$$g(2) = f(2) - f^{-1}(2)$$

$$k(0) = g(f(0)) = g(0) = f(0) - f^{-1}(0) = 0$$

$$\Rightarrow f(2) = f^{-1}(2)$$

$$3'(2) = f'(2) - \frac{1}{f'(f^{-1}(2))} = f'(2) - \frac{1}{f'(-2)} = f'(2) - \frac{1}{f'(2)} (f(x)^{2})^{\frac{1}{2}} f'(x) \geq \frac{1}{10} f'(x)^{2}$$

$$-\frac{1}{f'(f^{-1}(x))} = f'(x) - \frac{1}{f'(x)}$$

$$\rightarrow f'(2) - \frac{1}{f'(2)} = -5f'(2) \times \{f'(2) - 1\}$$

$$\frac{1}{f(2)} = \frac{1}{f(2)} \cdot \frac{1}{f(2)} \cdot \frac{1}{f(2)} \cdot \frac{1}{f(2)} \cdot \frac{1}{f(2)} = 0$$

$$(5f(2)+1)(f(2)-1)(f(2)+1)=0 \rightarrow f(2)=-\frac{1}{5} \text{ or } f(2)=-1$$

$$\rightarrow f(x)=-\frac{x^{2}+(3x+1)x^{2}+b}{(x^{2}+1)^{2}} \rightarrow f(2)=-\frac{2M-b}{25}$$

$$\rightarrow 4(b-a) = 12-2 = 10$$

선명하지않고 이번

3. fa)=t의 달 Jth ↔ f4 步 형원계

x자리에 보서를 대입하면

f(g(H) =t.

이 왕 네 渺 식외 배해변 由 此 幣슨 관계器 알수 24.

6. Max 許 - 避倦 (13학区 6号 21번(가))

설명) max, min 함은 코의 명화, 관성 이해 헤만 도움 주지, 3세운 중 때문 역비 큰 '행'을 하지 않는다.

모더니도 문제는데 큰 쨊은 INC, 그대도 알아무지서 나쁠건 IC의... 알아두자.

**21.** 함수  $f(x) = x^3 - 3x^2 - 9x - 1$  과 실수 m 에 대하여 함수 g(x) 를

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (f(x) \ge mx) \\ mx & (f(x) < mx) \end{cases}$$

라 하자. 
$$g(x)$$
가 실수 전체의 집합에서 미분가능할 때,

m의 값은? [4점] **1** 

① 
$$-14$$
 **V**  $-12$  ③  $-10$  ④  $-8$  ⑤  $-6$ 

$$f'(x) = 3x^2 - (x - 9) = 3(x - 3)(x + 1)$$

mx 를 아일게나 장아보여 상황을 피막해보자.

1(x)

fcc)의 세 근의 함이 3이므로, fcc) - mz = (x-i)<sup>3</sup>

并 MX 是 f(E)의 思智也

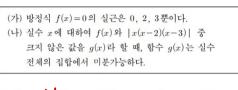
### 6 min 함수 - 관광 (미학년도 역 2번(4))

烟) max, min 於 된의 명화 관적 이해 해안 5분 전, 5째 불 때 땅 큰 빵을 없 왔다.

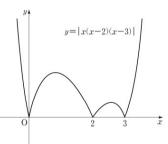
모르네도 문제는데 큰 짜는 있지만, 그래도 알아두에서 내물건 있으니... 알아두자.

21. 다음 조건을 만족시키며 최고차항의 계수가 음수인 모든

사차함수 f(x)에 대하여 f(1)의 최댓값은? [4점]  $\ref{q}$ 







트익상 h(x) = [x(x-2)(x-3)] 이라 하겠다.

(水) f(x) > X=0 or X=2 or X=3에서 元章 가져야 함

(4) g(x) = min (f(x), h(x))}

0,2,3 중 358 d, 쥰이 앤 두 68 P, P 라 하자. (P(r) PEX = r old fair had set toget x=per x=r old

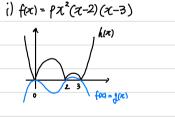
다가 사는 전해야 함 ( : 19의 식이 바뀌는 경제가 되기 때문) 

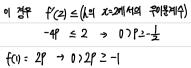
함 2번에 ft 44, kal 稳定 34的 cmlom, 代替和 3社会个个 과 개+ 納 2% 갖다 가 봤는 (주건 쌓여 왠

f-ha 한형 와 (자시(자리) (자리) (자리) 개인 기계 (자리)

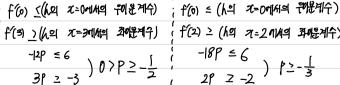
B ≤ x ≤ r n/H f(x) ≤ h(x) → 0 19 f(n/H d xx) = f(x).

교점 2개 + 정점 (개는 가능하) 때문지, 말에서 야케션 역 세일 때 남 사랑





(i) f(x) = px(x-2)2(x-3)



iii) f(x) = px(x-2)(x-3)2 h(₹) f(x) = 2(x)

f(2) = (hg 7=21149 李胜州个)

[ 가수하수 포를 영한 개수에기 - 관련기술 ( 2023년 시행 고3 3월 이적 24년)

설명) 가수하수 되를 이용한 개수세기는 풀이에 직접적인 영향을 미치지는 않는다.

다만, 개수를 셀 때 '실수'를 한 하는데 배우 균환데, 가만함수오 표현해들으면 실수할 여지는 줄어드는 듯 하다.

**29.** 자연수 n에 대하여 x에 대한 부등식  $x^2 - 4nx - n < 0$ 을

만족시키는 정수 x의 개수를  $a_n$ 이라 하자. 두 상수  $p,\ q$ 에 대하여

$$\lim \left(\sqrt{na_n} - pn\right) = q$$

일 때, 100pq의 값을 구하시오. [4점] **5D** 

$$a_n = 2 \left[ \frac{4n+n}{n} + \frac{1}{n} \right]$$

양우왕 경우개우 0도 정신이지(이)는데 +응신원 정수제수 (개 대해준 약 출

$$(2n)^2 < 4n^2 + n < (2n+1)^2$$

(라이션 국한) = 
$$\lim_{n\to\infty} \frac{na_n - p^2 n^2}{(na_n + pn)} = \lim_{n\to\infty} \frac{(4 - p^2) n^2 + n}{(4n^2 + n) + pn} = \frac{1}{24p} = \frac{1}{24p}$$

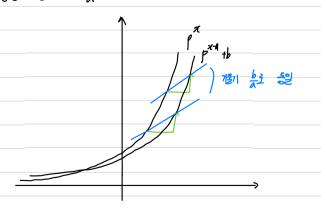
# 수학1

## (요약) 지수함수와 로그함수

- - i) 길이관계 경기
  - ii) 옥산한 최근 상당한 용자로 처랑해 3로 설명하기 (예대 원한 문제의 수가 3제 세계 구매진 3자의 수보다 많아지면 안 됨.)
  - iii) i의 경달 eB해 사람 사의 값 라기
  - 心 跳 跳 附侧
  - (원건 이 分记 불마다! 이건 아니지만, 對에서 최근 준 것이 망면은 복한 班達 秘能 게 超해짐.)
- 2. 松空的 7年初明日 四部四年 能过

  - ii) (在 C nM) 이상한 형태의 答得 超层 때 四湖水 能 其
    - · Yol (x,-x, , 4,-4,)
    - · 13| (智-刊3世()) or 717 地-717班)
    - · 401 (21×41)
    - ' 대칭성
- 3. 자연기한은 자꾸고 a만큼 (숙화 분) 아닌 후, 15차기 전의 정부 이번 분은 40년

항상 기울기가 불이다.



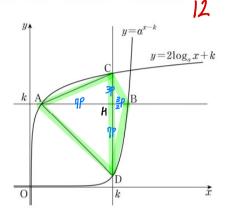
(단, 퇭형 당 관계에 있는 두 점이 아니라 다른 경문 이는 경우를 조심하자 이 경우 기울기는 불가 아니다.)

# (해설) 지수함수와 로그함수

### 1. 铅하지원하는 황 - 원생 (2023년 세형 23 3월 21번)

**21.** 그림과 같이 1보다 큰 두 실수 a, k에 대하여 직선 y=k가 두 곡선  $y=2\log_a x+k$ ,  $y=a^{x-k}$ 과 만나는 점을 각각 A, B라 하고, 직선 x=k가 두 곡선  $y=2\log_a x+k$ ,  $y=a^{x-k}$ 과 만나는 점을 각각 C. D라 하자.  $\overline{AB} \times \overline{CD} = 85$  이고 삼각형 CAD의

넓이가 35일 때, a+k의 값을 구하시오. [4점]



$$[\triangle CAD] = 35 \rightarrow [\triangle BCD] = \frac{15}{2}$$

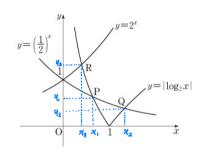
$$[\Delta(AD)] = \frac{1}{2} \times |OP \times P|^2 = 35$$
 .  $P = 1$ 

$$A(l,K) \rightarrow B(H^{\square}P,K) = B(H^{\square},K) \qquad \Rightarrow A^{\frac{\square}{2}-K} = K \qquad \Rightarrow \log_{a} K = \frac{19}{2}-K \qquad ) K=8, a=4$$

$$D(K,I) \rightarrow C(K,I+Iop) = C(K,II)$$
  $\Rightarrow 2log_{ak} = I[-K]$ 

### 2. 재2학 7.4 C 器 - 避倦(1) 競 告 過(4)

16. 좌표평면에서 두 곡선  $y = |\log_2 x|$ 와  $y = \left(\frac{1}{2}\right)^x$ 이 만나는 두 점을  $P(x_1, y_1)$ ,  $Q(x_2, y_2)$   $(x_1 < x_2)$ 라 하고, 두 곡선  $y = |\log_2 x|$ 와  $y = 2^x$ 이 만나는 점을  $R(x_3, y_3)$ 이라 하자. 옳은 것만을 <보기>에서 있는 대로 고른 것은? [4점] **2** 



 $\overbrace{\ \ } \frac{1}{2} < x_1 < 1$  $x_2y_2 - x_3y_3 = 0$  $x_2(x_1-1) > y_1(y_2-1)$ 

① ¬

④ ∟, ⊏
⑤ ¬, ∟, ⊏

**V** 7. L

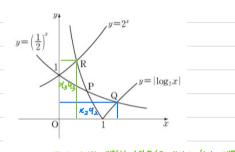
이 항값 대와에 화를 예한 간절에

スイ: 岩里 寺 治

$$\chi = \frac{1}{2} \rightarrow \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{2}} < \lfloor \log_2 \frac{1}{2} \rfloor$$

→ x,>=

① 7242 X343 : 작사각형의 넓이

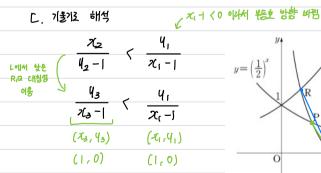


> CHEONE A ONLY 정對 '같음'을 모여야 하기 때문. 하지만 이 선지에서는 '역함우'의 '대상성'이 더 충화

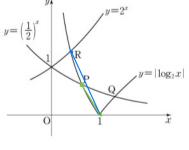
 $\frac{4_3}{\sqrt{3}} = 2^{\frac{3}{3}} = -\log_2 x_3$   $\frac{1}{\sqrt{3}} = \log_2 4_3 = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{3}} \Rightarrow 4_3 \tilde{c} \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{3}{3}} = \log_2 x = \frac{1}{3}$ 

$$\therefore \chi_2 = \chi_3 \Rightarrow \chi_2 = \chi_3$$

: x242 = x343



 $\frac{\eta_3}{\chi_{2-1}} > \frac{\eta_1}{\chi_{1-1}}$  of  $\frac{1}{2}$ 



### 3. 지수오그함수와 기울기

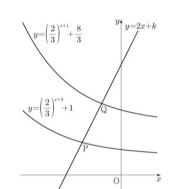
함수 f(x)에 대하며 지역으로 a만큼 변환로 6만큼 평병기동 시킨 함수 f(x-a) tb를 생각해보자.

f(x) 위의 정 (1/4)에 대하여, 위 규칙에 따라 평향이동시키면 (1/4a, qub) 라는 경이 나온다.

# 병행이는 관계에 있지 않은 두 점에 대해서는 생물하지 않음. - 왠야( 꼬화생도 수능 1번)

9. 직선 y=2x+k가 두 함수

$$y = \left(\frac{2}{3}\right)^{x+3} + 1$$
,  $y = \left(\frac{2}{3}\right)^{x+1} + \frac{8}{3}$ 



[와 요는 평행 약 관계에 있는 두 점이 하임 (

점 P의 과본을 (P, (글) Pt3 +1) 이사 하면,

$$\Rightarrow \left(\frac{2}{3}\right)^{P+2} + \frac{8}{3} = \left(\frac{2}{3}\right)^{P+3} + 3$$

# (요약) 삼각함수

- 1. 삼각방정식
- Sind = Sin B
  - ⇒ p β -d = 2NTL ( f 器 外) L β+d = (2n+1)π (역축 대청)
  - $Cosd = Cos\beta$ ⇒ r β-d=20π (f # #)

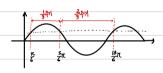
L Btd = 2NTC (大寺 中間)

⇒ [ β-d = 2NTL (〒碧 炒) tand = tan B LB-N=(2N+1)TL(紹明)



tamp: 00.의 기울기 → O, P, Q き 社

- 2. 삼각함수 그래프의 비율관계 (sina 1년)



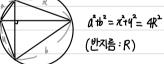
3. 增 週 附 俊

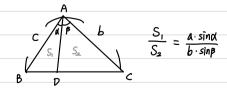


 $l_1: l_2 = sind: sin \beta$ 

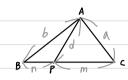








4. 스튜어트정기



 $mb^2 + Na^2 = (m+n)(mn+d^2)$ 

$$(\mathcal{H} \rightarrow \mathcal{H} | \mathbf{m} + \mathbf{n} \mathcal{L} )$$

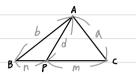
$$(\mathcal{H} \rightarrow \mathcal{H} | \mathbf{m} + \mathbf{n} \mathcal{L} )$$

$$(\mathcal{H} \rightarrow \mathcal{H} | \mathbf{m} + \mathbf{n} \mathcal{L} )$$

5.  $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$  of |A|  $0 < \sin x < \pi < \tan x < \cos x$ 

# (해설) 삼각함수

4. 스튜어트정리



 $mb^2 + na^2 = (m+n)(mn+d^2)$ 

i) 중선정리 : 윈 램에서 M=N인 상황

$$m^2(a^2+b^2) = 2m(m^2+d^2)$$

$$(ak) \times b^2 + (bk) \times a^2 = (ak+bk) \times (abk^2 + d^2)$$

$$d^2 = ab - abk^2$$