

2024학년도 대학수학능력시험 6월 모의평가 문제지

제 2 교시

수학 영역

5지선다형

1. $\sqrt[3]{27} \times 4^{-\frac{1}{2}}$ 의 값은? [2점]

① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{3}{4}$ ③ 1 ④ $\frac{5}{4}$ ⑤ $\frac{3}{2}$

$$\begin{aligned} & 3 \times \frac{1}{3} \times 2^{\frac{1}{2}} \\ & 3 \times 2^{-1} \end{aligned}$$

2. 함수 $f(x) = x^2 - 2x + 3$ 에 대하여 $\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(3+h) - f(3)}{h}$ 의 값은? [2점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ 5

$$\begin{aligned} f'(x) &= 2x - 2 \\ f'(3) &= 6 - 2 = 4 \end{aligned}$$

3. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\sum_{k=1}^{10} (2a_k + 3) = 60$ 일 때, $\sum_{k=1}^{10} a_k$ 의 값은? [3점]

① 10 ② 15 ③ 20 ④ 25 ⑤ 30

$$\begin{aligned} 2A+30 &= 60 \\ 2A &= 30 \\ A &= 15 \end{aligned}$$

4. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수 $f(x)$ 가

~~연속인=우리한=함수값~~

$$\lim_{x \rightarrow 1} f(x) = f(1)$$

을 만족시킬 때, $f(1)$ 의 값은? [3점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

5. 다항함수 $f(x)$ 에 대하여 함수 $g(x)$ 를

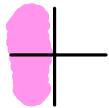
$$g(x) = (x^3 + 1)f(x)$$

라 하자. $f(1) = 2$, $f'(1) = 3$ 일 때, $g'(1)$ 의 값은? [3점]

- ① 12 ② 14 ③ 16 ④ 18 ⑤ 20

$$g'(x) = 3x^2f(x) + (x^3 + 1)f'(x)$$

$$\begin{aligned} g'(1) &= 3f(1) + 2f'(1) \\ &= 3 \cdot 2 + 2 \cdot 3 = 12 \end{aligned}$$



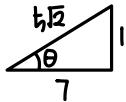
6. $\cos\theta < 0^\circ$ 이고 $\sin(-\theta) = \frac{1}{7}\cos\theta$ 일 때, $\sin\theta$ 의 값은? [3점]

- ① $-\frac{3\sqrt{2}}{10}$ ② $-\frac{\sqrt{2}}{10}$ ③ 0

- ④ $\frac{\sqrt{2}}{10}$ ⑤ $\frac{3\sqrt{2}}{10}$

$$-\sin\theta = \frac{1}{7}\cos\theta$$

$$\tan\theta = -\frac{1}{7} \rightarrow$$



$$\sin\theta = \frac{1}{\sqrt{6}}$$

7. 상수 $a(a > 2)$ 에 대하여 함수 $y = \log_2(x-a)$ 의 그래프의

접근선이 두 곡선 $y = \log_2 \frac{x}{4}$, $y = \log_{\frac{1}{2}} x$ 와 만나는 점을 각각

A, B라 하자. $\overline{AB} = 4$ 일 때, a 의 값은? [3점]

- ① 4 ② 6 ③ 8 ④ 10 ⑤ 12

$$\begin{aligned} A(\alpha, \log_{\frac{1}{2}} \frac{\alpha}{4}) \\ B(\alpha, -\log_2 \alpha) \end{aligned}$$

$$|\log_{\frac{1}{2}} \frac{\alpha}{4} - (-\log_2 \alpha)| = 4$$

$$\log_{\frac{1}{2}} \frac{\alpha}{4} \times \alpha = 4$$

$$\frac{\alpha^2}{4} = 16 \cdot \frac{\alpha}{2} = 16, \alpha = 8$$

(has no ~~ans~~ with 상수 $a(a > 2)$)

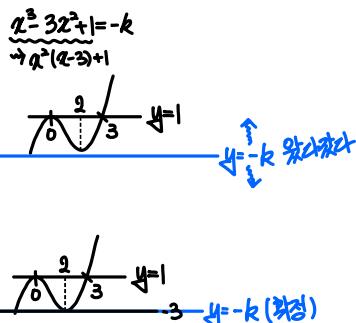
수학 영역

3

8. 두 곡선 $y=2x^2-1$, $y=x^3-x^2+k$ 가 만나는 점의 개수가 2가 되도록 하는 양수 k의 값은? [3점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

\Leftrightarrow 방정식 $Qx^2-1=x^3-x^2+k$ has 2 real roots



- * 등차수열의 한은 상수항이 0인 이차수열이다.
9. 수열 $\{a_n\}$ 이 모든 자연수 n 에 대하여

$$\sum_{k=1}^n \frac{1}{(2k-1)a_k} = n^2 + 2n$$

with 상수항=0

을 만족시킬 때, $\sum_{n=1}^{10} a_n$ 의 값은? [4점]

→ 그 안에는 등차수열
→ 상자 미분

① $\frac{10}{21}$ ② $\frac{4}{7}$ ③ $\frac{2}{3}$ ④ $\frac{16}{21}$ ⑤ $\frac{6}{7}$

$$\frac{1}{(2n-1)a_n} = 2n+1$$

$$a_n = \frac{1}{(2n-1)(2n+1)} = \frac{1}{2} \left(\frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+1} \right)$$

$$\sum_{n=1}^{10} a_n = \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{10} \left(\frac{1}{2n-1} - \frac{1}{2n+1} \right)$$

\downarrow

$$= \left(\frac{1}{1} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{17} + \frac{1}{19} \right) - \left(\frac{1}{3} + \frac{1}{5} + \dots + \frac{1}{19} + \frac{1}{21} \right) = 1 - \frac{1}{21} = \frac{20}{21}$$

$\therefore \frac{20}{21}$

10. 양수 k 에 대하여 함수 $f(x)$ 는

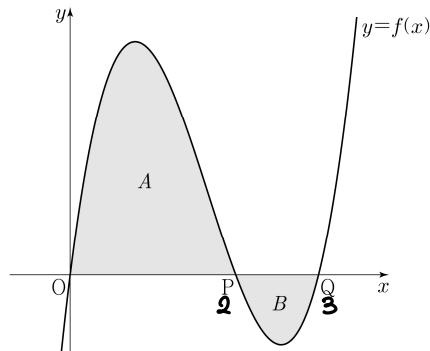
$$f(x) = kx(x-2)(x-3)$$

이다. 곡선 $y=f(x)$ 와 x 축이 원점 O와 두 점 P, Q($\overline{OP} < \overline{OQ}$)에서 만난다. 곡선 $y=f(x)$ 와 선분 OP로 둘러싸인 영역을 A, 곡선 $y=f(x)$ 와 선분 PQ로 둘러싸인 영역을 B라 하자.

$$(A \text{의 넓이}) - (B \text{의 넓이}) = 3$$

일 때, k 의 값은? [4점]

① $\frac{7}{6}$ ② $\frac{4}{3}$ ③ $\frac{3}{2}$ ④ $\frac{5}{3}$ ⑤ $\frac{11}{6}$



$$\int_0^3 f(x) dx = 3$$

$$= k \int_0^3 x^3 - 6x^2 + 12x dx$$

$$= k \times \left(\frac{1}{4}x^4 - \frac{5}{3}x^3 + 3x^2 \Big|_0^3 \right) = k \times \frac{9}{4} = 3$$

$\Rightarrow k = \frac{4}{3}$

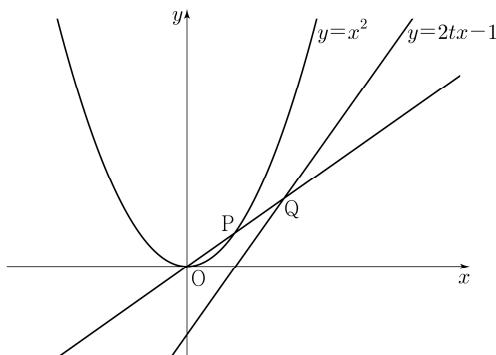
4

P와의 거리=2t

수학 영역

*수열은 서로다해보라→귀납법

11. 그림과 같이 실수 $t(0 < t < 1)$ 에 대하여 곡선 $y = x^2$ 위의 점 중에서 직선 $y = 2tx - 1$ 과의 거리가 최소인 점을 P라 하고, 직선 OP가 직선 $y = 2tx - 1$ 과 만나는 점을 Q라 할 때,
 $\lim_{t \rightarrow 1^-} \frac{PQ}{1-t}$ 의 값은? (단, O는 원점이다.) [4점]



- ① $\sqrt{6}$ ② $\sqrt{7}$ ③ $2\sqrt{2}$ ④ 3 ⑤ $\sqrt{10}$

[1] P의 좌표

$$\begin{aligned} y &= 2tx - 1 \\ t(P의 x좌표) \end{aligned}$$

[2] 직선 OP

$$\begin{aligned} \text{기울기 } k &= \frac{y_2 - 0}{x_2 - 0} = t \\ \text{지나는 점 } &= (0,0) \end{aligned} \rightarrow OP: y = tx$$

[3] Q의 좌표

$$y = tx, y = 2tx - 1 \text{ 만남} \rightarrow Q\left(\frac{1}{t}, 1\right)$$

[4] PQ

$$\begin{aligned} &= \sqrt{\left(t - \frac{1}{t}\right)^2 + (t - 1)^2} \\ &= \sqrt{\frac{1}{t^2} \times (t^2 - 1)^2 + (t - 1)^2} \\ &= \sqrt{\left(\frac{1}{t^2} + 1\right)(t+1)^2(t-1)^2} \\ &= |t-1| \sqrt{\left(\frac{1}{t^2} + 1\right)(t+1)^2} \\ &\quad \text{※ } t \neq 1 \rightarrow \text{has no 영이수} \end{aligned}$$

[5]

$$\lim_{t \rightarrow 1^-} \frac{PQ}{1-t} \quad t < 1 \text{에서}, |t-1| = 1-t$$

$$\therefore \boxed{\lim_{t \rightarrow 1^-} \sqrt{\left(\frac{1}{t^2} + 1\right)(t+1)^2} \Big|_{t=1} = 2\sqrt{2}}$$

12. $a_2 = -4$ 이고 공차가 0이 아닌 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 수열 $\{b_n\}$ 을 $b_n = a_n + a_{n+1}(n \geq 1)$ 이라 하고, 두 집합 A, B 를

$$A = \{a_1, a_2, a_3, a_4, a_5\}, \quad B = \{b_1, b_2, b_3, b_4, b_5\}$$

- 라 하자. $n(A \cap B) = 3$ 이 되도록 하는 모든 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 a_{20} 의 값의 합은? [4점]

- ① 30 ② 34 ③ 38 ④ 42 ⑤ 46

n	1	2	3	4	5	\vdots
a_n	-4-d	-4	-4+d	-4+2d	-4+3d	\ddots
b_n	-8-d	-8+d	-8+3d	-8+5d	-8+7d	\ddots

i) $a_1 = b_1, a_2 = b_2, a_3 = b_3$
 $-4-d = -8-d$
 $d = 4$
 $a_{20} = a_1 + 18d$
 $= -4 + 18 \cdot 4 = 72$

ii) $a_1 = b_1, a_2 = b_2, a_4 = b_4$
 $-4-d = -8+3d$
 $d = 2$
 $a_{20} = a_2 + 18d$
 $= -4 + 18 \cdot 2 = 32$

iii) $a_1 = b_1, a_3 = b_3, a_5 = b_5$
 $-4-d = -8+5d$
 $d = 1$
 $a_{20} = a_5 + 18d$
 $= -4 + 18 \cdot 1 = 14$

16

수학 영역

Just 계산..

5

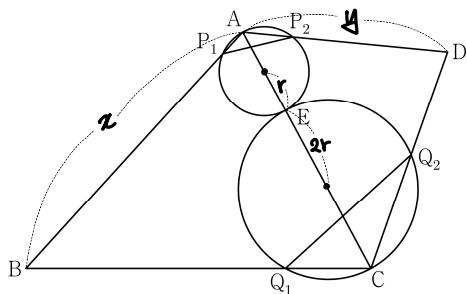
*원과 삼각형과 함께 보면, 또 보면 더 좋다.

13. 그림과 같이

$$\overline{BC} = 3, \overline{CD} = 2, \cos(\angle BCD) = -\frac{1}{3}, \angle DAB > \frac{\pi}{2}$$

인사각형 ABCD에서 두 삼각형 ABC와 ACD는 모두 예각삼각형이다. 선분 AC를 1:2로 내분하는 점 E에 대하여 선분 AE를 지름으로 하는 원이 두 선분 AB, AD와 만나는 점 중 A가 아닌 점을 각각 P₁, P₂라 하자.
선분 CE를 지름으로 하는 원이 두 선분 BC, CD와 만나는 점 중 C가 아닌 점을 각각 Q₁, Q₂라 하자.

$\overline{P_1P_2} : \overline{Q_1Q_2} = 3 : 5\sqrt{2}$ 이고 삼각형 ABD의 넓이가 2일 때,
 $\overline{AB} + \overline{AD}$ 의 값은? (단, $\overline{AB} > \overline{AD}$) [4점]



✓ ① $\sqrt{21}$ ② $\sqrt{22}$ ③ $\sqrt{23}$ ④ $2\sqrt{6}$ ⑤ 5

① 풀이법 $\triangle \rightarrow \sin \text{law} \text{ 데울리}$

$$\frac{P_1P_2}{2\sin A} : \frac{Q_1Q_2}{2\sin C} = 1:2 \text{인 A, } \sin A = \frac{11}{15}$$

\downarrow \downarrow
r 2r

② 안 15) 조건 찾기+구하는 것 파악
 $\sqrt{BC \cdot CD}$ 같이와 같은각 $\angle BCD$ 인지 가능

구 $x+y$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 + 2 \cdot \frac{3}{5} \cdot xy = 9 + 4 + 2 \cdot \frac{1}{3} \cdot 3 \cdot 2 = \overline{BD}$$

$$\sqrt{\triangle ABD} = 2 \Rightarrow \frac{1}{2} \cdot xy \cdot \sin A$$

$$\Rightarrow x^2 + y^2 + \frac{6}{5}xy = 17 \quad \Rightarrow x^2 + y^2 = 11 \quad \Rightarrow \sqrt{21}$$

$$\Rightarrow \frac{3}{5}xy = 2, xy = \frac{10}{3}$$

14. 실수 $a (a \geq 0)$ 에 대하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t (t \geq 0)$ 에서의 속도 $v(t)$ 를

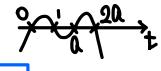
$$v(t) = -t(t-1)(t-a)(t-2a)$$

라 하자. 점 P가 시각 $t=0$ 일 때 출발한 후 운동 방향을 한 번만 바꾸도록 하는 a에 대하여, 시각 $t=0$ 에서 $t=2$ 까지 점 P의 위치의 변화량의 최댓값은? [4점]

→ $v(t)$ has only 1 ~~부호변화~~

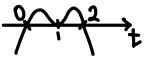
- ① $\frac{1}{5}$ ② $\frac{7}{30}$ ③ $\frac{4}{15}$ ④ $\frac{3}{10}$ ⑤ $\frac{1}{3}$

i) $a > 1$ ~~OK~~

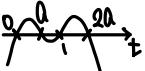


$$\int_0^2 -t(t-1)(t-a)(t-2a) dt = \frac{4}{15}$$

ii) $a = 1$ OK



iii) $\frac{1}{2} < a < 1$ ~~OK~~

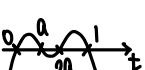


iv) $a = \frac{1}{2}, 2a = 1$ OK

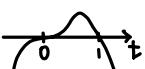


$$\int_0^2 -t(t-1)^2(t-\frac{1}{2}) dt = -\frac{11}{16}$$

v) $0 < a < \frac{1}{2}$ ~~OK~~



vi) $a = 0 = 2a$ OK



$$\int_0^2 -t^3(t-1)^2 dt = -\frac{12}{5}$$

6

*수열은 서로다 해보자 → 관찰성 찾기

수학 영역

15. 자연수 k 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 수열 $\{a_n\}$ 이 있다.

$a_1 = k$ 이고, 모든 자연수 n 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n + 2n - k & (a_n \leq 0) \\ a_n - 2n - k & (a_n > 0) \end{cases}$$

+10-k
-10-k.

이다.

$a_3 \times a_4 \times a_5 \times a_6 < 0$ 이 되도록 하는 모든 k 의 값의 합은? [4점]

- ① 10 ② 14 ③ 18 ④ 22 ⑤ 26

n	1	2	3	4	5	6	k 가능값
a_n	k	-2	$2-k$	$8-2k$	$16-3k$	$26-4k$	$6, 7, 8, 9$ OK

Diagram showing the relationships between terms based on the value of k :

- $k \geq 2$: $8-2k$ (from a_3) and $16-3k$ (from a_4) are negative.
- $k \geq 4$: $16-3k$ (from a_4) and $26-4k$ (from a_5) are negative.
- $k \geq 6$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 8$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 10$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 12$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 14$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 16$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 18$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 20$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 22$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 24$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 26$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 28$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 30$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 32$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 34$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 36$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 38$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 40$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 42$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 44$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 46$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 48$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 50$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 52$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 54$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 56$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 58$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 60$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 62$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 64$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 66$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 68$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 70$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 72$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 74$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 76$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 78$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 80$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 82$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 84$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 86$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 88$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 90$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 92$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 94$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 96$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 98$: $26-4k$ (from a_5) is negative.
- $k \geq 100$: $26-4k$ (from a_5) is negative.

$6+5+3=14$

단답형

16. 부등식 $2^{x-6} \leq \left(\frac{1}{4}\right)^x$ 을 만족시키는 모든 자연수 x 의 값의 합을 구하시오. [3점]

$$2^{x-6} \leq 2^{-2x}$$

$$3x \leq 6$$

$$x \leq 2, x=1, 2$$

$$3$$

17. 함수 $f(x)$ 에 대하여 $f'(x) = 8x^3 - 1$ 이고 $f(0) = 3$ 일 때, $f(2)$ 의 값을 구하시오. [3점]

$$f(x) = 2x^4 - x + 3$$

$$f(2) = 2(2)^4 - 2 + 3 = 33$$

18. 두 상수 a, b 에 대하여 삼차함수 $f(x) = ax^3 + bx + a$ 는 $x=1$ 에서 극소이다. 함수 $f(x)$ 의 극솟값이 -2 일 때, 함수 $f(x)$ 의 극댓값을 구하시오. [3점]

$$\begin{aligned} f'(x) &= 3ax^2 + b, \quad 3a+b=0 \\ f'(1) &= 3a+b=-2 \\ a &= 2, b=-6 \\ f(-1) &= -b=6 \end{aligned}$$

$$f(-1) = -b = 6$$

19. 두 자연수 a, b 에 대하여 함수

$$f(x) = a \sin bx + 8 - a \quad \frac{\pi}{b}$$

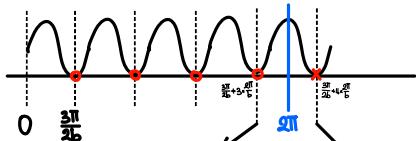
- 가 다음 조건을 만족시킬 때, $a+b$ 의 값을 구하시오. [3점]

(가) 모든 실수 x 에 대하여 $f(x) \geq 0$ 이다.

(나) $0 \leq x < 2\pi$ 일 때, x 에 대한 방정식 $f(x) = 0$ 의 서로 다른 실근의 개수는 4이다.

$f(x)$ 는 x 축에 접한다.

$$\Leftrightarrow f'(x) \text{의 } \exists x \in \mathbb{R}, f'(x)=0 \\ -a+8-a=0, \quad a=4$$



$$\begin{aligned} \frac{\pi}{b} + 3 \cdot \frac{\pi}{b} &< 2\pi \\ \frac{4\pi}{b} &< 2\pi \\ \frac{4}{b} &< 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \frac{\pi}{b} + 4 \cdot \frac{\pi}{b} &> 2\pi \\ \frac{14\pi}{b} &> 2\pi \\ \frac{14}{b} &> 2 \end{aligned}$$

$$b < 7$$

$$b = 6$$

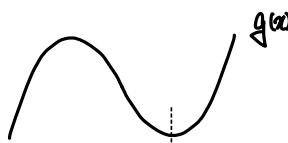
20. 최고차항의 계수가 1인 이차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \int_0^x f(t) dt \quad \leftarrow \text{삼차함수 with 계수 } \frac{1}{3}, \exists(0,0)$$

- 가 다음 조건을 만족시킬 때, $f(9)$ 의 값을 구하시오. [4점]

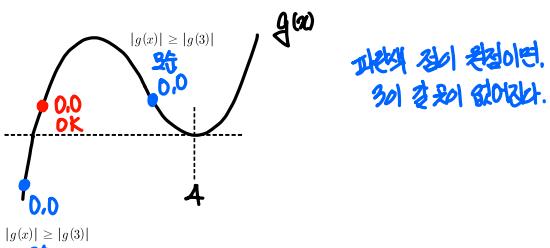
$x \geq 1$ 인 모든 실수 x 에 대하여
 $|g(x)| \geq |g(4)|$ 이고 $|g(x)| \geq |g(3)|$ 이다.

①



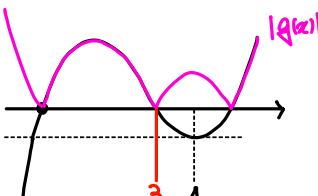
4 ($\because 4$ 가 여기 없으면,
 $g(x) \geq g(4)$ 이
 안된다.)

② (0,0)의 위치 정하기 ($|g(x)|$ 가 절대값)



과연 정기 관점이면,
 3이 깔끔이 없어졌다.

③ 3의 위치 결정+마무리



$$\begin{aligned} f(x) &= (x-k)(x-4) = x^2 - (4+k)x + 4k \\ \int_0^x f(t) dt &= \frac{1}{3}x^3 - \frac{1}{2}(4+k)x^2 + 4kx \quad \exists(3,0) \end{aligned}$$

$$9 - \frac{9}{2}(4+k) + 12k = 0.$$

$$9 - 18 - \frac{9}{2}k + 12k = 0.$$

$$k = \frac{6}{5}$$

$$(9 - \frac{6}{5}) \times 5$$

$$45 - 6 = 39$$

8 * ※ 1-12는 절대 일반적으로 풀 수 없다 → 10이 필요하면 대입 수학 영역

21. 실수 t 에 대하여 두 곡선 $y = t - \log_2 x$ 와 $y = 2^{x-t}$ 이 만나는 점의 x 좌표를 $f(t)$ 라 하자.

<보기>의 각 문제에 대하여 다음 규칙에 따라 A , B , C 의 값을 정할 때, $A+B+C$ 의 값을 구하시오. (단, $A+B+C \neq 0$) [4점]

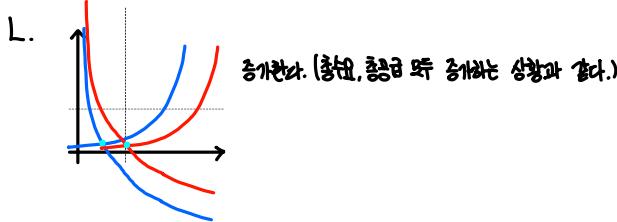
- 문제 ㄱ이 참이면 $A=100$, 거짓이면 $A=0$ 이다.
- 문제 ㄴ이 참이면 $B=10$, 거짓이면 $B=0$ 이다.
- 문제 ㄷ이 참이면 $C=1$, 거짓이면 $C=0$ 이다.

<보기>

- Ⓐ $f(1)=1$ 이고 $f(2)=2$ 이다.
- Ⓑ 실수 t 의 값이 증가하면 $f(t)$ 의 값도 증가한다.
- ⓪ 모든 양의 실수 t 에 대하여 $f(t) \geq t$ 이다.

$$\text{ㄱ. } 1 - 10\log_2 x = 2^{x-1} \rightarrow f(1)=1$$

$$2 - 10\log_2 x = 2^{x-2} \rightarrow f(2)=2$$



ㄷ. ㄴ의 소원에 이미 반복이 있다.

110

22. 정수 a ($a \neq 0$)에 대하여 함수 $f(x)$ 를

$$f(x) = x^3 - 2ax^2$$

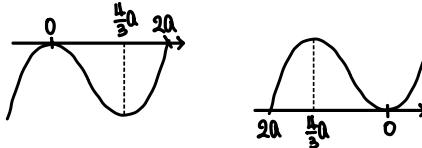
이라 하자. 다음 조건을 만족시키는 모든 정수 k 의 값의 곱이 -12 가 되도록 하는 a 에 대하여 $f'(10)$ 의 값을 구하시오. [4점]
- 2·3, 가능한 배수 : -12, -1·12, ...

함수 $f(x)$ 에 대하여

$$\left\{ \frac{f(x_1) - f(x_2)}{x_1 - x_2} \right\} \times \left\{ \frac{f(x_2) - f(x_3)}{x_2 - x_3} \right\} < 0$$

을 만족시키는 세 실수 x_1, x_2, x_3 이 열린구간 $\left(k, k + \frac{3}{2}\right)$ 에

존재한다. $\Rightarrow (k, k + \frac{3}{2}) \ni 3점이 서로 x값$



k 의 값이 125 아니고 -12이다. $k=-1$ 은 제외 된다.

→ 가능한 값: $k = -1, 1, 12 \rightarrow$ 1간 $(1, 2, 5)$ 1개간 $(2, 12, 5) = \emptyset$
 $k = -1, 2, 6 \rightarrow$ 2간 $(2, 3, 5)$ 1개간 $(6, 7, 5) = \emptyset$
 $k = -1, 3, 14 \rightarrow$ 3간 $(3, 4, 5)$ 1개간 $(11, 14, 5) =$ 1간 $(4, 14, 5) \ni x = \frac{11}{3}a$ ①
 $(k = -1, 1, 3, 14)$ 같은 경우는 극값 범위에서의 맛집
 $k = -1, -2, -6 \rightarrow$ 2간 $(-2, -1, 5)$ 1개간 $(-6, -4, 5) = \emptyset$
 $k = -1, -3, -4 \rightarrow$ 3간 $(-3, -1, 5)$ 1개간 $(-4, -2, 5) =$ 1간 $(-3, 2, 5) \ni x = \frac{11}{3}a$ ②

① $1 < \frac{11}{3}a < \frac{9}{2}$

$3 < a < \frac{27}{8} = 3.33$

"no a"

② $-3 < \frac{11}{3}a < -\frac{5}{2}$

$-\frac{9}{4} < a < -\frac{15}{8}$

$-2.25 < a < -1.875$

$a = -2$

$$f'(x) = 3x^2 - 4ax$$

$$f'(10) = 300 - 40a = 380$$

* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.

○ 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

제 2 교시

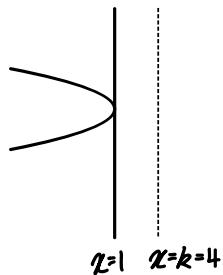
수학 영역(기하)

5지선다형

$$\rho = -3$$

23. 포물선 $y^2 = -12(x-1)$ 의 준선을 $x=k$ 라 할 때, 상수 k 의 값은? [2점]

- ① 4 ② 7 ③ 10 ④ 13 ⑤ 16



24. 한 직선 위에 있지 않은 서로 다른 세 점 A, B, C에 대하여

$$2\overrightarrow{AB} + p\overrightarrow{BC} = q\overrightarrow{CA}$$

$$\cancel{2} \quad \cancel{q} = \cancel{2AC} \quad \cancel{p+q}$$

일 때, $p-q$ 의 값은? (단, p 와 q 는 실수이다.) [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

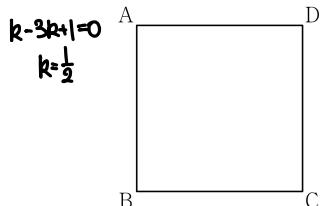
25. 그림과 같이 한 변의 길이가 1인 정사각형 ABCD에서

$$(\overrightarrow{AB} + k\overrightarrow{BC}) \cdot (\overrightarrow{AC} + 3k\overrightarrow{CD}) = 0$$

$$(0, -1) \quad (k, 0) \quad (1, -1) \quad (0, 3k)$$

일 때, 실수 k 의 값은? [3점]

$$(k, -1) \cdot (1, 3k-1) = 0$$



- ① 1 ② $\frac{1}{2}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{1}{4}$ ⑤ $\frac{1}{5}$

26. 두 초점이 $F(12, 0)$, $F'(-4, 0)$ 이고, 장축의 길이가 24인 $\boxed{a=24}$

타원 C 가 있다. $\overline{F'F} = \overline{F'P}$ 인 타원 C 위의 점 P 에 대하여

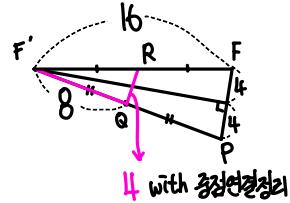
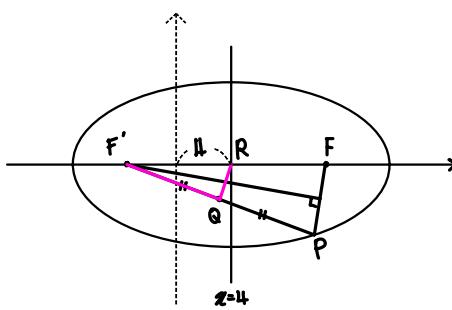
선분 $F'P$ 의 중점을 Q 라 하자. 한 초점이 F' 인 타원

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

$$\frac{x^2}{144} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

(단, a 와 b 는 양수이다.) [3점]

- ① 46 ② 52 ③ 58 ④ 64 ⑤ 70



$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

$$\frac{x^2}{144} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

$$a=12, b=6$$

$$a^2 - b^2 = 144 - 36 = 108$$

수학 영역(기하)

3

$P=2$

27. 포물선 $(y-2)^2 = 8(x+2)$ 위의 점 P와 점 A(0, 2)에 대하여

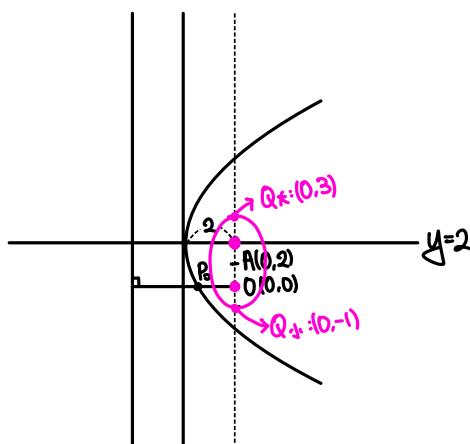
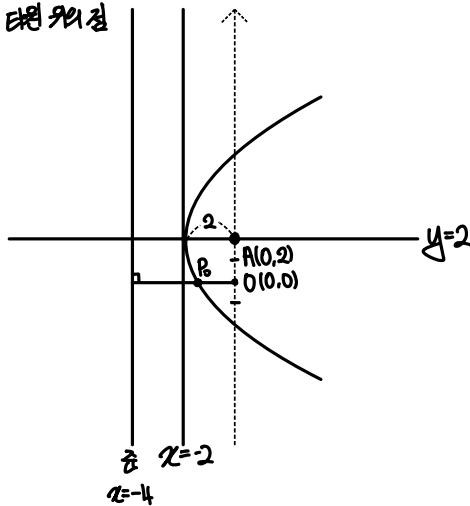
$\overrightarrow{OP} + \overrightarrow{PA}$ 의 값이 최소가 되도록 하는 점 P를 P_0 이라 하자.

$\overrightarrow{OQ} + \overrightarrow{QA} = \overrightarrow{OP_0} + \overrightarrow{P_0A}$ 를 만족시키는 점 Q에 대하여

점 Q의 y좌표의 최댓값과 최솟값을 각각 M, m이라 할 때,
 $M^2 + m^2$ 의 값을? (단, O는 원점이다.) [3점]

- ① 8 ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

Q는 원점이 아님 탐색 문제



28. 좌표평면의 네 점 A(2, 6), B(6, 2), C(4, 4), D(8, 6)에 대하여 다음 조건을 만족시키는 모든 점 X의 집합을 S라 하자.

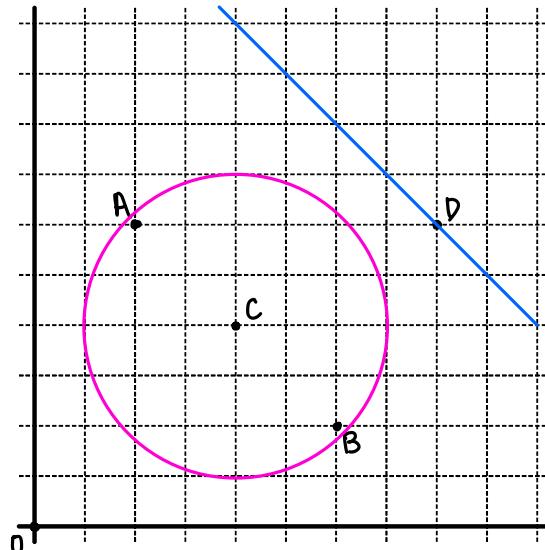
- (가) $\{(\overrightarrow{OX} - \overrightarrow{OD}) \cdot \overrightarrow{OC}\} \times \{|\overrightarrow{OX} - \overrightarrow{OC}| - 3\} = 0 \Rightarrow \boxed{1} \text{ or } \boxed{2} = 0$
 (나) 두 벡터 $\overrightarrow{OX} - \overrightarrow{OP}$ 와 \overrightarrow{OC} 가 서로 평행하도록 하는
 선분 AB 위의 점 P가 존재한다.

집합 S에 속하는 점 중에서 y좌표가 최대인 점을 Q,
 y좌표가 최소인 점을 R이라 할 때, $\overrightarrow{OQ} \cdot \overrightarrow{OR}$ 의 값을?
 (단, O는 원점이다.) [4점]

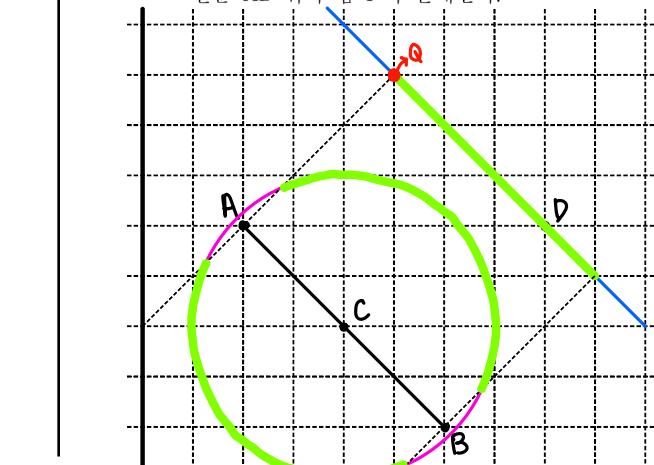
- ① 25 ② 26 ③ 27 ④ 28 ⑤ 29

1 $\Rightarrow \overrightarrow{DX} \perp \overrightarrow{OC} \Rightarrow x=8$ 이고 기울기 -1인 직선

2 $\Rightarrow \overrightarrow{CX}=3 \Rightarrow x=5$ C를 중심으로 하는 반지름 3짜리 원



- (나) 두 벡터 $\overrightarrow{OX} - \overrightarrow{OP}$ 와 \overrightarrow{OC} 가 서로 평행하도록 하는
 선분 AB 위의 점 P가 존재한다.



19
20

이 문제에 관하여 저작권은 한국교육과정평가원에 있습니다.

$$\overrightarrow{OQ}(5, 9)$$

$$\overrightarrow{OR}(4, 1)$$

단답형

29. 두 점 $F(c, 0), F'(-c, 0)$ ($c > 0$)을 초점으로 하는 두 쌍곡선

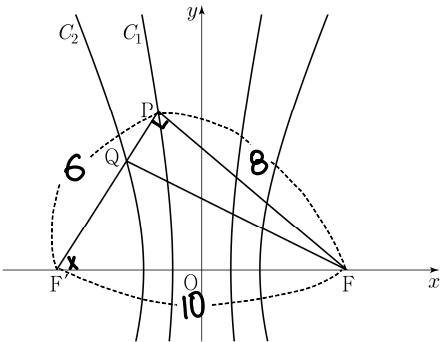
$$C_1: x^2 - \frac{y^2}{24} = 1, \quad C_2: \frac{x^2}{4} - \frac{y^2}{21} = 1$$

C=5, 차2**C=5, 차 4**

이 있다. 쌍곡선 C_1 위에 있는 제2사분면 위의 점 P에 대하여 선분 PF' 이 쌍곡선 C_2 와 만나는 점을 Q라 하자.

$\overline{PQ} + \overline{QF}$, $2\overline{PF}'$, $\overline{PF} + \overline{PF}'$ 이 이 순서대로 등차수열을 이룰 때, 직선 PQ의 기울기는 m이다. 60m의 값을 구하시오. [4점]

$$\sqrt{PF - PF'} = 2$$



$$3\Delta PF' = PQ + QF + PF + PF'$$

$$2PF' = PQ + QF + \underbrace{(PF + PF')}_{=2} \Rightarrow \sqrt{QF - (PF' - PQ)} = 4$$

$$PF' = PQ + QF - PP' + 2$$

$$PF' = 6$$

$$\tan x = \frac{4}{3}$$

80

30. 직선 $2x + y = 0$ 위를 움직이는 점 P와

타원 $2x^2 + y^2 = 3$ 위를 움직이는 점 Q에 대하여

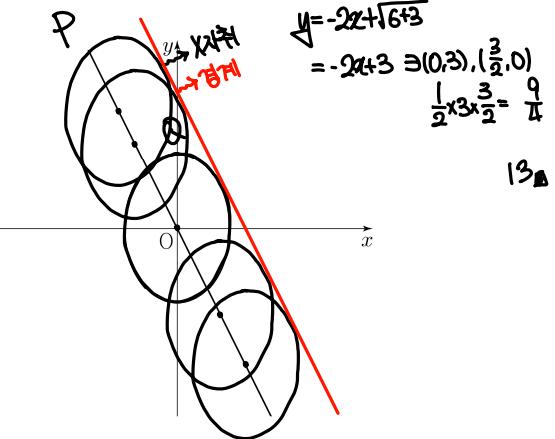
$$\overrightarrow{OQ} = \overrightarrow{OP} + \overrightarrow{OQ} \Rightarrow \frac{x}{\frac{3}{2}} + \frac{y^2}{\frac{3}{2}} = 1$$

$$\frac{3}{2} \times \frac{4}{3} + 3$$

를 만족시키고, x 좌표와 y 좌표가 모두 0 이상인 모든 점 X가

나타내는 영역의 넓이는 $\frac{q}{p}$ 이다. p+q의 값을 구하시오.

(단, O는 원점이고, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



13

* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인 하시오.