$$v_x t = v \cos \theta t = R$$
이고, $\cos \theta t = \frac{4}{5}$ 이다. [3점]

$$h + v_y t - \frac{1}{2} g t^2 = h + v \sin\theta t - \frac{1}{2} g t^2 = H - \frac{1}{2} g t^2$$
이고, $\sin\theta t = \frac{H - h}{v} = \frac{75}{125} = \frac{3}{5}$ [4점]

따라서
$$t=1s$$
이고, $\cos\theta=\frac{4}{5}$, $\sin\theta=\frac{3}{5}$ 이다. [3점]

총알이 원반에 박히는 순간 원반의 높이는 $H - \frac{1}{2}gt^2 = 77 - 5 = 72$ m이다. [2점]

2.

단진자의 주기는
$$2\pi\sqrt{\frac{l}{g}}$$
이므로 $\sqrt{\frac{l}{g_{\overline{\gamma}}}}:\sqrt{\frac{l}{g_{\overline{\delta}}}}=3:5$ 이고, $g_{\overline{\gamma}}=10~\mathrm{m/s^2}$ 이므로

$$g_{ijk} = 3.6 \text{ m/s}^2$$
이다. [3점]

중력 가속도는
$$G\frac{M}{R^2}$$
이므로 $\frac{M_{
m N}}{(R_{
m N})^2}: \frac{M_{
m M}}{(R_{
m M})^2} = 25:9$ 이고, $R_{
m N} = 2R_{
m M}$ 이므로

$$M_{$$
행성 $= \frac{9}{100} M_{$ 지구이다. [3점]

중력과 구심력이 같으므로
$$G\frac{mM}{r^2} = \frac{mv^2}{r}$$
이고, 공전 속력 $v = \sqrt{\frac{GM}{r}} = \sqrt{\frac{GM}{(R_{\text{해성}})^2}} \frac{(R_{\text{해성}})^2}{r}$

$$=R_{\text{ 해 성}} \sqrt{\frac{g}{r}} = 3.2 \times 10^6 \times \sqrt{\frac{3.6}{4 \times 10^7}} = 960 \text{ m/s 이다. [4점]}$$

공전 주기
$$T = \frac{2\pi r}{v} = \frac{2\pi \times 4 \times 10^7}{960} = \frac{\pi}{12} \times 10^6 \, s$$
이다. [2점]

3.

물속에서의 음속 V = 1500 m/s이다.

가까워질 때 측정한 소음의 진동수는
$$\frac{V}{V-v_0}f_0=1300~{\rm Hz}$$
이고, [2점]

멀어질 때 측정한 소음의 진동수는 $\frac{V}{V+v_0}f_0=1200~{\rm Hz}$ 이다. [2점]

$$\frac{V+v_0}{V-v_0} = \frac{13}{12}$$
이고, $v_0 = \frac{1}{25} V = 60 \text{ m/s}$ 이다. [2점]

$$\frac{1500}{1500-60}f_0=1300$$
이고, $f_0=1248$ Hz이다. [2점]

4.

볼록 렌즈 초점 거리는 $f=12\,\mathrm{cm}$ 이고, 물체와 렌즈 사이의 거리를 a, 상과 렌즈 사이의 거리를 b라고 하자. a>f이면 도립실상이 생기고, a=f이면 상이 생기지 않으며, a<f이면 정립허상이 생긴다. [4점]

렌즈 방정식에 의해 $\frac{1}{a} + \frac{1}{b} = \frac{1}{f}$ 이고, 물체와 상의 크기가 같으므로 a = b이다. 따라서 a = 2f = 24 cm 이다. [4점]

1.

포도당 수액의 몰 농도는
$$C = \frac{\Pi}{RT} = \frac{7.44}{0.08 \times 310} = 0.3 \,\mathrm{M}$$
이다. [3점]

필요한 포도당의 질량은 $w=C\times V\times M=0.3\times0.5\times180=27~\mathrm{g}$ 이다. [3점] 혈액보다 큰 삼투압을 갖는 포도당 수액: 물이 적혈구에서 빠져나가 세포가 수축한다. [1점] 혈액보다 작은 삼투압을 갖는 포도당 수액: 물이 적혈구으로 들어와 세포가 팽창한다. [1점] 2.

완충 용액에서
$$K_{\rm a}=\frac{\left[{\rm HCO_3^-}\right]\left[{\rm H_3O^+}\right]}{\left[{\rm H_2CO_3}\right]}=\frac{0.4\times10^{-7}}{\left[{\rm H_2CO_3}\right]}=8\times10^{-7}$$
이고, $\left[{\rm H_2CO_3}\right]=0.05~{\rm M}$ 이다. [2점]

반응식을 세우면 다음과 같다. [3점]

$$H_2CO_3(aq) + H_2O(l) \rightarrow HCO_3^-(aq) + H_3O^+(aq)$$

$$\begin{array}{cccc} 0.5 \ \mathrm{mmol} & 4 \ \mathrm{mmol} & 2 \ \mathrm{mmol} \\ + 2 \ \mathrm{mmol} & -2 \ \mathrm{mmol} & -2 \ \mathrm{mmol} \end{array}$$

용해 I에서
$$K_{\rm a}=\frac{\left[{\rm HCO_3^-}\right]\left[{\rm H_3O^+}\right]}{\left[{\rm H_2CO_3}\right]}=\frac{4}{5}\times\left[{\rm H_3O^+}\right]=8\times10^{-7}$$
이고, $\left[{\rm H_3O^+}\right]=10^{-6}\,{\rm M}$ 이다. [2점]

따라서 용액 I에서 pH=6이다. 용액 I에서 $\left[H_3O^+\right]=0.1$ M이고, pH=1이다. [2점] 완충 용액은 HCl(aq) 첨가 후 pH가 7에서 6으로, $H_2O(l)$ 은 pH가 7에서 1로 감소했다. 완충 용액은 조금 감소한 반면, $H_2O(l)$ 는 급격히 감소한 것으로 보아 완충 용액은 생체 내에서 급격한 pH 변화를 막는 역할을 한다. [3점]

3. 생성된 기체의 부피는 생성물의 양에 비례하고, 시간에 따른 $[H_2O_2]$ 는 다음과 같다.

시간 (h)	6	12	18	24	∞	
[H ₂ O ₂] (상댓값)	8	4	2	1	0	[2점]

반응물의 농도에 관계없이 반감기가 일정하므로 H_2O_2 의 분해 반응은 1차 반응이다. [3점] H_2O_2 의 분해 반응식과 반응 속도식은 다음과 같다.

2H₂O₂(aq)→2H₂O(l)+O₂(g), k[H₂O₂] (k는 반응 속도 상수) [3점]

카탈레이스를 첨가하면 정촉매로 작용하여 반응이 일어나는 데 필요한 활성화 에너지의 크기를 줄이지만, 반응 엔탈피에는 영향을 주지 않는다. [4점]

4.

들숨과 날숨에서 $P_{\mathrm{CO_2}}$ 의 변화량은 $30.4~\mathrm{mmHg} = 0.04~\mathrm{atm}$ 이다. [2점]

사람이 하루에 내보내는 공기의 부피는 $V=0.5\times15\times60\times24=10800$ L이다.

사람이 하루에 내보내는
$$\mathrm{CO_2}$$
의 몰수는 $n = \frac{P_{\mathrm{CO_2}}V}{RT} = \frac{0.04 \times 10800}{0.08 \times 300} = 18 \,\mathrm{mol}$ 이다. [3점]

LiOH는 CO₂와 다음과 같이 반응한다.

$$2 \text{LiOH} + \text{CO}_2 \rightarrow \text{Li}_2 \text{CO}_3 + \text{H}_2 \text{O}$$
 [1점]

 CO_2 18 mol을 제거하기 위한 LiOH의 질량은 $2 \times 18 \times 24 = 864$ g이다. [2점]