

제 2 교시

수학 영역

97M

96

5지선다형

1. $\left(\frac{2\sqrt{3}}{2}\right)^{\sqrt{3}+1}$ 의 값은? [2점]

- Ⓐ ① $\frac{1}{16}$ Ⓑ ② $\frac{1}{4}$ Ⓒ ③ 1 Ⓓ ④ 4 Ⓔ ⑤ 16

$$(2^{\sqrt{3}-1})^{\sqrt{3}+1} = 2^2$$

2. 함수 $f(x) = 2x^2 + 5$ 에 대하여 $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{f(x) - f(2)}{x - 2}$ 의 값은? [2점]

- Ⓐ ① 8 Ⓑ ② 9 Ⓒ ③ 10 Ⓓ ④ 11 Ⓔ ⑤ 12

Ⓐ ① 8 Ⓑ ② 9 Ⓒ ③ 10 Ⓓ ④ 11 Ⓔ ⑤ 12

$$f'(x) = 4x$$

$$f'(2) = 8$$

3. $\sin(\pi - \theta) = \frac{5}{13}$ 이고 $\cos \theta < 0$ 일 때, $\tan \theta$ 의 값은? [3점]

- Ⓐ ① $-\frac{12}{13}$ Ⓑ ② $-\frac{5}{12}$ Ⓒ ③ 0 Ⓓ ④ $\frac{5}{12}$ Ⓔ ⑤ $\frac{12}{13}$

$$\sin \theta = \frac{5}{13} \quad \cos \theta = -\frac{12}{13}$$

$$\therefore -\frac{5}{12}$$

4. 함수

$$f(x) = \begin{cases} -2x + a & (x \leq a) \\ ax - 6 & (x > a) \end{cases}$$

가 실수 전체의 집합에서 연속이 되도록 하는 모든 상수 a 의 값의 합은? [3점]

- Ⓐ ① -1 Ⓑ ② -2 Ⓒ ③ -3 Ⓓ ④ -4 Ⓔ ⑤ -5

- Ⓐ ① -1 Ⓑ ② -2 Ⓒ ③ -3 Ⓓ ④ -4 Ⓔ ⑤ -5

$$-a = a^2 - 6$$

$$a^2 + a - 6 = 0$$

5. 등차수열 $\{a_n\}$ 에 대하여

$$\begin{aligned} a_1 &= 2a_5, \quad a_8 + a_{12} = -6 \\ \text{일 때, } a_2 &\text{의 값은? [3점]} \end{aligned}$$

- ① 17 ② 19 ③ 21 ④ 23 ⑤ 25

③

$$a_{10} = -3$$

$$a = 2(a+4d)$$

$$a = -8d$$

$$a = 2a + 8d$$

$$a_{10} = d = -3$$

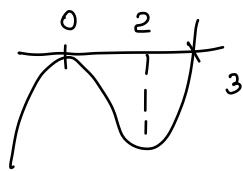
$$+24-3$$

6. 함수 $f(x) = x^3 - 3x^2 + k$ 의 극댓값이 9일 때,

함수 $f(x)$ 의 극솟값은? (단, k 는 상수이다.) [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

⑤



$$8-n+9$$

$$-4$$

7. 수열 $\{a_n\}$ 의 첫째항부터 제 n 항까지의 합을 S_n 이라 하자.

$$S_n = \frac{1}{n(n+1)}$$

- 일 때, $\sum_{k=1}^{10}(S_k - a_k)$ 의 값은? [3점]
- ① $\frac{1}{2}$ ② $\frac{3}{5}$ ③ $\frac{7}{10}$ ④ $\frac{4}{5}$ ⑤ $\frac{9}{10}$

⑤

$$\sum_{k=1}^{10} S_k - S_{10}$$

$$\sum_{k=1}^{10} \left(\frac{1}{n} - \frac{1}{n+1} \right) = 1 - \frac{1}{11}$$

$$\frac{10}{11} - \frac{1}{110} = \frac{99}{110} = \boxed{\frac{9}{10}}$$

수학 영역

3

8. 곡선 $y = x^3 - 4x + 5$ 위의 점 $(1, 2)$ 에서의 접선이
곡선 $y = x^3 + 3x + a$ 에 접할 때, 상수 a 의 값은? [3점]
- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9 ⑤ 10

$$y' = 3x^2 - 4 \quad y'(1) = -1$$

$$\underline{y = -x + 3} \quad //$$

$$t^4 + 3t + a = -t + 3$$

$$\left. \begin{array}{l} 4t^3 + 3 = -1 \\ t = -1 \end{array} \right.$$

$$1 - 3 + a = 4$$

$$-2 + a = 4$$

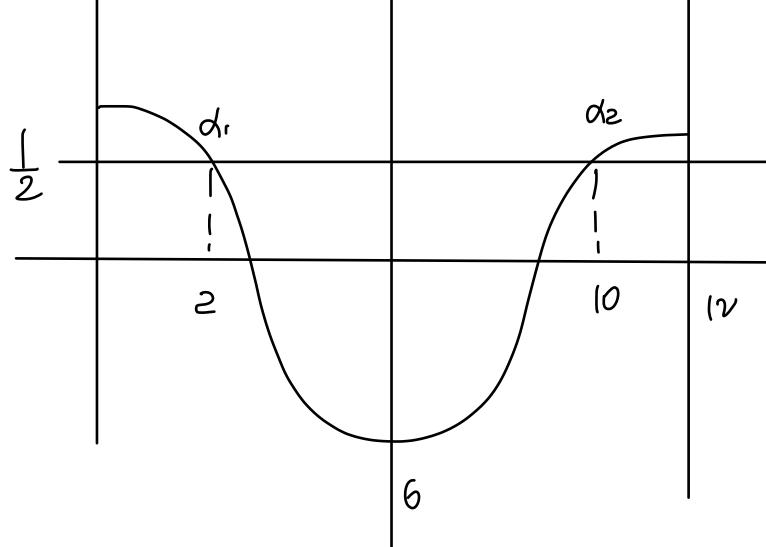
9. 닫힌구간 $[0, 12]$ 에서 정의된 두 함수

$$\cos \frac{\pi x}{6} = -\frac{1}{2}$$

$$f(x) = \cos \frac{\pi x}{6}, \quad g(x) = -3 \cos \frac{\pi x}{6} - 1 = \frac{1}{2} \quad 4, 8$$

이 있다. 곡선 $y = f(x)$ 와 직선 $y = k$ 가 만나는 두 점의 x 좌표를 α_1, α_2 라 할 때, $|\alpha_1 - \alpha_2| = 8$ 이다. 곡선 $y = g(x)$ 와 직선 $y = k$ 가 만나는 두 점의 x 좌표를 β_1, β_2 라 할 때, $|\beta_1 - \beta_2|$ 의 값은? (단, k 는 $-1 < k < 1$ 인 상수이다.) [4점]

- ① 3 ② $\frac{7}{2}$ ③ 4 ④ $\frac{9}{2}$ ⑤ 5



10. 수직선 위의 점 $A(6)$ 과 시각 $t=0$ 일 때 원점을 출발하여 이 수직선 위를 움직이는 점 $P(t)$ 있다. 시각 $t (t \geq 0)$ 에서의 점 P 의 속도 $v(t)$ 를

$$v(t) = 3t^2 + at \quad (a > 0)$$

이라 하자. 시각 $t=2$ 에서 점 P 와 점 A 사이의 거리가 10일 때, 상수 a 의 값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

$$x(t) = t^3 + \frac{1}{2}at^2$$

↑

$$x(2) = 8 + 2a$$

16

6

11. 함수 $f(x) = -(x-2)^2 + k$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 자연수 n 의 개수가 2일 때, 상수 k 의 값은? [4점]

$\sqrt{3}f(n)$ 의 네제곱근 중 실수인 것을 모두 곱한 값이 -9 이다.

- ① 8 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

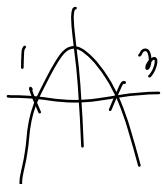
3. -3

 $f(n)$ 은 짝수

81의 네제곱근

 $f(n) = 8$

$$f(1) = k-1=9 \quad (k=9)$$



12. 실수 $t(t>0)$ 에 대하여 직선 $y=x+t$ 과 곡선 $y=x^2$ 이 만나는 두 점을 A, B라 하자. 점 A를 지나고 x 축에 평행한 직선이 곡선 $y=x^2$ 과 만나는 점 중 A가 아닌 점을 C, 점 B에서 선분 AC에 내린 수선의 발을 H라 하자.

$$\lim_{t \rightarrow 0^+} \frac{AH - CH}{t}$$

- 의 값은? (단, 점 A의 x 좌표는 양수이다.) [4점]

 2

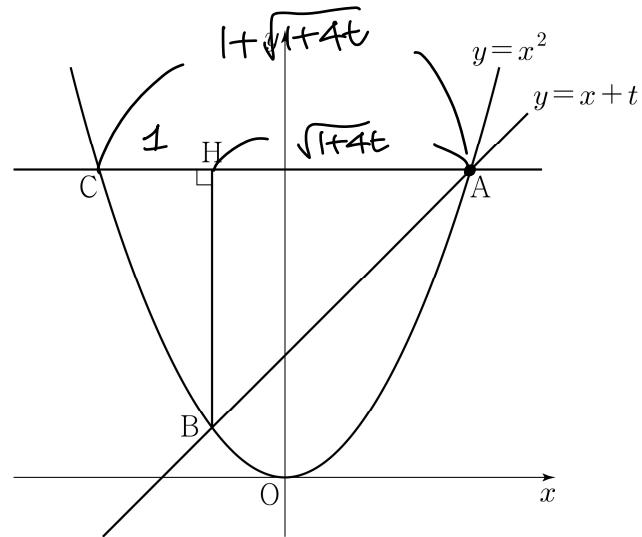
① 1

③ 3

 2

④ 4

⑤ 5



$$x^2 - x - t = 0 \quad \text{두 근의 차: } \frac{\sqrt{D}}{|a|}$$

$$\frac{1 \pm \sqrt{1+4t}}{2} = \sqrt{1+4t}$$

$$2 \frac{(1+\sqrt{1+4t})}{2} \frac{\sqrt{1+4t}-1}{t}$$

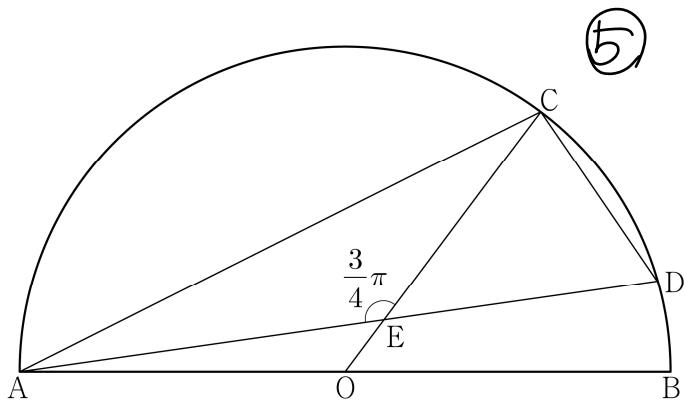
$$= \frac{4t}{t} \times \frac{1}{\sqrt{1+4t}+1}$$

$$4 \times \frac{1}{2} = 2$$

13. 그림과 같이 선분 AB를 지름으로 하는 반원의 호 AB 위에 두 점 C, D가 있다. 선분 AB의 중점 O에 대하여 두 선분 AD, CO가 점 E에서 만나고,

$$\overline{CE} = 4, \quad \overline{ED} = 3\sqrt{2}, \quad \angle CEA = \frac{3}{4}\pi$$

이다. $\overline{AC} \times \overline{CD}$ 의 값은? [4점]



- ① $6\sqrt{10}$
② $10\sqrt{5}$
③ $16\sqrt{2}$
④ $12\sqrt{5}$
⑤ $20\sqrt{2}$

14. 최고차항의 계수가 1이고 $f(0) = 0, f(1) = 0$ 인 삼차함수 $f(x)$ 에 대하여 함수 $g(t)$ 를

$$g(t) = \int_t^{t+1} f(x) dx - \int_0^1 |f(x)| dx$$

라 할 때, <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

(5)

- <보기>
ㄱ. $g(0) = 0$ 이면 $g(-1) < 0$ 이다.
ㄴ. $g(-1) > 0$ 이면 $f(k) = 0$ 을 만족시키는 $k < -1$ 인 실수 k 가 존재한다.
ㄷ. $g(-1) > 1$ 이면 $g(0) < -1$ 이다.

- ① ㄱ
② ㄱ, ㄴ
③ ㄱ, ㄷ
④ ㄴ, ㄷ
⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

15. 수열 $\{a_n\}$ 이 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 자연수 k 에 대하여 $a_{4k} = r^k$ 이다.

(단, r 는 $0 < |r| < 1$ 인 상수이다.)

(나) $a_1 < 0$ 이고, 모든 자연수 n 에 대하여

$$a_{n+1} = \begin{cases} a_n + 3 & (|a_n| < 5) \\ -\frac{1}{2}a_n & (|a_n| \geq 5) \end{cases}$$

이다.

$|a_m| \geq 5$ 를 만족시키는 100 이하의 자연수 m 의 개수를 p 라 할 때, $p + a_1$ 의 값은? [4점]

③

- ① 8 ② 10 ③ 12 ④ 14 ⑤ 16

$$\underline{a_4 = r},$$

$$0 < |r| < 1$$

$$\begin{array}{ccccccccc} a_1 & a_2 & a_3 & a_4 & | & a_5 & a_6 & a_7 \\ 4 & & & r & & & & \\ \boxed{-14} & \searrow & \nearrow & r \rightarrow -\frac{1}{2} & \leftarrow & r & & \\ \oplus & & & & & r+3 & r+6 & -\frac{1}{2}(r+6) \\ \ominus & & & & & r & r+3 & \boxed{r+6} & -\frac{1}{2}(r+6) \\ & & & & & 0 & -1 & 5 & \uparrow \end{array}$$

1) 모든 양수

$$r^2 = -\frac{1}{2}(r+6)+3$$

$$2r^2 = -r - 6 + 6 \quad 2r^2 + r = 0 \quad r = 0, -\frac{1}{2} \quad \times$$

$$2) 모든 음수 \Rightarrow 뚝값이 0, -\frac{1}{2} \quad \boxed{r = -\frac{1}{2}}$$

4개 cycle. $a_1 \sim a_4$ 사이 24개 cycle

cycle 당 $|a_m| \geq 5$ 개

$$\Rightarrow 24 + 27 = 26\text{개}$$

↑
 a_1, a_2

$$\therefore 26 - 14 = \underline{12}$$

단답형

16. 방정식 $\log_3(x-4) = \log_9(x+2)$ 를 만족시키는 실수 x 의 값을 구하시오. [3점]

$$\frac{7}{11}$$

$$x^2 - 8x + 16 = x + 2$$

$$x^2 - 9x + 14 = 0$$

※ 9

17. 함수 $f(x)$ 에 대하여 $f'(x) = 6x^2 - 4x + 3$ 이고 $f(1) = 5$ 일 때, $f(2)$ 의 값을 구하시오. [3점]

⑯

$$f(x) = 2x^3 - 2x^2 + 3x + 2$$

$$f(2) = 16 - 8 + 6 + 2$$

$$= 8 + 8 = 16$$

제 2 교시

수학 영역(미적분)

5지선다형

23. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{4^x - 2^x}{x}$ 의 값은? [2점]

①

✓ ① $\ln 2$

② 1

③ $2\ln 2$

④ 2

⑤ $3\ln 2$

$$(4^{\alpha} \ln 4 - 2^{\alpha} \ln 2)_{\alpha=0}$$

 ln2

24. $\int_0^\pi x \cos\left(\frac{\pi}{2} - x\right) dx$ 의 값은? [3점]

②

① $\frac{\pi}{2}$ ✓ ② π ③ $\frac{3\pi}{2}$ ④ 2π ⑤ $\frac{5\pi}{2}$

$$\int_0^\pi x \sin x \, dx$$

$$[-x \cos x + \sin x] \Big|_0^\pi$$

$$= \pi$$

25. 수열 $\{a_n\}$ 에 대하여 $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n+2}{2} = 6$ 일 때,

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{na_n+1}{a_n+2n}$ 의 값은? [3점]

10

① 1

② 2

③ 3

5

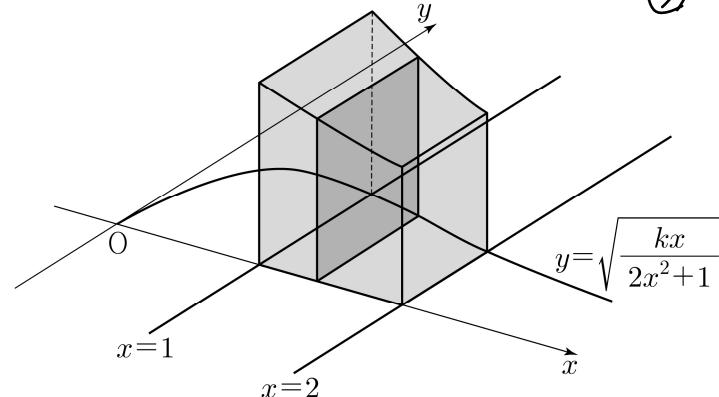
④ 4

6 5

26. 그림과 같이 양수 k 에 대하여 곡선 $y = \sqrt{\frac{kx}{2x^2+1}}$ 와

x 축 및 두 직선 $x=1$, $x=2$ 로 둘러싸인 부분을 밑면으로
하고 x 축에 수직인 평면으로 자른 단면이 모두 정사각형인
입체도형의 부피가 $2\ln 3$ 일 때, k 의 값은? [3점]

3



① 6

② 7

8

④ 9

⑤ 10

$$\int_1^2 \frac{kx}{2x^2+1} dx = \left[\frac{k}{4} \ln(2x^2+1) \right]_1^2$$

$$= \frac{k}{4} (\ln 9 - \ln 3) = \frac{k}{4} \ln 3 = 2\ln 3$$

(k=8)

