

제 2 교시

2022학년도 사관학교 1차 선발시험

수학 영역

성명		수험 번호																		
----	--	-------	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--	--

- 문제지의 해당란에 성명과 수험 번호를 정확히 쓰시오.
- 답안지의 필적 확인란에 다음의 문구를 정자로 기재하십시오.  

<b>힘들다면, 그 힘들마저도 태우는 열차가 될 것</b>
----------------------------------
- 답안지의 해당란에 성명과 수험 번호를 쓰고, 또 수험 번호, 문형 (홀수/짝수), 답을 정확히 표시하십시오.
- 단답형 답의 숫자에 '0'이 포함되면 그 '0'도 답란에 반드시 표시하십시오.
- 문항에 따라 배점이 다르니, 각 물음의 끝에 표시된 배점을 참고하십시오. 배점은 2점, 3점 또는 4점입니다.
- 계산은 문제지의 여백을 활용하십시오.

- ※ 공통 과목 및 자신이 선택한 과목의 문제지를 확인하고, 답을 정확히 표시하십시오.
- **공통과목** ..... 1~8 쪽
  - **선택과목**
    - 확률과 통계 ..... 9~12 쪽
    - 미적분 ..... 13~16 쪽
    - 기하 ..... 17~20 쪽

※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.

---

= 2022 사관학교 1차 선발시험 수학영역 평가원화 =

- 2022학년도 사관학교 1차 선발시험 수학영역을 올해 수능 시험과 동일한 형식으로 재편집한 자료입니다.
  - 해당 자료는 저 *YoonSol* 이 사관학교 시험지를 평가원 시험지의 형태로 재편집한 자료로 문항에 대한 저작권은 사관학교에 있습니다.
-

## 제 2 교시

## 수학 영역

## 5지선다형

1.  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - x + a}{x - 2} = b$  일 때,  $a + b$ 의 값은?

(단,  $a, b$ 는 상수이다.) [2점]

- ① 1      ② 2      ③ 3      ④ 4      ⑤ 5

2. 등비수열  $\{a_n\}$ 에 대하여

$$a_3 = 1, \frac{a_4 + a_5}{a_2 + a_3} = 4$$

일 때,  $a_9$ 의 값은? [2점]

- ① 8      ② 16      ③ 32      ④ 64      ⑤ 128

3.  $\sum_{k=1}^9 k(2k+1)$ 의 값은? [3점]

- ① 600      ② 605      ③ 610      ④ 615      ⑤ 620

4. 함수  $f(x) = x^3 - 4x^2 + ax + 6$ 에 대하여

$$\lim_{h \rightarrow 0} \frac{f(2+h) - f(2)}{h \times f(h)} = 1$$

일 때, 상수  $a$ 의 값은? [3점]

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

5. 다항함수  $f(x)$ 의 도함수  $f'(x)$ 가

$$f'(x) = 4x^3 + ax$$

이고  $f(0) = -2$ ,  $f(1) = 1$ 일 때,  $f(2)$ 의 값은?  
(단,  $a$ 는 상수이다.) [3점]

- ① 18      ② 19      ③ 20      ④ 21      ⑤ 22

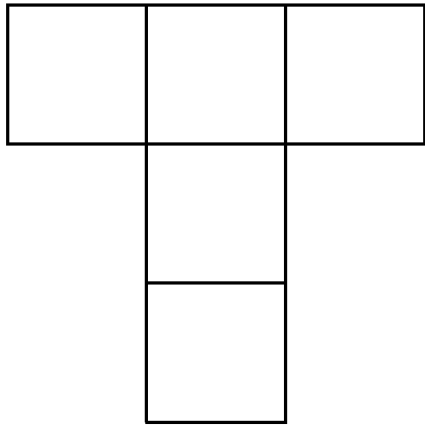
6.  $\sqrt[m]{64} \times \sqrt[n]{81}$ 의 값이 자연수가 되도록 하는 2 이상의 자연수  $m$ ,  
 $n$ 의 모든 순서쌍  $(m, n)$ 의 개수는? [3점]

- ① 2      ② 4      ③ 6      ④ 8      ⑤ 10

7. 함수  $f(x) = \cos^2 x - 4\cos\left(x + \frac{\pi}{2}\right) + 3$ 의 최댓값은? [3점]

- ① 1      ② 3      ③ 5      ④ 7      ⑤ 9

8. 그림과 같은 5개의 칸에 5개의 수  $\log_a 2, \log_a 4, \log_a 8, \log_a 32, \log_a 128$ 을 한 칸에 하나씩 적는다. 가로로 나열된 세 수의 합과 세로로 나열된 3개의 칸에 적힌 세 수의 합이 15로 서로 같을 때,  $a$ 의 값은? [3점]



- ①  $2^{\frac{1}{3}}$     ②  $2^{\frac{2}{3}}$     ③ 2    ④  $2^{\frac{4}{3}}$     ⑤  $2^{\frac{5}{3}}$

9. 첫째항이 1인 등차수열  $\{a_n\}$ 이 있다. 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$S_n = \sum_{k=1}^n a_k, \quad T_n = \sum_{k=1}^n (-1)^k a_k$$

라 하자.  $\frac{S_{10}}{T_{10}} = 6$ 일 때,  $T_{37}$ 의 값은? [4점]

- ① 7    ② 9    ③ 11    ④ 13    ⑤ 15

10. 양의 실수  $a$ 에 대하여 함수  $f(x)$ 를

$$f(x) = \begin{cases} x^2 - 5a & (x < a) \\ -2x + 4 & (x \geq a) \end{cases}$$

라 하자. 함수  $f(-x)f(x)$ 가  $x = a$ 에서 연속이 되도록 하는 모든  $a$ 의 값의 합은? [4점]

- ① 9    ② 10    ③ 11    ④ 12    ⑤ 13

11. 시각  $t=0$ 일 때, 동시에 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q의 시각  $t(t \geq 0)$ 에서의 속도가 각각

$$v_1(t) = 3t^2 - 6t, \quad v_2(t) = 2t$$

이다. 두 점 P, Q가 시각  $t=a(a > 0)$ 에서 만날 때, 시각  $t=0$ 에서  $t=a$ 까지 점 P가 움직인 거리는? [4점]

- ① 22      ② 24      ③ 26      ④ 28      ⑤ 30

12. 닫힌구간  $[-1, 3]$ 에서 정의된 함수

$$f(x) = \begin{cases} x^3 - 6x^2 + 5 & (-1 \leq x \leq 1) \\ x^2 - 4x + a & (1 < x \leq 3) \end{cases}$$

의 최댓값과 최솟값의 합이 0일 때,  $\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x)$ 의 값은?

(단,  $a$ 는 상수이다.) [4점]

- ① -5      ②  $-\frac{9}{2}$       ③ -4      ④  $-\frac{7}{2}$       ⑤ -3

13.  $a > 1$ 인 실수  $a$ 에 대하여 좌표평면에 두 곡선

$$y = a^x, y = |a^{-x-1} - 1|$$

이 있다. <보기>에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

—<보 기>—

- ㄱ. 곡선  $y = |a^{-x-1} - 1|$ 은 점  $(-1, 0)$ 을 지난다.
- ㄴ.  $a = 4$ 이면 두 곡선의 교점의 개수는 2이다.
- ㄷ.  $a > 4$ 이면 두 곡선의 모든 교점의  $x$ 좌표의 합은  $-2$ 보다 크다.

- ① ㄱ
- ② ㄱ, ㄴ
- ③ ㄱ, ㄷ
- ④ ㄴ, ㄷ
- ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

14. 함수  $f(x) = x^3 - x$ 와 상수  $a$  ( $a > -1$ )에 대하여 곡선  $y = f(x)$  위의 두 점  $(-1, f(-1)), (a, f(a))$ 를 지나는 직선을  $y = g(x)$ 라 하자. 함수

$$h(x) = \begin{cases} f(x) & (x < -1) \\ g(x) & (-1 \leq x \leq a) \\ f(x-m)+n & (x > a) \end{cases}$$

가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 함수  $h(x)$ 는 실수 전체의 집합에서 미분가능하다.
- (나) 함수  $h(x)$ 는 일대일대응이다.

$m+n$ 의 값은? (단,  $m, n$ 은 상수이다.) [4점]

- ① 1
- ② 3
- ③ 5
- ④ 7
- ⑤ 9

15. 다음 조건을 만족시키는 모든 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_1$ 의 최솟값을  $m$ 이라 하자.

(가) 수열  $\{a_n\}$ 의 모든 항은 정수이다.

(나) 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_{2n} = a_3 \times a_n + 1, \quad a_{2n+1} = 2a_n - a_2$$

이다.

$a_1 = m$ 인 수열  $\{a_n\}$ 에 대하여  $a_9$ 의 값은? [4점]

- ① -53    ② -51    ③ -49    ④ -47    ⑤ -45

단답형

16. 함수  $f(x) = (x+3)(x^3+x)$ 의  $x=1$ 에서의 미분계수를 구하시오. [3점]

17.  $0 \leq x < 8$ 일 때, 방정식  $\sin \frac{\pi x}{2} = \frac{3}{4}$ 의 모든 해의 합을 구하시오. [3점]



18. 모든 양의 실수  $x$ 에 대하여 부등식

$$x^3 - 5x^2 + 3x + n \geq 0$$

이 항상 성립하도록 하는 자연수  $n$ 의 최솟값을 구하시오. [3점]

19. 함수  $f(x) = \log_2 kx$ 에 대하여 곡선  $y = f(x)$ 와 직선  $y = x$ 가 두 점 A, B에서 만나고  $\overline{OA} = \overline{AB}$ 이다. 함수  $f(x)$ 의 역함수를  $g(x)$ 라 할 때,  $g(5)$ 의 값을 구하시오. (단,  $k$ 는 0이 아닌 상수이고, O는 원점이다.) [3점]

20. 양의 실수  $a$ 에 대하여 함수  $f(x)$ 를

$$f(x) = \begin{cases} \frac{3}{a}x^2 & (-a \leq x \leq a) \\ 3a & (x < -a \text{ 또는 } x > a) \end{cases}$$

라 하자. 함수  $y = f(x)$ 의 그래프와  $x$ 축 및 두 직선  $x = -3$ ,  $x = 3$ 으로 둘러싸인 부분의 넓이가 8이 되도록 하는 모든  $a$ 의 값의 합은  $S$ 이다.  $40S$ 의 값을 구하시오. [4점]

21.  $\angle BAC = \theta$  ( $\frac{2}{3}\pi \leq \theta < \frac{3}{4}\pi$ )인 삼각형 ABC의 외접원의 중심을 O, 세 점 B, O, C를 지나는 원의 중심을 O'이라 하자. 다음은 점 O'이 선분 AB 위에 있을 때,  $\frac{\overline{BC}}{\overline{AC}}$ 의 값을  $\theta$ 에 대한 식으로 나타내는 과정이다.

삼각형 ABC의 외접원의 반지름의 길이를 R라 하면 사인법칙에 의하여

$$\frac{\overline{BC}}{\sin\theta} = 2R$$

세 점 B, O, C를 지나는 원의 반지름의 길이를 r라 하자. 선분 O'O는 선분 BC를 수직이등분하므로 이 두 선분의 교점을 M이라 하면

$$\overline{O'M} = r - \overline{OM} = r - |R\cos\theta|$$

직각삼각형 O'BM에서

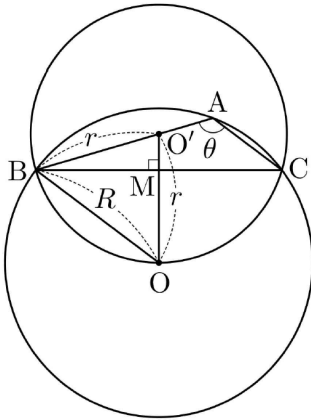
$$R = \boxed{\text{(가)}} \times r$$

이므로

$$\sin(\angle O'BM) = \boxed{\text{(나)}}$$

따라서 삼각형 ABC에서 사인법칙에 의하여

$$\frac{\overline{BC}}{\overline{AC}} = \boxed{\text{(다)}}$$



위의 (가), (나), (다)에 알맞은 식을 각각  $f(\theta)$ ,  $g(\theta)$ ,  $h(\theta)$ 라

하자.  $\cos\alpha = -\frac{3}{5}$ ,  $\cos\beta = -\frac{\sqrt{10}}{5}$ 인  $\alpha$ ,  $\beta$ 에 대하여

$$f(\alpha) + g(\beta) + \left\{h\left(\frac{2}{3}\pi\right)\right\}^2 = \frac{q}{p}$$

이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

22. 일차함수  $f(x)$ 에 대하여 함수  $g(x)$ 를

$$g(x) = \int_0^x (x-2)f(s)ds$$

라 하자. 실수  $t$ 에 대하여 직선  $y=tx$ 와 곡선  $y=g(x)$ 가 만나는 점의 개수를  $h(t)$ 라 할 때, 다음 조건을 만족시키는 모든 함수  $g(x)$ 에 대하여  $g(4)$ 의 값의 합을 구하시오. [4점]

$g(k)=0$ 을 만족시키는 모든 실수  $k$ 에 대하여 함수  $h(t)$ 는  $t=-k$ 에서 불연속이다.

\* 확인 사항

○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.

○ 이어서, 「선택과목(확률과 통계)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

## 제 2 교시

## 수학 영역(확률과 통계)

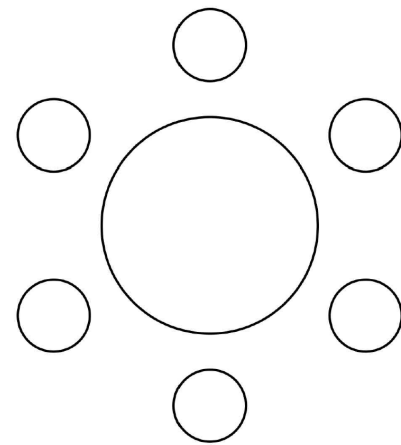
## 5지선다형

23. 다항식  $(2x+1)^6$ 의 전개식에서  $x^2$ 의 계수는? [2점]

- ① 40      ② 60      ③ 80      ④ 100      ⑤ 120

24. 숫자 1, 2, 3, 4, 5, 6이 하나씩 적혀 있는 6개의 공이 있다. 이 6개의 공을 일정한 간격을 두고 원형으로 배열할 때, 3의 배수가 적혀 있는 두 공이 서로 이웃하도록 배열하는 경우의 수는?

(단, 회전하여 일치하는 것은 같은 것으로 본다.) [3점]

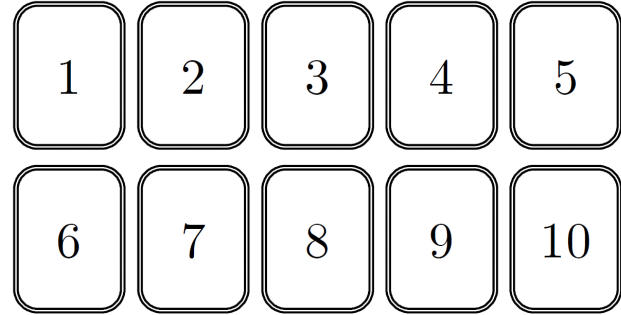


- ① 48      ② 54      ③ 60      ④ 66      ⑤ 72

25. 어느 학교의 컴퓨터 동아리는 남학생 21명, 여학생 18명으로 이루어져 있고, 모든 학생은 데스크톱 컴퓨터와 노트북 컴퓨터 중 한 가지만 사용한다고 한다. 이 동아리의 남학생 중에서 데스크톱 컴퓨터를 사용하는 학생은 15명이고, 여학생 중에서 노트북 컴퓨터를 사용하는 학생은 10명이다. 이 동아리 학생 중에서 임의로 선택한 1명이 데스크톱 컴퓨터를 사용하는 학생일 때, 이 학생이 남학생일 확률은? [3점]

- ①  $\frac{8}{21}$     ②  $\frac{10}{21}$     ③  $\frac{15}{23}$     ④  $\frac{5}{7}$     ⑤  $\frac{18}{23}$

26. 1부터 10까지의 자연수가 하나씩 적혀 있는 10장의 카드가 있다. 이 10장의 카드 중에서 임의로 선택한 서로 다른 3장의 카드에 적혀 있는 세 수의 곱이 4의 배수일 확률은? [3점]



- ①  $\frac{1}{6}$     ②  $\frac{1}{3}$     ③  $\frac{1}{2}$     ④  $\frac{2}{3}$     ⑤  $\frac{5}{6}$

27. 평균이 100, 표준편차가  $\sigma$ 인 정규분포를 따르는 모집단에서 크기가 25인 표본을 임의추출하여 구한 표본평균을  $\bar{X}$  라 하자.  
 $P(98 \leq \bar{X} \leq 102) = 0.9876$  일 때,  $\sigma$ 의 값을 오른쪽 표준정규분포표를 이용하여 구한 것은? [3점]

$z$	$P(0 \leq Z \leq z)$
1.5	0.4332
2.0	0.4772
2.5	0.4938
3.0	0.4987

- ① 2      ②  $\frac{5}{2}$       ③ 3      ④  $\frac{7}{2}$       ⑤ 4

28. 두 집합  $X = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8\}$ ,  $Y = \{1, 2, 3\}$ 에 대하여 다음 조건을 만족시키는 모든 함수  $f : X \rightarrow Y$ 의 개수는? [4점]

- (가) 집합  $X$ 의 임의의 두 원소  $x_1, x_2$ 에 대하여  $x_1 < x_2$ 이면  $f(x_1) \leq f(x_2)$ 이다.  
 (나) 집합  $X$ 의 모든 원소  $x$ 에 대하여  $(f \circ f \circ f)(x) = 1$ 이다.

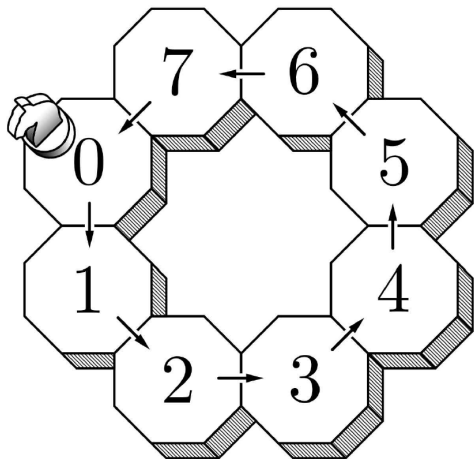
- ① 24      ② 27      ③ 30      ④ 33      ⑤ 36

단답형

29. 그림과 같이 8개의 칸에 숫자 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7이 하나씩 적혀있는 말판이 있고, 숫자 0이 적혀 있는 칸에 말이 놓여 있다. 한 개의 주사위를 사용하여 다음 시행을 한다.

주사위를 한 번 던져 나오는 눈의 수가 3 이상이면 말을 화살표 방향으로 한 칸 이동시키고  
나오는 눈의 수가 3보다 작으면 말을 화살표 반대 방향으로 한 칸 이동시킨다.

위의 시행을 4회 반복한 후 말이 도착한 칸에 적혀 있는 수를 확률변수  $X$ 라 하자.  $E(36X)$ 의 값을 구하시오. [4점]



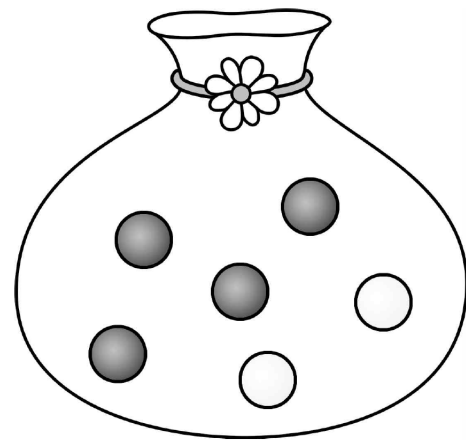
30. 검은 공 4개, 흰 공 2개가 들어 있는 주머니에 대하여 다음 시행을 2회 반복한다.

주머니에서 임의로 3개의 공을 동시에 꺼낸 후, 꺼낸 공 중에서 흰 공은 다시 주머니에 넣고 검은 공은 다시 넣지 않는다.

두 번째 시행의 결과 주머니에 흰 공만 2개 들어있을 때, 첫 번째 시행의 결과 주머니에 들어있는 검은 공의 개수가 2일

확률은  $\frac{q}{p}$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]



\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(미적분)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

## 제 2 교시

## 수학 영역(미적분)

## 5지선다형

23.  $\lim_{n \rightarrow \infty} (\sqrt{an^2 + bn} - \sqrt{2n^2 + 1}) = 1$  일 때,  $ab$ 의 값은?

(단,  $a, b$ 는 상수이다.) [2점]

- ①  $\sqrt{2}$     ② 2    ③  $2\sqrt{2}$     ④ 4    ⑤  $4\sqrt{2}$

24.  $\lim_{n \rightarrow \infty} \sum_{k=1}^n \frac{1}{n+3k}$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{1}{3}\ln 2$     ②  $\frac{2}{3}\ln 2$     ③  $\ln 2$     ④  $\frac{4}{3}\ln 2$     ⑤  $\frac{5}{3}\ln 2$

25. 매개변수  $t$ 로 나타내어진 곡선

$$x = e^t \cos(\sqrt{3}t) - 1, \quad y = e^t \sin(\sqrt{3}t) + 1 \quad (0 \leq t \leq \ln 7)$$

의 길이는? [3점]

- ① 9      ② 10      ③ 11      ④ 12      ⑤ 13

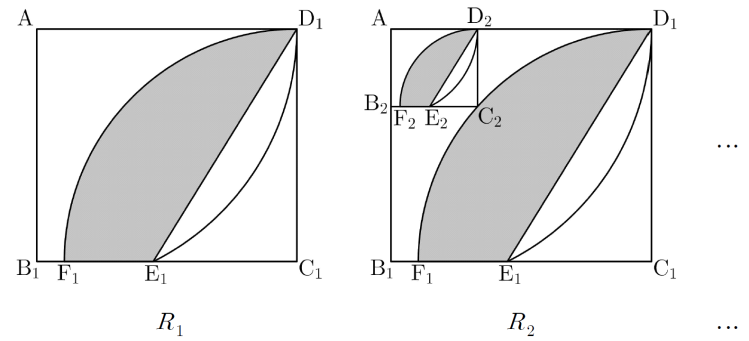
26. 그림과 같이  $\overline{AB_1} = 2, \overline{AD_1} = \sqrt{5}$ 인 직사각형  $AB_1C_1D_1$ 이

있다. 중심이  $A$ 이고 반지름의 길이가  $\overline{AD_1}$ 인 원과 선분  $B_1C_1$ 의 교점을  $E_1$ , 중심이  $C_1$ 이고 반지름의 길이가  $\overline{C_1D_1}$ 인 원과 선분  $B_1C_1$ 의 교점을  $F_1$ 이라 하자. 호  $D_1F_1$ 과 두 선분  $D_1E_1, F_1E_1$ 로 둘러싸인 부분에 색칠하여 얻은 그림을  $R_1$ 이라 하자.

그림  $R_1$ 에서 선분  $AB_1$  위의 점  $B_2$ , 호  $D_1F_1$  위의 점  $C_2$ , 선분  $AD_1$  위의 점  $D_2$ 와 점  $A$ 를 꼭짓점으로 하고

$\overline{AB_2} : \overline{AD_2} = 2 : \sqrt{5}$ 인 직사각형  $AB_2C_2D_2$ 를 그린다. 중심이  $A$ 이고 반지름의 길이가  $\overline{AD_2}$ 인 원과 선분  $B_2C_2$ 의 교점을  $E_2$ , 중심이  $C_2$ 이고 반지름의 길이가  $\overline{C_2D_2}$ 인 원과 선분  $B_2C_2$ 의 교점을  $F_2$ 라 하자. 호  $D_2F_2$ 와 두 선분  $D_2E_2, F_2E_2$ 로 둘러싸인 부분에 색칠하여 얻은 그림을  $R_2$ 라 하자.

이과 같은 과정을 계속하여  $n$ 번째 얻은 그림  $R_n$ 에 색칠되어 있는 부분의 넓이를  $S_n$ 이라 할 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} S_n$ 의 값은? [3점]



- ①  $\frac{8\pi + 8 - 8\sqrt{5}}{7}$       ②  $\frac{8\pi + 8 - 7\sqrt{5}}{7}$       ③  $\frac{9\pi + 9 - 9\sqrt{5}}{8}$   
 ④  $\frac{9\pi + 9 - 8\sqrt{5}}{8}$       ⑤  $\frac{10\pi + 10 - 10\sqrt{5}}{9}$

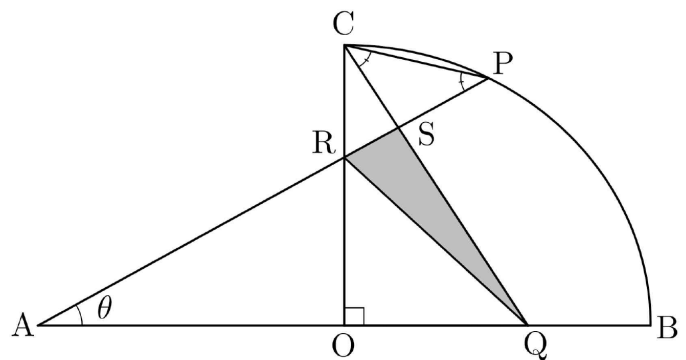


27. 양의 실수  $t$ 에 대하여 곡선  $y = \ln(2x^2 + 2x + 1)$  ( $x > 0$ )과 직선  $y = t$ 가 만나는 점의  $x$ 좌표를  $f(t)$ 라 할 때,  $f'(2\ln 5)$ 의 값은? [3점]

- ①  $\frac{25}{14}$     ②  $\frac{13}{7}$     ③  $\frac{27}{14}$     ④ 2    ⑤  $\frac{29}{14}$

28. 그림과 같이 길이가 4인 선분 AB의 중점 O에 대하여 선분 OB를 반지름으로 하는 사분원 OBC가 있다. 호 BC위를 움직이는 점 P에 대하여 선분 OB 위의 점 Q가  $\angle APC = \angle PCQ$ 를 만족시킨다. 선분 AP가 두 선분 CO, CQ와 만나는 점을 각각 R, S라 하자.  $\angle PAB = \theta$ 일 때, 삼각형 RQS의 넓이를  $S(\theta)$ 라 하자.  $\lim_{\theta \rightarrow 0^+} \frac{S(\theta)}{\theta^2}$ 의 값은?

(단,  $0 < \theta < \frac{\pi}{4}$ ) [4점]



- ①  $\frac{1}{4}$     ②  $\frac{1}{2}$     ③ 1    ④ 2    ⑤ 4

단답형

29. 실수 전체의 집합에서 연속인 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)  $-1 \leq x \leq 1$ 에서  $f(x) < 0$ 이다.  
 (나)  $\int_{-1}^0 |f(x)\sin x| dx = 2$ ,  $\int_0^1 |f(x)\sin x| dx = 3$

함수  $g(x) = \int_{-1}^x |f(t)\sin t| dt$ 에 대하여

$\int_{-1}^1 f(-x)g(-x)\sin x dx = \frac{q}{p}$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오.

(단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

30. 최고차항의 계수가 1인 삼차함수  $f(x)$ 에 대하여 함수

$$g(x) = \begin{cases} f(x) & (0 \leq x \leq 2) \\ \frac{f(x)}{x-1} & (x < 0 \text{ 또는 } x > 2) \end{cases}$$

가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 함수  $g(x)$ 는 실수 전체의 집합에서 연속이고  $g(2) \neq 0$ 이다.  
 (나) 함수  $g(x)$ 가  $x = a$ 에서 미분가능하지 않은 실수  $a$ 의 개수는 1이다.  
 (다)  $g(k) = 0$ ,  $g'(k) = \frac{16}{3}$ 인 실수  $k$ 가 존재한다.

함수  $g(x)$ 의 극솟값이  $p$ 일 때,  $p^2$ 의 값을 구하시오. [4점]

\* 확인 사항

- 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.
- 이어서, 「선택과목(기하)」 문제가 제시되오니, 자신이 선택한 과목인지 확인하시오.

## 제 2 교시

## 수학 영역(기하)

## 5지선다형

23. 세 벡터  $\vec{a} = (x, 3)$ ,  $\vec{b} = (1, y)$ ,  $\vec{c} = (-3, 5)$ 가  $2\vec{a} = \vec{b} - \vec{c}$ 를 만족시킬 때,  $x+y$ 의 값은? [2점]

- ① 11      ② 12      ③ 13      ④ 14      ⑤ 15

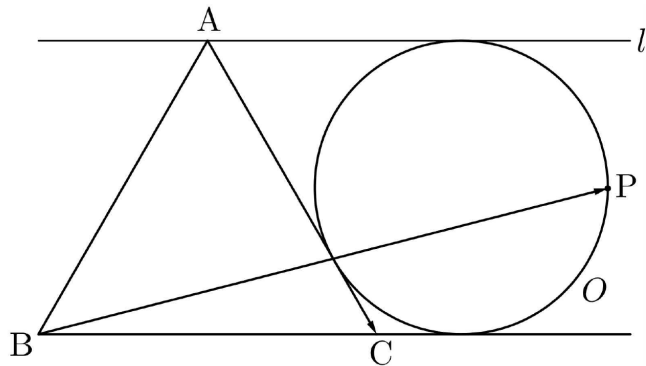
24. 좌표공간의 두 점  $A(0, 2, -3)$ ,  $B(6, -4, 15)$ 에 대하여 선분  $AB$  위에 점  $C$ 가 있다. 세 점  $A, B, C$ 에서  $xy$ 평면에 내린 수선의 발을 각각  $A', B', C'$ 이라 하자.  $2\overline{A'C'} = \overline{C'B'}$  일 때, 점  $C$ 의  $z$ 좌표는? [3점]

- ① -5      ② -3      ③ -1      ④ 1      ⑤ 3

25. 쌍곡선  $x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$  위의 제1사분면에 있는 점 P에서의 접선의 x 절편이  $\frac{1}{3}$ 이다. 쌍곡선  $x^2 - \frac{y^2}{3} = 1$ 의 두 초점 중 x 좌표가 양수인 점을 F라 할 때, 선분 PF의 길이는? [3점]
- ① 5      ②  $\frac{16}{3}$       ③  $\frac{17}{3}$       ④ 6      ⑤  $\frac{19}{3}$

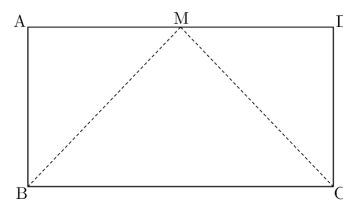
26. 좌표공간에서 중심이  $A(a, -3, 4)$  ( $a > 0$ )인 구 S가 x 축과 한 점에서만 만나고  $\overline{OA} = 3\sqrt{3}$ 일 때, 구 S가 z 축과 만나는 두 점 사이의 거리는? (단, 점 O는 원점이다.) [3점]
- ①  $3\sqrt{6}$       ②  $2\sqrt{14}$       ③  $\sqrt{58}$       ④  $2\sqrt{15}$       ⑤  $\sqrt{62}$

27. 그림과 같이 한 변의 길이가 4인 정삼각형 ABC에 대하여 점 A를 지나고 직선 BC에 평행한 직선을  $l$ 이라 할 때, 세 직선 AC, BC,  $l$ 에 모두 접하는 원을  $O$ 라 하자. 원  $O$  위의 점 P에 대하여  $|\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BP}|$ 의 최댓값을  $M$ , 최솟값을  $m$ 이라 할 때,  $Mm$ 의 값은?  
(단, 원  $O$ 의 중심은 삼각형 ABC의 외부에 있다.) [3점]

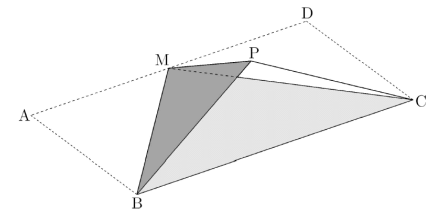


- ① 46    ② 47    ③ 48    ④ 49    ⑤ 50

28. [그림 1]과 같이  $\overline{AB} = 3$ ,  $\overline{AD} = 2\sqrt{7}$ 인 직사각형 ABCD 모양의 종이가 있다. 선분 AD의 중점을 M이라 하자. 두 선분 BM, CM을 접는 선으로 하여 [그림 2]와 같이 두 점 A, D가 한 점 P에서 만나도록 종이를 접었을 때, 평면 PBM과 평면 BCM이 이루는 각의 크기를  $\theta$ 라 하자.  $\cos\theta$ 의 값은?  
(단, 종이의 두께는 고려하지 않는다.) [4점]



[그림 1]

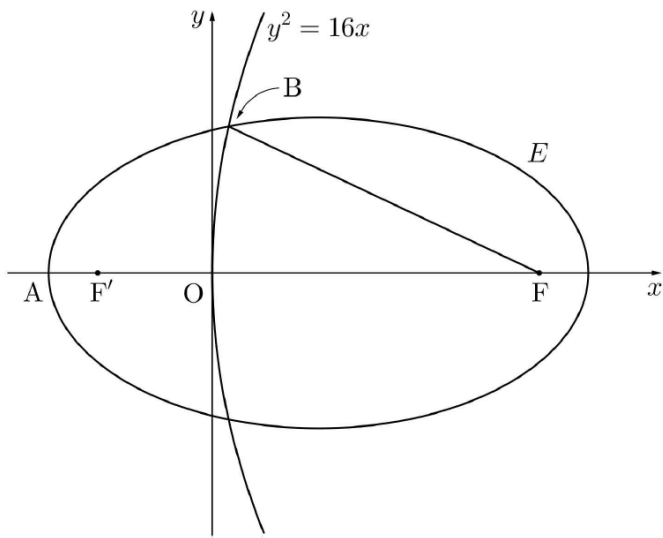


[그림 2]

- ①  $\frac{17}{27}$     ②  $\frac{2}{3}$     ③  $\frac{19}{27}$     ④  $\frac{20}{27}$     ⑤  $\frac{7}{9}$

단답형

29. 그림과 같이 포물선  $y^2 = 16x$ 의 초점을 F라 하자. 점 F를 한 초점으로 하고 점 A(-2, 0)을 지나며 다른 초점 F'이 선분 AF 위에 있는 타원 E가 있다. 포물선  $y^2 = 16x$ 가 타원 E와 제1사분면에서 만나는 점을 B라 하자.  $\overline{BF} = \frac{21}{5}$  일 때, 타원 E의 장축의 길이는  $k$ 이다.  $10k$ 의 값을 구하시오. [4점]



30. 좌표평면 위의 두 점 A(6, 0), B(6, 5)와 음이 아닌 실수  $k$ 에 대하여 두 점 P, Q가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가)  $\overrightarrow{OP} = k(\overrightarrow{OA} + \overrightarrow{OB})$ 이고  $\overrightarrow{OP} \cdot \overrightarrow{OA} \leq 21$ 이다.
- (나)  $|\overrightarrow{AQ}| = |\overrightarrow{AB}|$ 이고  $\overrightarrow{OQ} \cdot \overrightarrow{OA} \leq 21$ 이다.

$\overrightarrow{OX} = \overrightarrow{OP} + \overrightarrow{OQ}$ 를 만족시키는 점 X가 나타내는 도형의 넓이는  $\frac{q}{p}\sqrt{3}$ 이다.  $p+q$ 의 값을 구하시오.  
(단, 0는 원점이고,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

\* 확인 사항  
○ 답안지의 해당란에 필요한 내용을 정확히 기입(표기)했는지 확인하시오.



※ 시험이 시작되기 전까지 표지를 넘기지 마시오.