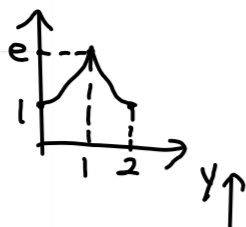


2020년 7월 13일 월요일 오후 11:25

# 111 (180330)

함수

$$f(x) = \begin{cases} e^x & (0 \leq x < 1) \\ e^{2-x} & (1 \leq x \leq 2) \end{cases}; \text{기대값}$$

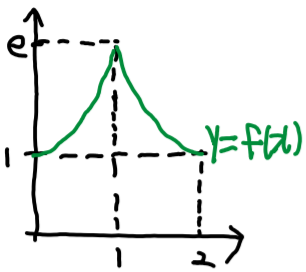


에 대하여 열린구간 (0, 2)에서 정의된 함수

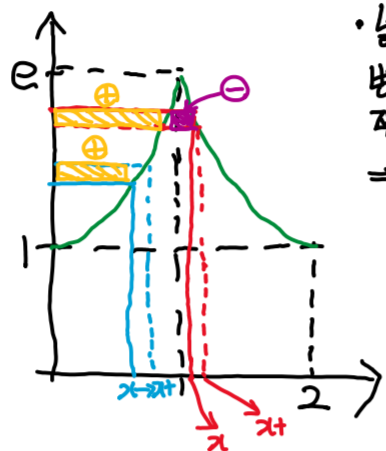
$$g(x) = \int_0^x |f(x) - f(t)| dt$$

의 극댓값과 극솟값의 차는  $ae + b\sqrt{e^3}$ 이다.  $(ab)^2$ 의 값을 구하시오. (단,  $a, b$ 는 유리수이다.) (4점)

적분구간의 상수 변수 구별 주의

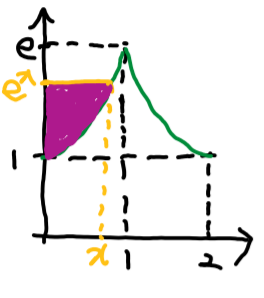


## 별해 (순좌변화율)



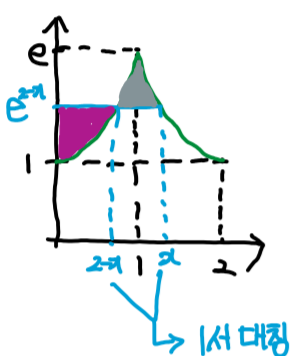
• 넓이의 순좌변화율은 변이 음함에 따른 직사각형의 증가/감소 양과  
 ⇒ 0~1까지 양의 증가  
 1~2 양의 감소를  
 ⊕ = ⊖ 인 지점에서 양의 극소

i)  $0 < x < 1$



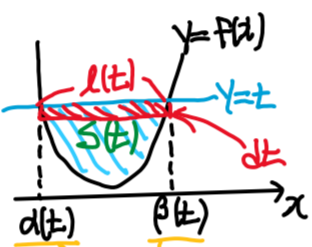
$$\begin{aligned} g(x) &= \int_0^x (e^x - e^t) dt \\ &= xe^x - (e^x - e^0) \\ &= (x-1)e^x + 1 \end{aligned}$$

ii)  $1 < x < 2$



$$\begin{aligned} g(x) &= \int_0^1 (e^x - e^t) dt + \int_1^x (e^{2-t} - e^t) dt \\ &= \int_0^1 (e^x - e^t) dt + 2x \int_1^x (e^{2-t} - e^t) dt \\ &= (2-x)e^{2-x} - (e^{2-x} - e^0) + 2x \{ (e^1 - e^{2-x}) - (x-1)e^{2-x} \} \\ &= (1-2x)e^{2-x} + 1 + 2e \end{aligned}$$

부들·사·넓·정·법



• 구별구분법:  $S(t) = \int l(t) dt$   
 적분은 □의 면적

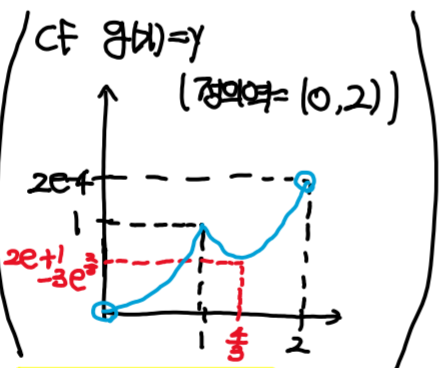
$$\begin{aligned} \text{계산: } S(t) &= \int_{\alpha(t)}^{\beta(t)} f(x) dx \\ &= (\beta(t) - \alpha(t)) \cdot t - \int_{\alpha(t)}^{\beta(t)} f(x) dx \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \Rightarrow S'(t) &= (\beta'(t) - \alpha'(t)) + t(\beta'(t) - \alpha'(t)) \\ &\quad - \left\{ \frac{f(\beta(t)) \cdot \beta'(t) - f(\alpha(t)) \cdot \alpha'(t)}{=t} \right\} \\ &= \beta'(t) - \alpha'(t) \\ &= l'(t) \end{aligned}$$

$$\therefore g(x) = \begin{cases} (x-1)e^x + 1 & (0 < x < 1) \\ (1-2x)e^{2-x} + 1 + 2e & (1 < x < 2) \end{cases}$$

$$\Rightarrow g'(x) = \begin{cases} xe^x & (0 < x < 1) \\ (2x-4)e^{2-x} & (1 < x < 2) \end{cases}$$

⇒  $g'(x)$ 는  $x=1 \rightarrow 1+$ 에서; 극대  
 $e \rightarrow -e$   
 $x = \frac{4}{3} \rightarrow \frac{4}{3}+$ 에서; 극소  
 $0 \rightarrow 0+$



∴  $ab = -6, (ab)^2 = 36$