다항화수의 적분범

- 1. 부정적분과 정적분
- 2. 정적분의 활용

부정적분

유형 1 부정적분의 정의

316 •••∞

2012(나) 9월/평가원 18

이차함수 f(x)에 대하여 함수 g(x)가

$$g(x) = \int \{x^2 + f(x)\} dx, f(x)g(x) = -2x^4 + 8x^3$$

을 만족시킬 때, g(1)의 값은? [4점]

① 1 ② 2 ③ 3

4 4 5 5

유형 2 부정적분의 성질

317 •0000

2015(A) 9월/평가원 10

함수 f(x)가

$$f(x) = \int \left(\frac{1}{2}x^3 + 2x + 1\right)dx - \int \left(\frac{1}{2}x^3 + x\right)dx$$

이고 f(0)=1일 때, f(4)의 값은? [3점]

① $\frac{23}{2}$ ② 12 ③ $\frac{25}{2}$ ④ 13 ⑤ $\frac{27}{2}$

유형 3 다항함수의 부정적분

318 •0000

2015(A) 수능 26

다항함수 f(x)의 도함수 f'(x)가 $f'(x)=6x^2+4$ 이다. 함수 y=f(x)의 그래프가 점 (0,6)을 지날 때, f(1)의 값을 구하시오. [4점]

유형 5 부정적분과 도함수

319 ••••

2006(가) 6월/평가원 23

다항함수 f(x)는 모든 실수 x, y에 대하여

$$f(x+y) = f(x) + f(y) + 2xy - 1$$

을 만족시킨다.

$$\lim_{x \to 1} \frac{f(x) - f'(x)}{x^2 - 1} = 14$$

일 때, f'(0)의 값을 구하시오. [4점]

2 정적분

유형 1 미적분의 기본정리

320 ••••

 $\int_0^5 (4x-3) dx$ 의 값을 구하시오. [3점]

321 ●○○○○ 2014(A) 9월 평가원 6 J

 $\int_{0}^{1} 3x^{2} dx$ 의 값은? [3점]

① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

322 • ○ 2019(나) 9월/평가원 6

 $\int_0^2 (3x^2 + 6x) dx$ 의 값은? [3점]

① 20 ② 22 ③ 24 ④ 26 ⑤ 28

323 • ○ 2017(나) 수능 9]

 $\int_{0}^{2} (6x^{2} - x) dx$ 의 값은? [3점]

① 15 ② 14 ③ 13 ④ 12 ⑤ 11

324 •0000

 $\int_{0}^{2} (3x^{2} + 2x) dx$ 의 값은? [3점]

① 6 ② 8 ③ 10 ④ 12 ⑤ 14

325 • ○ 2016(나) 9월/평가원 23

 $\int_0^3 (x^2 - 4x + 11) dx$ 의 값을 구하시오. [3점]

326 • ○ 2018학년(나) 수능 9

 $\int_0^a (3x^2-4)dx = 0$ 을 만족시키는 양수 a의 값은? [3점]

① 2 ② $\frac{9}{4}$ ③ $\frac{5}{2}$ ④ $\frac{11}{4}$ ⑤ 3

2015(A) 수능 6

 $\int_{0}^{1} (2x+a)dx = 4$ 일 때, 상수 a의 값은? [3점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4

유형 3 피적분함수가 같은 정적분의 계산

330 •••

모든 다항함수 f(x) 에 대하여 옳은 것만을 $\langle 보기 \rangle$ 에서 있는 대로 고 른 것은? [4점]

$$\neg . \int_{0}^{3} f(x) dx = 3 \int_{0}^{1} f(x) dx$$

$$\bot . \int_{0}^{1} f(x) dx = \int_{0}^{2} f(x) dx + \int_{2}^{1} f(x) dx$$

$$\Box . \int_{0}^{1} \{f(x)\}^{2} dx = \left\{ \int_{0}^{1} f(x) dx \right\}^{2}$$

$$\boxed{1} \bot \qquad \boxed{2} \Box \qquad \boxed{3} \ \neg, \ \bot \ \boxed{4} \ \neg, \ \Box \qquad \boxed{5} \ \bot, \ \Box$$

328 • ○ ○ 2013(A) 9월/평가원 5

 $\int_{a}^{1} (4x^{3} + a) dx = 8$ 일 때, 상수 a의 값은? [3점]

- ① 6 ② 7 ③ 8 ④ 9

331 ••• 2012(나) 수능 19] 이차함수 f(x) 는 f(0) = -10 고,

$$\int_{-1}^{1} f(x) dx = \int_{0}^{1} f(x) dx = \int_{-1}^{0} f(x) dx$$

를 만족시킨다. f(2) 의 값은? [4점]

- ① 11 ② 10
- 3 9
- 4 8
- (5) 7

함수 $f(x) = 6x^2 + 2ax$ 가 $\int_0^1 f(x) dx = f(1)$ 을 만족시킬 때, 상수 a 의 값은? [2점]

유형 4 절댓값 기호를 포함한 함수의 정적분

332 •

$$\int_0^2 |x^2(x-1)| dx$$
의 값은? [3점]

- ① $\frac{3}{2}$ ② 2 ③ $\frac{5}{2}$ ④ 3 ⑤ $\frac{7}{2}$

334

이차함수 f(x)가 f(0) = 0이고 다음 조건을 만족시킨다.

(71)
$$\int_0^2 |f(x)| dx = -\int_0^2 f(x) dx = 4$$

$$(\sqcup) \int_{2}^{3} |f(x)| dx = \int_{2}^{3} f(x) dx$$

f(5)의 값을 구하시오. [4점]

333 •••

2019학년(나) 수능 25

$$\int_{1}^{4} (x+|x-3|) dx$$
의 값을 구하시오. [3점]

삼차함수 $f(x) = x^3 - 3x - 10$ 있다. 실수 t $(t \ge -1)$ 에 대하여 $-1 \le x \le t$ 에서 |f(x)|의 최댓값을 g(t)라고 하자.

 $\int_{-1}^{1} \mathbf{g}(t)dt = \frac{q}{p}$ 일 때, p+q의 값을 구하시오. (단, p, q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

유형 5 구간에 따라 달리 정의된 함수의 정적분

336 •••∞

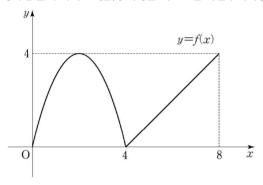
2016(나) 9월/평가원 29

구간 [0, 8]에서 정의된 함수 f(x)는

$$f(x) = \begin{cases} -x(x-4) & (0 \le x < 4) \\ x-4 & (4 \le x \le 8) \end{cases}$$

이다. 실수 a $(0 \le a \le 4)$ 에 대하여 $\int_a^{a+4} f(x) dx$ 의 최솟값은 $\frac{q}{p}$ 이

다. p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]



337 ••••

2018학년(나) 수능 30

이차함수 $f(x)=\frac{3x-x^2}{2}$ 에 대하여 구간 $[0,\infty)$ 에서 정의된 함수 g(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)
$$0 \le x < 1$$
일 때, $g(x) = f(x)$ 이다.

(나)
$$n \le x < n+1$$
일때,

$$g(x) = \frac{1}{2^n} \{ f(x-n) - (x-n) \} + x$$

이다. (단, n은 자연수이다.)

어떤 자연수 $k (k \ge 6)$ 에 대하여 함수 h(x)는

$$h(x) = \begin{cases} \mathbf{g}(x) & (0 \le x < 5 \ \text{\pm L} \ x \ge k) \\ 2x - \mathbf{g}(x) & (5 \le x < k) \end{cases}$$

이다. 수열 $\left\{a_n\right\}$ 을 $a_n=\int_0^n h(x)\,dx$ 라 할 때, $\lim_{n o\infty}\left(2a_n-n^2\right)=rac{241}{768}$

이다. *k*의 값을 구하시오. [4점]

2014(B) 6월/평가원 30

실수 전체의 집합에서 미분가능한 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨

- (가) 모든 실수 x 에 대하여 $1 \le f'(x) \le 3$ 이다.
- (나) 모든 정수 n 에 대하여 함수 y = f(x)의 그래프는 점 (4n, 8n), 점 (4n+1, 8n+2), $\forall (4n+2, 8n+5)$, $\forall (4n+3, 8n+7) \Rightarrow$
- (다) 모든 정수 k 에 대하여 닫힌구간 [2k, 2k+1] 에서 함수 f(x) 의 그래프는 각각 이차함수의 그래프의 일부이다.

$$\int_{3}^{6} f(x)dx = a$$
라 할 때, $6a$ 의 값을 구하시오. [4점]

유형 6 대칭을 이용한 정적분

339 •0000

2012예비(A) 5월/평가원 4

$$\int_{-1}^{1} (x^3 + 3x^2 + 5) dx$$
의 값은? [3점]

① 11 ② 12 ③ 13

④ 14 ⑤ 15

340 • 2012(나) 9월/평가원 23

$$\int_{-2}^{2} x(3x+1)dx$$
의 값을 구하시오. [3점]

341 •0000

실수 a에 대하여 $\int_{-a}^{a} (3x^2 + 2x) dx = \frac{1}{4}$ 일 때, 50a의 값을 구하시오. [3점]

2013(나) 수능 11

함수 f(x) = x + 1에 대하여

$$\int_{-1}^{1} \{f(x)\}^2 dx = k \left\{ \int_{-1}^{1} f(x) dx \right\}^2$$

일 때, 상수 k의 값은? [3점]

- ① $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{2}{3}$ ⑤ $\frac{5}{6}$

2016(A) 수능 20

두 다항함수 f(x), g(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$f(-x) = -f(x), g(-x) = g(x)$$

를 만족시킨다. 함수 h(x) = f(x)g(x)에 대하여

$$\int_{-3}^{3} (x+5)h'(x)dx = 10$$

일 때, h(3)의 값은? [4점]

- ① 1
- ② 2
- 3 3
- 4
- ⑤ 5

유형 7 평행이동을 이용한 정적분 계산

344

함수 $f(x) = x^3$ 의 그래프를 x축 방향으로 a만큼, y축 방향으로 b만 큼 평행이동시켰더니 함수 y = g(x)의 그래프가 되었다.

$$\mathbf{g}(0)=0$$
이고 $\int_a^{3a}\mathbf{g}(x)\;dx-\int_0^{2a}f\left(x
ight)dx=32$ 일 때, a^4 의 값을 구하시오. [3점]

양수 a에 대하여 삼차함수 f(x) = -x(x+a)(x-a)의 극대점의 x좌 표를 b라 하자.

$$\int_{-b}^{a} f(x)dx = A, \quad \int_{b}^{a+b} f(x-b)dx = B$$

일 때, $\int_{a}^{a} |f(x)| dx$ 의 값은? [3점]

- ① -A + 2B
- 2 2A + B 3 A + B

- 4 A + B
- ⑤ A + 2B

2019학년(나) 수능 17

실수 전체의 집합에서 증가하는 연속함수 f(x)가 다음 조건을 만족시 킨다.

(가) 모든 실수
$$x$$
에 대하여 $f(x) = f(x-3) + 4$ 이다.

$$(\ \ \)\int_{0}^{6}f(x)\,dx=0$$

함수 f(x)의 그래프와 x축 및 두 직선 x = 9로 둘러싸인 부분의 넓이 는? [4점]

- ① 9 ② 12 ③ 15 ④ 18
- ⑤ 21

유형 8 주기함수의 정적분

347 •0000

2004(가) 9월/평가원 8

함수 f(x)는 다음 두 조건을 만족한다.

(가)
$$-2 \le x \le 2$$
일때, $f(x) = x^3 - 4x$

(나) 임의의 실수
$$x$$
에 대하여 $f(x) = f(x+4)$

정적분 $\int_{1}^{2} f(x)dx$ 와 같은 것은? [4점]

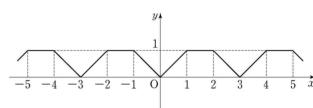
①
$$\int_{2004}^{2005} f(x)dx$$

348 •••

함수 f(x)는 모든 실수 x에 대하여 f(x+3) = f(x)를 만족시키고,

$$f(x) = \begin{cases} x & (0 \le x < 1) \\ 1 & (1 \le x < 2) \\ -x + 3(2 \le x < 3) \end{cases}$$

이다. $\int_{-a}^{a} f(x)dx = 13일$ 때, 상수 a의 값은? [4점]



- ① 10 ② 12 ③ 14 ④ 16
- ⑤ 18

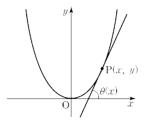
유형 9 $\int f'(x)dx$ 의 정적분의 계산

349 ••••

2002(인) 수능 6

포물선 $y = x^2$ 위의 한 점 P(x, y)에서 접선이 x축의 양의 방향과 이루는 각의 크기를 $\theta(x)$ 라

할 때, $\int_{1}^{1} \tan\theta(x) dx$ 의 값은? [2점]



- ① $\frac{\sqrt{3}}{3}$ ② $\frac{1}{3}$ ③ $\frac{1}{2}$ ④ $\frac{\sqrt{2}}{2}$

351

2017(나) 수능 20

최고차항의 계수가 양수인 삼차함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 함수 f(x)는 x = 0에서 극댓값, x = k에서 극솟값을 가진다. (단, k는 상수이다.)
- (나) 1보다 큰 모든 실수 t에 대하여

$$\int_0^t |f'(x)| \, dx = f(t) + f(0)$$

〈보기〉에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

-----(보기*)*--

$$\neg \int_0^k f'(x) dx < 0$$

 \Box . 함수 f(x)의 극솟값은 0이다.

- ① ¬

- ④ ∟, ⊏
 ⑤ ¬, ∟, ⊏

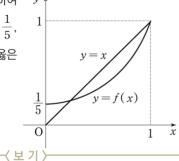
350 •••

오른쪽 그림은 직선 y=x와 다항함수 y=f(x)의 그래프의 일부이 다. 모든 실수x에 대하여 y

 $f'(x) \ge 0$ 이고

$$f(0) = \frac{1}{5}$$

f(1) = 1일 때, 〈보기〉에서 옳은 것을 모두 고른 것은? [4점]



ㄱ. $f'(x) = \frac{4}{5}$ 인 x가 열린구간 (0, 1)에 존재한다.

$$\text{ \perp. } \int_0^1 f(x) \, dx \, + \int_{\frac{1}{5}}^1 f^{-1}(x) \, dx = 1$$

 \Box . $g(x) = (f \circ f)(x)$ 일 때, g'(x) = 1인 x가 열린구간 (0, 1)에 존재

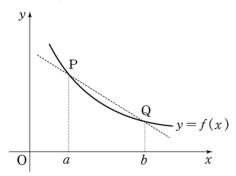
- ① ¬
- ② ⊏
- ③ ¬, ∟

- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ⊓, ∟, ⊏

유형 10 곡선의 모양 결정

2005(가) 수능(홀) 8

다음은 연속함수 y = f(x)의 그래프와 이 그래프 위의 서로 다른 두 점 P(a, f(a)), Q(b, f(b))를 나타낸 것이다.



함수 F(x)가 F'(x) = f(x)를 만족시킬 때, $\langle 보기 \rangle$ 에서 항상 옳은 것 을 모두 고른 것은? [4점]

──── 〈 보 기 〉─

ㄱ. 함수 F(x)는 구간 [a, b]에서 증가한다.

ㄴ.
$$\frac{F(b)-F(a)}{b-a}$$
는 직선 PQ의 기울기와 같다.

$$\Box. \int_a^b \{f(x) - f(b)\} \ dx \le \frac{(b-a)\{f(a) - f(b)\}}{2}$$

③ ¬, ⊏

④ ∟, ⊏

⑤ ᄀ, ㄴ, ㄷ

353

2008(가) 9월/평가원 11

다항함수 f(x)가 다음 두 조건을 만족한다.

(71) f(0) = 0

(나) 0 < x < y < 1인 모든 x, y에 대하여

0 < x f(y) < y f(x)

세 수 A = f'(0), B = f(1), $C = 2 \int_{0}^{1} f(x) dx$ 의 대소 관계를 옳게 나

타낸 것은? [4점]

① A < B < C

② A < C < B

③ B < A < C

① B < C < A ⑤ C < A < B



3 정적분으로 정의된 함수

유형 1 정적분으로 표시된 함수의 극한

354

곡선 $y = 6x^2 + 1$ 과 x축 및 두 직선 x = 1 - h, x = 1 + h(h > 0)로 둘러싸인 부분의 넓이를 S(h)라 할 때, $\lim_{h \to 0+} \frac{S(h)}{h}$ 의 값을 구하시 오. [3점]

355 •••

이차함수
$$f(x)$$
가 $f(x)=\frac{12}{7}x^2-2x\int_1^2f(t)dt+\left\{\int_1^2f(t)dt\right\}^2$ 일

때,
$$10\int_1^2 f(x)dx$$
의 값을 구하시오. [3점]

유형별/단원별

유형 3 적분구간이 변수인 정적분의 미분

356 • ○ ○ 2012(나) 수능 9 J

함수 $F(x) = \int_{1}^{x} (t^3 - 1) dt$ 에 대하여 F'(2)의 값은? [3점] 함수 $f(x) = \int_{1}^{x} (t - 2)(t - 3) dt$ 에 대하여 f'(4)의 값은? [3점]

① 11 ② 9 ③ 7 ④ 5 ⑤ 3 ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

유형 4 적분구간이 변수인 함수 f(x)의 결정

357 •····

358 •• ∞ 2007(가) 수능(홀) 19] 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$\int_{1}^{x} f(t)dt = x^{3} - 2ax^{2} + ax$$

를 만족시킬 때, f(3)의 값을 구하시오. (단, a는 상수이다.) [3점]

359 • ○ 2014(A) 9월/평가원 26 다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$\int_0^x f(t)dt = x^3 + 4x$$

를 만족시킬 때, f(10)의 값을 구하시오. [4점]

360 •>>>>

2015(A) 9월/평가원 25

함수 f(x)가 $f(x) = \int_0^x (2at+1)dt$ 이고 f'(2) = 17일 때, 상수 a의 값을 구하시오. [3점]

363

2020학년(나) 수능 28

다항함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

(가) 모든 실수 x에 대하여

$$\int_{1}^{x} f(t) \, dt = \frac{x-1}{2} \{ f(x) + f(1) \} \, \mathrm{OICH}.$$

$$(\Box) \int_{0}^{2} f(x) dx = 5 \int_{-1}^{1} x f(x) dx$$

f(0) = 1일 때, f(4)의 값을 구하시오. [4점]

361 •• ○ 2019학년(나) 수능 14

다항함수 f(x)가 모든 실수 x에 대하여

$$\int_{1}^{x} \left\{ \frac{d}{dt} f(t) \right\} dt = x^{3} + ax^{2} - 2$$

를 만족시킬 때, f'(a)의 값은? (단, a는 상수이다.) [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

362 ••••

2013(A) 9월/평가원 28 **|**

다항함수 f(x)에 대하여

$$\int_0^x f(t) dt = x^3 - 2x^2 - 2x \int_0^1 f(t) dt$$

일 때, f(0) = a라 하자. 60a의 값을 구하시오. [4점]

2018(나) 9월/평가원 21

사차함수 $f(x) = x^4 + ax^2 + b$ 에 대하여 $x \ge 0$ 에서 정의된 함수

$$g(x) = \int_{-\pi}^{2x} \{f(t) - |f(t)|\} dt$$

가 다음 조건을 만족시킨다.

- (가) 0 < x < 1 에서 $\mathbf{g}(x) = c_1 \ (c_1 은 상수)$
- (나) 1 < x < 5 에서 g(x)는 감소한다.
- (다) x>5 에서 $\mathbf{g}(x)=c_2$ $(c_2$ 는 상수)

 $f(\sqrt{2})$ 의 값은? (단, a, b는 상수이다.) [4점]

- ① 40 ② 42 ③ 44 ④ 46

- ⑤ 48

365

2016(B) 수능 30

실수 전체의 집합에서 연속인 함수 f(x)가 다음 조건을 만족시킨다.

(가)
$$x \le b$$
일 때, $f(x) = a(x-b)^2 + c$ 이다. (단, a, b, c 는 상수이다.)

(나) 모든 실수
$$x$$
에 대하여 $f(x) = \int_0^x \sqrt{4-2f(t)} dt$ 이다.

$$\int_0^6 f(x) dx = rac{q}{p}$$
일 때, $p+q$ 의 값을 구하시오. (단, p 와 q 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

유형 6 정적분으로 정의된 함수의 그래프 추정

2008(가) 9월/평가원 10

함수 $f(x) = \begin{cases} -1 & (x < 1) \\ -x + 2 & (x \ge 1) \end{cases}$ 에 대하여 함수 $\mathbf{g}(x)$ 를

$$g(x) = \int_{-1}^{x} (t-1)f(t)dt$$

라 하자. 〈보기〉에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

────────────────────**─** 보기 }──

- \neg . g(x)는 구간 (1, 2)에서 증가한다.
- L. g(x)는 x = 1에서 미분가능하다.
- \Box . 방정식 $\gcd(x) = k$ 가 서로 다른 세 실근을 갖도록 하는 실수 k가 존재한다.
- 1 ∟
- 2 ⊏
- ③ ¬, ∟

- 47, 57, 4, 5

유형 7 정적분으로 나타내는 다항함수의 극값

367 •••∞

삼차함수 $f(x) = x^3 - 3x + a$ 에 대하여 함수 $F(x) = \int_{-x}^{x} f(t) dt$ 가 오

- 직 하나의 극값을 갖도록 하는 양수 a의 최솟값은? [4점]

- ① 1 ② 2 ③ 3 ④ 4 ⑤ 5

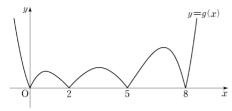
368 •••∞

2013(가) 수능 19

삼차함수 f(x)는 f(0) > 0을 만족시킨다. 함수 g(x)를

$$g(x) = \left| \int_0^x f(t) \, dt \right|$$

라 할 때, 함수 g(x)의 그래프가 그림과 같다.



〈보기〉에서 옳은 것만을 있는 대로 고른 것은? [4점]

── 〈보기〉

ㄱ. 방정식 f(x) = 0은 서로 다른 3개의 실근을 갖는다.

 $\bot . f'(0) < 0$

 \Box . $\int_{-m}^{m+2} f(x) dx > 0$ 을 만족시키는 자연수 m의 개수는 3이다.

① ㄴ

2 =

③ ¬. ∟

④ ¬, ⊏

⑤ ᄀ, ㄴ, ㄷ

369 •••••

2017(나) 9월/평가원 30

두 함수 f(x)와 g(x)가

$$f(x) = \begin{cases} 0 & (x \le 0) \\ x & (x > 0) \end{cases}, g(x) = \begin{cases} x(2-x) & (|x-1| \le 1) \\ 0 & (|x-1| > 1) \end{cases}$$

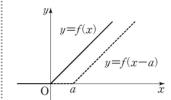
이다. 양의 실수 k, a, b (a < b < 2)에 대하여, 함수 h(x)를

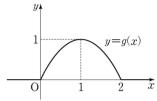
$$h(x) = k\{f(x) - f(x-a) - f(x-b) + f(x-2)\}$$

라 정의하자. 모든 실수 x에 대하여 $0 \le h(x) \le g(x)$ 일 때,

 $\int_0^2 \{g(x) - h(x)\} dx$ 의 값이 최소가 되게 하는 k, a, b에 대하여

60(k+a+b)의 값을 구하시오. [4점]





넓이

유형 1 좌표축과 곡선 사이의 넓이

370 ••···

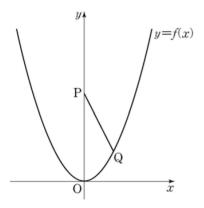
2017(나) 9월/평가원 26

곡선 $y = 6x^2 - 12x$ 와 x축으로 둘러싸인 부분의 넓이를 구하시오. [4점]

371 • 000 2012예비(A) 5월/평가원 26

함수 $y = 4x^3 - 12x^2 + 8x$ 의 그래프와 x축으로 둘러싸인 부분의 넓이 를 구하시오. [4점]

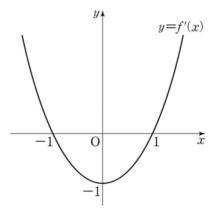
자연수 n에 대하여 좌표가 (0, 2n+1)인 점을 P라 하고, 함수 $f(x) = nx^2$ 의 그래프 위의 점 중 y 좌표가 1이고 제 1사분면에 있는 점을 Q라 하자. n=1일 때, 선분 PQ와 곡선 y=f(x) 및 y축으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]



① $\frac{3}{2}$ ② $\frac{19}{12}$ ③ $\frac{5}{3}$ ④ $\frac{7}{4}$ ⑤ $\frac{11}{6}$

373 •• ○ 2015(A) 9월/평가원 14

함수 y = f(x)의 도함수 f'(x)가 $f'(x) = x^2 - 1$ 이고 f(0) = 0일 때, 곡선 y = f(x)와 x 축으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [4점]



① $\frac{9}{8}$ ② $\frac{5}{4}$

 $3\frac{11}{8}$ $4\frac{3}{2}$ $5\frac{13}{8}$

최고차항의 계수가 1인 이차함수 f(x)가 f(3) = 0이고,

 $\int_{0}^{2013} f(x) dx = \int_{3}^{2013} f(x) dx$ 를 만족시킨다. 곡선 y = f(x)와 x축

으로 둘러싸인 부분의 넓이가 S일 때, 30S의 값을 구하시오. [4점]

유형 3 두 곡선 사이의 넓이

375 •••

2011(나) 9월/평가원 10

곡선 $y = x^2 - x + 2$ 와 직선 y = 2 로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ① $\frac{1}{9}$ ② $\frac{1}{6}$ ③ $\frac{2}{9}$ ④ $\frac{5}{18}$ ⑤ $\frac{1}{3}$

2018학년(나) 수능 26

곡선 $y = -2x^2 + 3x$ 와 직선 y = x로 둘러싸인 부분의 넓이가 $\frac{q}{b}$ 일 때, p+q의 값을 구하시오. (단, p와 q는 서로소인 자연수이다.) [4점]

376 •···

2014(A) 수능 8

곡선 $y = x^2 - 4x + 3$ 과 직선 y = 3으로 둘러싸인 부분의 넓이는? [3점]

- ① 10 ② $\frac{31}{3}$ ③ $\frac{32}{3}$ ④ 11 ⑤ $\frac{34}{3}$ ② $\frac{1}{6}$ ② $\frac{1}{4}$ ③ $\frac{1}{3}$ ④ $\frac{5}{12}$ ⑤ $\frac{1}{2}$

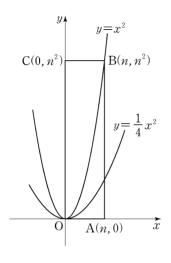
378 ••○○○ 2019(나) 9월/평가원 15

함수 $f(x) = x^2 - 2x$ 에 대하여 두 곡선 y = f(x), y = -f(x-1) - 1로 둘러싸인 부분의 넓이는? [4점]

379 •·····

2013(A) 9월/평가원 13

그림은 두 곡선 $y=x^2$, $y=\frac{1}{4}x^2$ 과 꼭짓점의 좌표가 $O\left(0,\ 0\right)$, 두 함수 $f(x)=\frac{1}{3}x(4-x)$, g(x)=|x-1|-1의 그래프로 A(n, 0), $B(n, n^2)$, $C(0, n^2)$ 인 직사각형 OABC를 나타낸 것이다. n=4일 때, 두 곡선 $y=x^2$, $y=\frac{1}{4}x^2$ 과 직선 AB로 둘러싸인 부분의 넓이는? (단, n 은 자연수이다.) [3점]



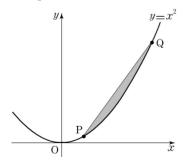
① 14 ② 16

③ 18

⑤ 22

④ 20

포물선 $y = x^2$ 위에서 두 점 $P(a, a^2)$, $Q(b, b^2)$ 가 조건 「선분 PQ와 포물선 $y=x^2$ 으로 둘러싸인 도형의 넓이는 36 을 만족 하면서 움직이고 있다. $\lim_{a \to \infty} \dfrac{\overline{\mathrm{PQ}}}{a}$ 의 값을 구하시오. [4점]

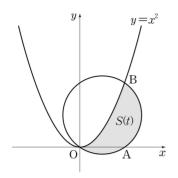


381 ••••

둘러싸인 부분의 넓이를 S라 할 때, 4S의 값을 구하시오. [4점]

2012(나) 9월/평가원 29

그림과 같이 곡선 $y=x^2$ 과 양수 t 에 대하여 세 점 O(0,0), A(t,0), $B(t,t^2)$ 을 지나는 원 C가 있다. 원 C의 내부와 부등식 $y\leq x^2$ 이 나타내는 영역의 공통부분의 넓이를 S(t)라 할 때, $S'(1)=\frac{p\pi+q}{4}$ 이다. p^2+q^2 의 값을 구하시오. (단, p, q는 정수이다.) [4점]



383 •••

2005(가) 9월/평가원 20

최고차항의 계수가 1인 삼차함수 y=f(x)는 다음 조건을 만족시킨 다.

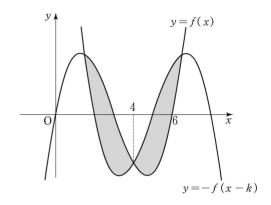
$$(71) f(0) = f(6) = 0$$

(나) 함수 y = f(x)의 그래프와 함수 y = -f(x - k)의 그래프가 서로 다른 세 점 $(\alpha, f(\alpha)), (\beta, f(\beta)), (\gamma, (\gamma))$ (단, $\alpha < \beta < \gamma$)에서 만나면 k의 값에 관계없이

$$\int_{-\infty}^{\infty} \{f(x) + f(x-k)\} dx = 00|\text{CH}.$$

함수 y=f(x)의 그래프와 함수 y=-f(x-k)의 그래프가 다음 그림과 같이 서로 다른 세 점에서 만나고 가운데 교점의 x좌표의 값이 4

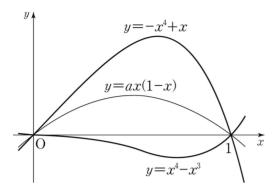
일 때,
$$\int_0^k f(x)dx$$
의 값을 구하시오. [4점]



유형 4 두 곡선 사이의 넓이가 서로 같은 경우

2009(가) 9월/평가원 7

두 곡선 $y = x^4 - x^3$, $y = -x^4 + x$ 로 둘러싸인 도형의 넓이가 곡선 y = ax(1-x)에 의하여 이등분할 때, 상수 a의 값은? (단, 0 < a < 1) [3점]



- $\bigcirc \frac{1}{4}$
- $2\frac{3}{8}$
- $3\frac{5}{8}$ $4\frac{3}{4}$

2 속도와 거리

유형 1 속도와 위치의 변화량

385

2017(나) 수능 12

수직선 위를 움직이는 점 P가 시각 $t(t \ge 0)$ 에서의 속도 v(t)가 v(t) = -2t + 4

이다. t = 0부터 t = 4까지 점 P가 움직인 거리는? [3점]

- ① 8

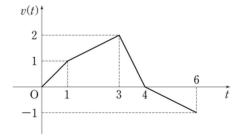
- ② 9 ③ 10 ④ 11 ⑤ 12

386 •••

2012예비(A) 5월/평가원 10

원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t (0 \le t \le 6)$ 에 서의 속도 v(t)의 그래프가 그림과 같다.

점 P가 시각 t = 0에서 시각 t = 6까지 움직인 거리는? [3점]



- $3\frac{7}{2}$
- $4 \frac{9}{2}$ $5 \frac{11}{2}$

2018(나) 9월/평가원 28

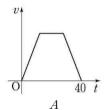
시각 t=0일 때 동시에 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 두 점 P, Q 의 시각 $t(t \ge 0)$ 에서의 속도가 각각

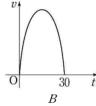
$$v_1(t) = 3t^2 + t$$
, $v_2(t) = 2t^2 + 3t$

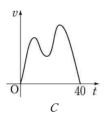
이다. 출발한 두 점 P, Q 의 속도가 같아지는 순간 두 점 P, Q 사이의 거리를 a 라 할 때, 9a 의 값을 구하시오. [4점]

388

다음은 '가'지점에서 출발하여 '나'지점에 도착할 때까지 직선 경로를 따라 이동한 세 자동차 A, B, C의 시간 t 에 따른 속도 v 를 각각 나 타낸 그래프이다.







'가'지점에서 출발하여 '나'지점에 도착할 때까지의 상황에 대한 〈보기〉 의 설명 중 옳은 것을 모두 고른 것은? [3점]

→ 보기 >

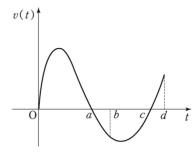
- \neg . A와 C의 평균속도는 같다.
- \Box . B와 C모두 가속도가 0인 순간이 적어도 한 번 존재한다.
- \Box . A, B, C 각각의 속도 그래프와 t 축으로 둘러싸인 영역의 넓이는 모두
- ① ¬
- ② ⊏
- ③ ¬, ∟

- ④ ∟. ⊏
- ⑤ 기, ㄴ, ㄸ

유형 2 그래프에서의 위치와 움직인 거리

389 •••∞

다음은 원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t (0 \le t \le d)$ 에서의 속도 v(t)를 나타내는 그래프이다.



 $\int_{0}^{a} |v(t)| dt = \int_{0}^{d} |v(t)| dt$ 일 때, 〈보기〉에서 옳은 것을 모두 고른 것은? (단, 0 < a < b < c < d이다.) [3점]

_____(보기〉

ㄱ. 점 P는 출발하고 나서 원점을 다시 지난다.

$$\Box \int_{0}^{b} v(t) dt = \int_{b}^{d} |v(t)| dt$$

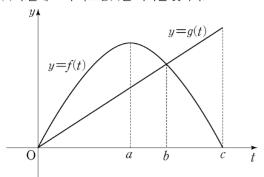
- \bigcirc \Box
- ③ ¬, ∟

- ④ ∟, ⊏
- ⑤ ¬, ∟, ⊏

390 •••

2011(나) 9월/평가원 21

같은 높이의 지면에서 동시에 출발하여 지면과 수직인 방향으로 올라가는 두 물체 A, B가 있다. 그림은 시각 $t(0 \le t \le c)$ 에서 물체 A의속도 f(t)와 물체 B의속도 g(t)를 나타낸 것이다.



 $\int_0^c f(t)dt = \int_0^c \mathbf{g}(t)dt$ 이고 $0 \le t \le c$ 일 때, 옳은 것만을 〈보기〉에서

있는 대로 고른 것은? [4점]

____(보기〉_

ㄱ. t = a일 때, 물체 A는 물체 B보다 높은 위치에 있다.

 $\mathsf{L.} \; t = b$ 일 때, 물체 A와 물체 B의 높이의 차가 최대이다.

C. t = c일 때, 물체 A와 물체 B는 같은 높이에 있다.

① ㄴ

② ⊏

③ ¬, ∟

④ ¬, ⊏

⑤ ᄀ, ㄴ, ㄸ

391 ••••

2011(가) 수능 17 🖡

원점을 출발하여 수직선 위를 움직이는 점 P의 시각 $t(0 \le t \le 5)$ 에 서의 속도 v(t)가 다음과 같다.

$$v(t) = \begin{cases} 4 & (0 \le t < 1) \\ -2t + 6 & (1 \le t < 3) \\ t - 3 & (3 \le t \le 5) \end{cases}$$

0 < x < 3인 실수 x에 대하여 점 P가

시각 t = 0에서 t = x까지 움직인 거리,

시각 t = x에서 t = x + 2까지 움직인 거리.

시각 t = x + 2에서 t = 5까지 움직인 거리

중에서 최소인 값을 f(x)라 할 때, 옳은 것만을 \langle 보기 \rangle 에서 있는 대로 고른 것은? [4점]

─ 〈보기 〉

 $\neg . f(1) = 2$

$$L. f(2) - f(1) = \int_{1}^{2} v(t) dt$$

 \Box . 함수 f(x)는 x=1에서 미분가능하다.

1 7

④ ¬, ⊏

2 L 5 L, E ③ ¬, ∟