

* 2019학년도 평가원 9월 수학 가형 26번.

이분가능한 함수 $f(x)$, $g(x) = \sin x$, $g \circ f(x) = h(x)$ 라 하면

$(1, h(1))$ 에서의 접선은 $y = h'(1)(x-1) + h(1)$, \rightarrow 원점을 지나므로 $h'(1) = h(1)$,

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f(x) - \frac{\pi}{6}}{x-1} = k, \quad \therefore f(1) = \frac{\pi}{6}, \quad f'(1) = k, \quad h'(x) = g'(f(x)) \times f'(x).$$

$$\therefore h'(1) = g'(f(1)) \cdot f'(1) = g'\left(\frac{\pi}{6}\right) \cdot f'(1) = \cos \frac{\pi}{6} \times f'(1) = \frac{\sqrt{3}}{2} \times k = g \circ f(1) = \sin \frac{\pi}{6} = \frac{1}{2}$$

$$\therefore k = \frac{1}{\sqrt{3}}, \quad \text{따라서 } 30k^2 = 10 //$$

* 2019학년도 평가원 9월 수학 가형 14번.

$$f(x) = \cos^2\left(x - \frac{3}{4}\pi\right) - \cos\left(x - \frac{\pi}{4}\right) + k$$

$$\begin{aligned} f\left(x - \frac{\pi}{4}\right) &= \cos^2(x - \pi) - \cos\left(x - \frac{\pi}{2}\right) + k = \cos^2 x - \sin x + k = -\sin^2 x - \sin x + 1 + k \\ &= -\left(\sin^2 x + \sin x + \frac{1}{4}\right) + \frac{5}{4} + k = -\left(\sin x + \frac{1}{2}\right)^2 + \frac{5}{4} + k. \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \therefore \sin x = -\frac{1}{2} \text{ 일 때 최댓값 } \frac{5}{4} + k = 3, \quad \therefore k = \frac{7}{4}. \\ \sin x = 1 \text{ 일 때 최솟값 } -\frac{9}{4} + \frac{5}{4} + k = k - 1 = \frac{3}{4} = m. \end{aligned} \quad \left. \vphantom{\begin{aligned} \therefore \sin x = -\frac{1}{2} \text{ 일 때 최댓값 } \frac{5}{4} + k = 3, \quad \therefore k = \frac{7}{4}. \\ \sin x = 1 \text{ 일 때 최솟값 } -\frac{9}{4} + \frac{5}{4} + k = k - 1 = \frac{3}{4} = m. \end{aligned}} \right\} \therefore k+m = \frac{10}{4} = \frac{5}{2} //$$

\rightarrow 함수를 x 축에 대하여 평행이동을 해도, 최댓값과 최솟값은 변하지 않으므로

식을 보고 계산이 편리하도록 평행이동을 할 수 있어야 함.

$\rightarrow \sin x = t$ ($-1 \leq t \leq 1$)로 치환한 형태인 $-(t + \frac{1}{2})^2 + \frac{5}{4} + k$ 에서 구하는 최대, 최소와 치환없이 구하는 최대, 최소는 왜 같은 것인가?