

# 고지우의 난문현답

---

## 제 2 일

1. 2012년 3월 교육청
2. 2013년 9월 평가원
3. 2006년 6월 평가원
4. 2001년 경찰대
5. 2014년 7월 교육청
6. 2010년 경찰대
7. 2006년 10월 교육청
8. 2011년 9월 평가원
9. 2015년 9월 교육청
10. 2012년 4월 교육청

[2012년 3월 교육청]

1. 두 수열  $\{a_n\}, \{b_n\}$ 은 다음 조건을 만족시킨다.

$$(가) \lim_{n \rightarrow \infty} a_n = \infty$$

$$(나) \lim_{n \rightarrow \infty} (2a_n - 5b_n) = 3$$

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{2a_n + 3b_n}{a_n + b_n} = \frac{q}{p}$  일 때,  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $p, q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

[2013년 9월 평가원]

2. 첫째항이 10인 수열  $\{a_n\}$ 이 모든 자연수  $n$ 에 대하여

$$a_n < a_{n+1}, \sum_{k=1}^n (a_{k+1} - a_k)^2 = 2\left(1 - \frac{1}{9^n}\right)$$

을 만족시킬 때,  $\lim_{n \rightarrow \infty} a_n$ 의 값을 구하시오. [4점]

[2006년 6월 평가원]

3. 실수전체의 집합에서 정의된 미분가능한 함수  $f(x)$ 는 다음 두 조건을 만족한다.

(가) 임의의 실수 $x, y$ 에 대하여 $f(x-y) = f(x) - f(y) + xy(x-y)$ (나) $f'(0) = 8$
--

함수  $f(x)$ 가  $x=a$ 에서 극댓값을 갖고  $x=b$ 에서 극솟값을 가질 때,  $a^2+b^2$ 의 값을 구하시오. [3점]

[2001년 경찰대]

4. 함수  $f(x)$ 가 다음 조건을 만족한다.

(가) $f(x+2) = -f(x)$ (나) $\int_0^2 f(x)dx = 1$
---

이때,  $\int_{-2}^4 f(x)dx$ 의 값은?

- ① -2                      ② -1                      ③ 0  
④ 1                        ⑤ 2

[2014년 7월 교육청]

5. 연속함수  $f(x)$ 가 모든 실수  $x$ 에 대하여 다음 조건을 만족시킨다.

(가)  $f(-x) = f(x)$

(나)  $f(x+2) = f(x)$

(다)  $\int_{-1}^1 (x+2)^2 f(x) dx = 50, \int_{-1}^1 x^2 f(x) dx = 2$

$\int_{-3}^3 x^2 f(x) dx$ 의 값을 구하시오. [4점]

[2010년 경찰대]

6. 어느 경찰관이 8월에 관할구역을 이틀 연이어 순찰하지 않으면서 5일 순찰하는 방법의 수는?

①  ${}_{25}C_5$

②  ${}_{27}C_5$

③  ${}_{28}C_5$

④  ${}_{29}C_5$

⑤  ${}_{30}C_5$

[2006년 10월 교육청]

7.  $\left(x + \frac{1}{x}\right)^2 + \left(x + \frac{1}{x}\right)^3 + \left(x + \frac{1}{x}\right)^4 + \left(x + \frac{1}{x}\right)^5 + \left(x + \frac{1}{x}\right)^6$

을 전개하는 식에서  $x^2$ 항의 계수는? [4점]

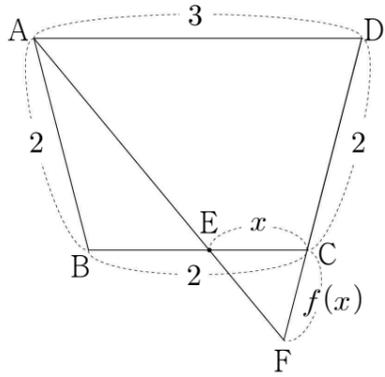
- ① 16            ② 20            ③ 24  
④ 28            ⑤ 32

[2011년 9월 평가원]

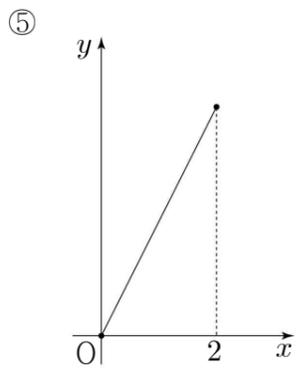
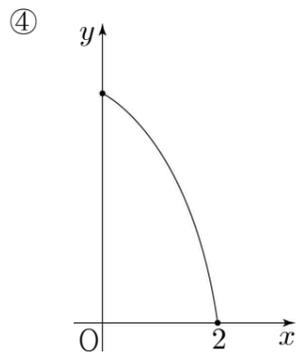
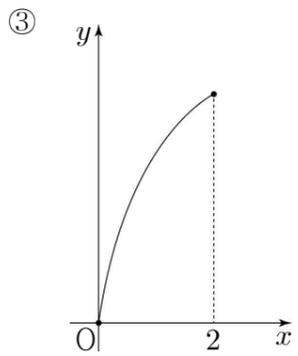
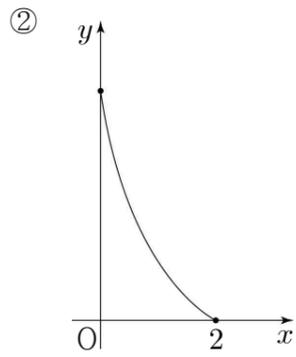
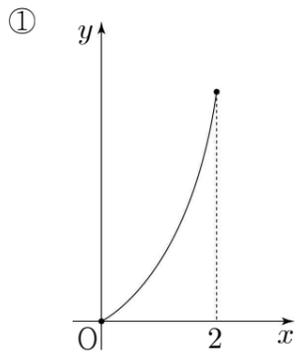
8. 주머니 안에 스티커가 1개, 2개, 3개 붙어 있는 카드가 각각 1장씩 들어 있다. 주머니에서 임의로 카드 1장을 꺼내어 스티커 1개를 더 붙인 후 다시 주머니에 넣는 시행을 반복한다. 주머니 안의 각 카드에 붙어 있는 스티커의 개수를 3으로 나눈 나머지가 모두 같아지는 사건을 A라 하자. 시행을 6번을 하였을 때, 1회부터 5회까지는 사건 A가 일어나지 않고 6회에서 사건 A가 일어날 확률을  $\frac{q}{p}$ 라 하자.  $p+q$ 의 값을 구하시오. (단,  $p$ 와  $q$ 는 서로소인 자연수이다.) [4점]

[2015년 9월 교육청]

9.  $\overline{AB} = \overline{BC} = \overline{CD} = 2$ ,  $\overline{AD} = 3$ 인 등변사다리꼴 ABCD에서 선분 BC 위를 움직이는 점을 E, 직선 AE와 직선 CD의 교점을 F 라 하자.



점 C와 점 E 사이의 거리를  $x(0 \leq x \leq 2)$ , 점 C와 점 F 사이의 거리를  $f(x)$ 라 할 때, 함수  $y=f(x)$ 의 그래프의 모양으로 알맞은 것은?



[2012년 4월 교육청]

10. 첫째항이 1, 공차가 3인 등차수열  $\{a_n\}$ 에 대하여 부등식  $|x - a_n| \geq |x - a_{n+1}| (n \geq 1)$  을 만족시키는  $x$ 의 최솟값을  $b_n$ 이라 할 때, 옳은 것만을 [보기] 에서 있는 대로 고른 것은? [4점]

- |   |
|---|
| ㄱ. $b_1 = \frac{a_1 + a_2}{2}$                |
| ㄴ. 수열 $\{b_n\}$ 은 공차가 $\frac{3}{2}$ 인 등차수열이다. |
| ㄷ. $\sum_{n=1}^{10} b_n = 160$                |

- ① ㄱ                      ② ㄴ                      ③ ㄱ, ㄷ  
 ④ ㄴ, ㄷ                ⑤ ㄱ, ㄴ, ㄷ

---

[정답]

1. 23
2. 12
3. 16
4. ②
5. 102
6. ②
7. ②
8. 11
9. ①
10. ③